



Assiut
University

Math Department
Assiut University
Final Exam
2023/2024 – Jan. 2024

Course: Computer Graphics
Code: MC461
Level: 3
Time: 2 Hours
Marks: 50

• No. of pages: 3, No. of questions: 5

I. (15 Marks) True or False? (One mark for each question)

1. The cross product of two vectors of the same dimension is not defined.
2. OpenGL runs only on Microsoft operating systems.
3. OpenGL can draw convex polygons.
4. Positive value for the rotation angle Θ defines clockwise rotation about the pivot point.
5. Once a 2D or 3D rotation is performed, it is not possible to reverse the rotation.
6. If the scaling factor value is less than one, then it increases the size of object.
7. The OpenGL command `glClearColor(0.0f, 1.0f, 0.0f, 1.0f)` clear a window with blue color
8. The purpose of using double buffering in OpenGL is to avoid flickering.
9. Two translation matrices, T_1 and T_2 can be combined into another translation matrix T by adding them, i.e. $T = T_1 + T_2$
10. The aspect ratio of an image is defined as the ratio of height to width.
11. The illusion of 3D is created on a flat computer screen by means of a bag of techniques such as shading and shadows.
12. The function `glPolygonMode` allows polygons to be rendered as filled solids, as outlines, or as points.
13. One important rule when you use quads is that all four corners of the quadrilateral must lie in a plane.
14. The Phong reflectance model does not consider the geometry of the object being shaded.
15. OpenGL is a software interface to graphics hardware.

II. (5 Marks)

- a. Determine the values for x, y , and θ if $\text{rot}(z, 90) \text{ trans}(4, 1, 0) = \text{trans}(x, y, 0) \text{ rot}(z, \theta)$
- b. Write the above transformations ($\text{rot}(z, 90) \text{ trans}(4, 1, 0)$ and $\text{trans}(x, y, 0) \text{ rot}(z, \theta)$) using OpenGL commands.

III. (14 Marks) Fill in the blanks (Two marks for each question).

1. The RGB of a yellow color is
2. The position of the 3D point (0,-1,0) after rotating it by 90 around z-axis is
3. The 3x3 matrix for a translation by 2 in x and 3 in y is
4. Given three vertices $P1=(1, 1, 0.5)$, $P2=(1.5, 0.5, 0.5)$, $P3=(1, 0.5, 1)$ on a plane, the equation of the plane is
5. The Modelview matrix after executing the following OpenGL code segment is

```
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);  
glLoadIdentity();  
glScalef(-2.0,1.5,-3.0);
```

6. The Modelview matrix after executing the following OpenGL code segment is

```
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);  
glLoadIdentity();  
glRotatef(-90.0, 0, 0, 1.0);
```

7. The Modelview matrix after executing the following OpenGL code segment is

```
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);  
glLoadIdentity();  
glScalef(-1.0, 2.0,-1.0);  
glRotatef(90.0, 0, 0, 1.0);
```

IV. (4 Marks) Suppose we have the following sequence of transformations:

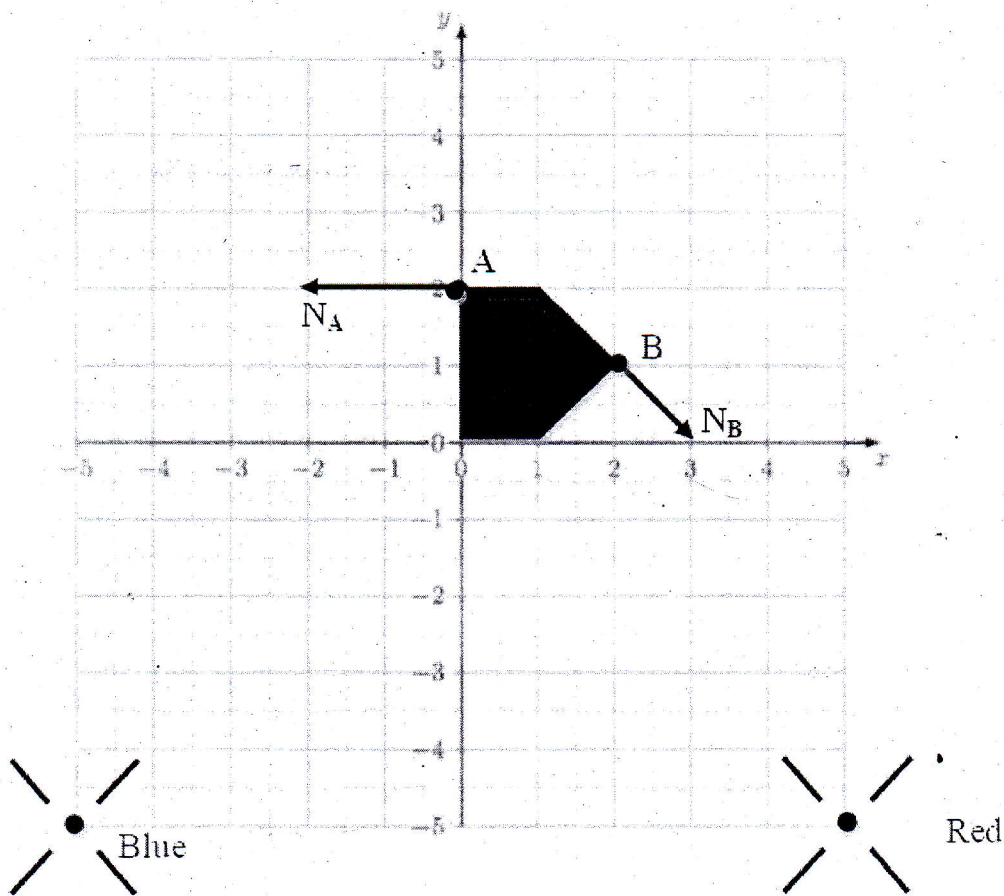
```
glRotatef(90, 0, 0, 1);  
glTranslatef(1,1,0);  
glRotatef(180, 0, 0, 1);  
glTranslatef(2,1,0);  
Draw_Unit_Square();
```

Assume that Draw_Unit_Square function draws a unit square (extending from 0 to 1 in x and y). Draw out the intermediate four positions of the square as each transformation is applied.



- V. (12 Marks) The figure below contains two positional light sources and two points in 2D. The right light source emits red diffuse light = (1.0, 0.1, 0.1). The left light emits blue diffuse light = (0.2, 0.2, 1.0). Given the normal vectors shown in the figure. Assume the constant attenuation=0, linear attenuation=1.0, quadratic attenuation=0, the spotlight effect=1, the material ambient = (0, 0, 0), the material emission=(0,0,0), the diffuse components of the material = (1.0,0.5,1.0), and the specular components of the material = (0, 0, 0) for the two points. Using the Phong reflection model, calculate the followings:

- (4 Marks) The normalized normal vector for the two labeled points.
- (4 Marks) The diffuse intensity for the two labeled points for red light source.
- (4 Marks) The attenuation factor for the two labeled points for blue light source.





Assiut University
Faculty of Science
Jan., 2024

الامتحان لطلاب السنة الرابعة

Course: بنيه الحاسب
Time: 2 Hours

Marks: 50

كلية العلوم

Answer the following questions

Choose the correct answer

(50 pts)

1. The _____ format is usually used to store data.

- a) BCD
- b) Decimal
- c) Hexadecimal
- d) Octal

Answer:

2. The 8-bit encoding format used to store data in a computer is _____

- a) ASCII
- b) EBCDIC
- c) ANCI
- d) USCII

Answer:

3. Which memory device is generally made of semiconductors?

- a) RAM
- b) Hard-disk
- c) Floppy disk
- d) Cd disk

Answer:

4. The ALU makes use of _____ to store the intermediate results.

- a) Accumulators
- b) Registers
- c) Heap
- d) Stack

Answer:

5. _____ are numbers and encoded characters, generally used as operands.

- a) Input
- b) Data
- c) Information
- d) Stored Values

Answer:

6. _____ bus structure is usually used to connect I/O devices.

- a) Single bus
- b) Multiple bus
- c) Star bus
- d) Rambus

Answer:

7. The I/O interface required to connect the I/O device to the bus consists of _____

- a) Address decoder and registers
- b) Control circuits
- c) Address decoder, registers and Control circuits
- d) Only Control circuits

Answer:

8. _____ is generally used to increase the apparent size of physical memory.

- a) Secondary memory
- b) Virtual memory
- c) Hard-disk
- d) Disks

Answer:

9. The time delay between two successive initiations of memory operation _____

- a) Memory access time
- b) Memory search time
- c) Memory cycle time
- d) Instruction delay

Answer:

10. The decoded instruction is stored in _____

- a) IR
- b) PC
- c) Registers
- d) MDR

Answer:

11. During the execution of a program which gets initialized first?

- a) MDR
- b) IR
- c) PC
- d) MAR

Answer:

12. ISP stands for _____

- a) Instruction Set Processor
- b) Information Standard Processing
- c) Interchange Standard Protocol
- d) Interrupt Service Procedure

Answer:

13. _____ is used to choose between incrementing the PC or performing ALU operations.

- a) Conditional codes
- b) Multiplexer
- c) Control unit
- d) None of the mentioned

Answer:

14. _____ is used to store data in registers.

- a) D flip flop
- b) JK flip flop
- c) RS flip flop
- d) None of the mentioned

Answer:

15. During the execution of the instructions, a copy of the instructions is placed in the _____

- a) Register
- b) RAM
- c) System heap
- d) Cache

Answer:

16. A processor performing fetch or decoding of different instruction during the execution of another instruction is called _____

- a) Super-scaling
- b) Pipe-lining
- c) Parallel Computation
- d) None of the mentioned

Answer:

17. For a given FINITE number of instructions to be executed, which architecture of the processor provides for a faster execution?

- a) ISA
- b) ANSA
- c) Super-scalar
- d) All of the mentioned

Answer:

18. The ultimate goal of a compiler is to _____

- a) Reduce the clock cycles for a programming task
- b) Reduce the size of the object code
- c) Be versatile
- d) Be able to detect even the smallest of errors

Answer:

19. As of 2000, the reference system to find the performance of a system is _____

- a) Ultra SPARC 10
- b) SUN SPARC
- c) SUN II
- d) None of the mentioned

Answer:

20. When Performing a looping operation, the instruction gets stored in the _____

- a) Registers
- b) Cache
- c) System Heap
- d) System stack

Answer:

21. The average number of steps taken to execute the set of instructions

can be made to be less than one by following _____

- a) ISA
- b) Pipe-lining
- c) Super-scaling
- d) Sequential

Answer:

22. If a processor clock is rated as 1250 million cycles per second, then its clock period is _____

- a) 1.9×10^{-10} sec
- b) 1.6×10^{-9} sec
- c) 1.25×10^{-10} sec
- d) 8×10^{-10} sec

Answer:

23. IBM developed a bus standard for their line of computers 'PC AT' called _____

- a) IB bus
- b) M-bus
- c) ISA
- d) None of the mentioned

Answer:

24. The bus used to connect the monitor to the CPU is _____

- a) PCI bus
- b) SCSI bus
- c) Memory bus
- d) Rambus

Answer:

25. CISC stands for _____

- a) Complete Instruction Sequential Compilation
- b) Computer Integrated Sequential Compiler
- c) Complex Instruction Set Computer
- d) Complex Instruction Sequential Compilation

Answer:

26. During the execution of the instructions, a copy of the instructions is placed in the _____

- a) Register
- b) RAM
- c) System heap
- d) Cache

Answer:

27. When Performing a looping operation, the instruction gets stored in the _____

- a) Registers
- b) Cache
- c) System Heap
- d) System stack

Answer:

28. In multiple Bus organisation, the registers are collectively placed and referred as _____

- a) Set registers
- b) Register file
- c) Register Block
- d) Map registers

Answer:

29. The addressing mode/s, which uses the PC instead of a general purpose register is _____

- a) Indexed with offset
- b) Relative
- c) Direct
- d) Both Indexed with offset and direct

Answer:

30. Which representation is most efficient to perform arithmetic operations on the numbers?

- a) Sign-magnitude
- b) 1's complement
- c) 2's complement
- d) None of the mentioned

Answer:

31. When we perform subtraction on -7 and 1 the answer in 2's complement form is _____

- a) 1010
- c) 0110

- b) 1110
- d) 1000

Answer:

32. The register used to store the flags is called as _____

- a) Flag register
- c) Test register

- b) Status register
- d) Log register

Answer:

33. In a normal n-bit adder, to find out if an overflow as occurred we make use of _____

- a) And gate
- c) Nor gate

- b) Nand gate
- d) Xor gate

Answer:

34. When 1101 is used to divide 100010010 the remainder is _____

- a) 101
- c) 0

- b) 11
- d) 1

Answer:

35. If a system is 64 bit machine, then the length of each word will be _____

- a) 4 bytes
- c) 16 bytes

- b) 8 bytes
- d) 12 bytes

Answer:

36. _____ method is used to map logical addresses of variable length onto physical memory.

- a) Paging
- c) Segmentation

- b) Overlays
- d) Paging with segmentation

Answer:

37. The BOOT sector files of the system are stored in _____

- a) Harddisk
- c) RAM motherboard

- b) ROM
- d) Fast solid state chips in the

Answer:

38. The ISA standard Buses are used to connect _____

- a) RAM and processor
- c) Harddisk and Processor

- b) GPU and processor
- d) CD/DVD drives and Processor

Answer:

39. Which method/s of representation of numbers occupies a large amount of memory than others?

- a) Sign-magnitude
- c) 2's complement

- b) 1's complement
- d) 1's & 2's compliment

Answer:

40. When we subtract -3 from 2, the answer in 2's complement form is _____

- a) 0001
- c) 0101

- b) 1101
- d) 1001

Answer:



Faculty of science

Department of Mathematics

Final Term Exam (1st Term)

Fourth year student (Math)

Course: Functional Analysis

Code: 411 M

Time : 2 Hours

Points : 50 Points

Date: Tuesday, 9 Jan 2024



Assiut University

الإمتحان مكون من أربعة أسئلة - تقع الأسئلة في صفتين- مطلوب الإجابة عنها جميعاً

Q1) Complete the following statements (10 Pts):

- 1-a) The conditions on p and q that guarantee that $x^2 + px + q \geq 0$ are
- b) If f is a continuous positive function on $[0, 1]$ such that $\int_0^1 f dx = 0$, then
- c) A subset M of a metric space (X, d) is said to be dense in (X, d) if
- d) Let $X = L_2[0, 1]$ and $f, g \in X$ be defined as $f(x) = x$, $g(x) = x^2$, then $d(f, g) = \dots\dots\dots$
- e) Let x, y be two orthogonal vectors in an inner product space X such that $\|x\| = \|y\| = 1$, then $\|x - y\| = \dots\dots\dots$

Q2) True-False Questions. Classify the following statements as true or false (10 Pts):

- 2-a) If d is a discrete metric on $\mathbb{R}$, then $d\left(\frac{2}{3}, \frac{3}{2}\right) = \begin{vmatrix} 4 & 8 \\ 1 & 2 \end{vmatrix}$.
- b) A subspace M of a complete metric space (X, d) is itself complete if and only if $\bar{M} = M$.
- c) Let X be the space of differentiable functions on $[0, 1]$, $Y = C[0, 1]$ both with sup norm and $T: X \rightarrow Y$ be the linear operator defined by $Tf(x) = \frac{df(x)}{dx}$, then T is continuous.
- d) Let $(X, \|\cdot\|)$ be a normed space and let ρ be the metric induced by the norm on X . If $\rho(x, y) = r$ for all $x, y \in X$, then $\rho(rx, ry) = r^2$.
- e) Let $\mathbb{R}^2$ have the Euclidean metric. Then $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: x^2 + y^2 < 2y\}$ is an open set.

Please turn the page

Q3) Multiple Choice Questions. Choose the correct answer from the given four options (10 Pts):

3-a) Let $X = \mathbb{N}$ with the metric $d(m, n) = |m - n|$, $\forall m, n \in \mathbb{N}$. Then $\bar{S}_{\frac{3}{2}}(0) = \dots\dots\dots$

- A) $\mathbb{N} \setminus \{1\}$ B) $\left[-\frac{3}{2}, \frac{3}{2}\right]$ C) $\mathbb{N}$ D) $\{1\}$

b) Every contraction mapping on $(0, 1)$: (i) has a unique fixed point (ii) is continuous

- A) both (i) and (ii) B) only (i) C) only (ii) D) Neither (i) nor (ii)

c) $(C[a, b], \|f\| = \max_{t \in [a, b]} |f(t)|)$ is $\dots\dots\dots$ space.

- A) an inner product B) a Hilbert C) a normed D) None of these

d) If $(x_n) = (1, 1, 0, 0, 0, \dots\dots)$ and $(y_n) = (1, -1, 0, 0, 0, \dots\dots)$ are two sequences in l_4 ,

then the values of $\|x_n - y_n\|$, $\|y_n\|$, respectively are $\dots\dots\dots$

- A) $\sqrt{2}$, $\sqrt{2}$ B) $\sqrt{2}$, 2 C) $\sqrt{4}$, $\sqrt[4]{2}$ D) 2, 2

e) The mapping $Tx = x + \frac{1}{x}$ which maps $X = [1, \infty)$ into itself is $\dots\dots\dots$

- A) discontinuous B) has no fixed point C) linear D) contraction

Q4) Essay Question (20 Pts)

4-a) (4 Pts each) Give a counter example to each of the following false statements:

(i) Every metric space is a normed space.

(ii) Every Cauchy sequence in a metric space is convergent.

(iii) The intersection of any numbers of open sets in a metric space is open.

b) (8 Pts) Let $T: \mathbb{R}^n \rightarrow \mathbb{R}^m$ be the transformation defined by $TX = AX$, where $A = [a_{ij}]$ is

an $m \times n$ nonzero matrix. Show that T is linear and continuous.

Prof. Dr. A.M. Gaddeek ... With best wishes ... Signature : Gaddeek

	Assiut University Faculty of Science Mathematics Dept.	Final Exam 2023-2024 Course: Computational Theory Course code: MC457	Level: Fourth Time: 2 Hours Mark: 50	
FREE PALESTINE				

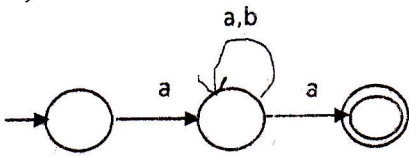
"اسْتَعِينُ بِاللّٰهِ وَلَا تَعْجِزْ"

الامتحان أربع (4) صفحات - الإجابة في نفس الصفحة

Question 1: State the terminology of these definitions (5 Marks)

1. Type of FA where it has an arrow with the label ϵ .
(.....)
2. In this concept, the machine has several choices for the next state at any point.
(.....)
3. Any countable set of strings over some fixed alphabet.
(.....)
4. The graphical representation of regular expression.
(.....)
5. The expressions describing languages using regular operations.
(.....)

Question 2: Put True or False for each of the following items (15 Marks)

1. For alphabet $\Sigma = \{a, b\}$, the regular expression for the language whose strings start with **a** and end with **b** is $a(a|b)^*|(a|b)^*b$.
2. The regular expression $a|ab^*$ accepts the string **aabb**.
3. The regular expression $(\lambda|a)b$ accepts the string **ab**.
4. **DFA** special case of **NFA**
5. $\Sigma^+ = \Sigma^* - \{\lambda\}$
6. The NFA  accepts the string **a**.
7. $(0|1)^*001(0|1)^* = \{w | w \text{ is the substring } 001 \text{ only}\}$.

8. The NFA  accepts the empty string λ .
9. $0^*10^* \{w \mid w \text{ contains a single } 1\}$
10. $(0|1)^*1(0|1)^* = \{w \mid w \text{ has at least one } 1\}$.
11. $\Sigma^0 = \Sigma^* - \Sigma^+$
12. The empty language = $\{\lambda\}$
13. Σ^* is finite set.
14. The regular expression **a|ab*** accepts all strings which start with **b**.
15. For the alphabet $\Sigma = \{a, b\}$, $\Sigma^2 = \{a, aa, ab, ba, b, bb\}$.

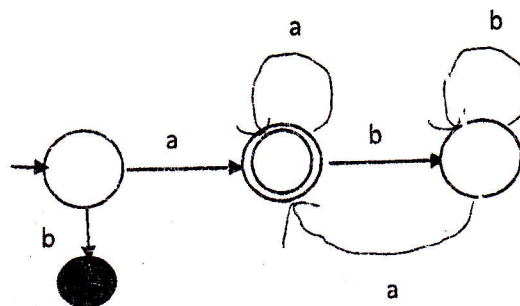
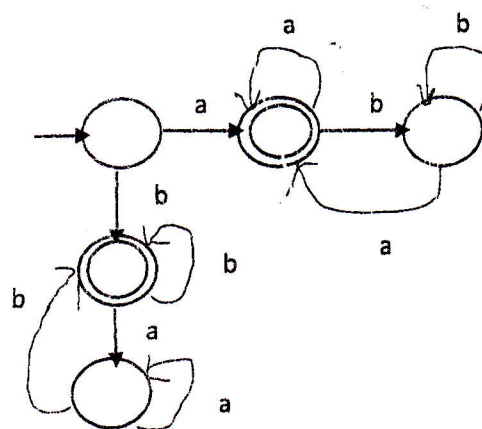
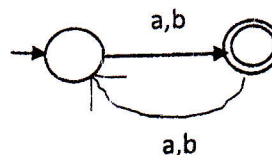
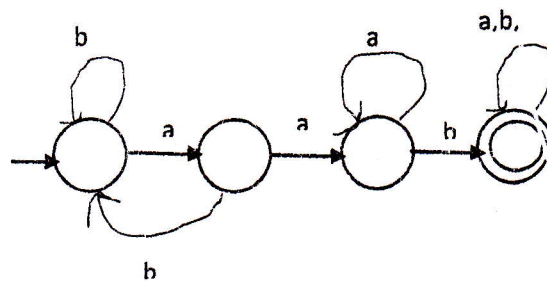
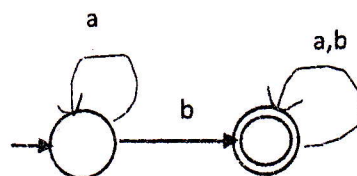
Question 3: Design the following:

- (a) For alphabet $\Sigma = \{a, b\}$, design the regular expression for the language whose strings are of odd length. (4 Marks)

- (b) For alphabet $\Sigma = \{0, 1\}$, design the **DFA** for the regular expression $(0 | 1)^+$. (4 Marks)

Question 4: Choose the right letter of the **DFA** which corresponds with the regular expression, and write the letter in front of the number of **RegExp**: **(5 Marks)**

No.	RegExp	Answer	Letter
1	$(a b)^*aab(a b)^*$		A
2	$a b a(a b)^*a b(a b)^*b$		B
3	$a(a b)^*a a$		C
4	$(a b)^*b(a b)^*$		D
5	$((a b)(a b))^*(a b)$		E



Department of Mathematics		قسم الرياضيات
Faculty of Science		كلية العلوم
امتحان نهائي الفصل الدراسي الثاني ٢٠٢٣/٢٠٢٤ م المستوي الرابع		
التاريخ : ٢٠٢٤ / ١ / ٢ م	الزمن : ساعتان	اسم المقرر : هيدروديناميكا ومرونة (١) الدرجة الكلية : ٥٠ درجة
	شعبة : رياضيات رقم المقرر ورمزه : ٤٣١ ر	

أجب عن أربعة أسئلة فقط مما يأتي: (١٢,٥ درجة لكل سؤال)

1- (أ) أثبت قانون التبادل في إجهاد القص (6.5 درجة)

(ب) إذا كانت حالة الإجهاد داخل جسم مرن تعطى بالعلاقات

$$\delta_x = 2xy, \tau_{xy} = 5y^2, \tau_{yz} = 2z, \delta_y = \delta_z = \tau_{zx} = 0$$

عين الإجهاد عند النقطة $(2, 1, \sqrt{3})$ التي تقع على المستوى المماس للأسطوانة $y^2 + z^2 = 4$ (6 درجات)

2- (أ) كيف يمكنك تعيين الانفعال الطولي لعنصر مرن مجهود مطوم جيوب تمام اتجاهه مع محاور الإحداثيات .

(6 درجات)

(ب) استنتج مركبات الإجهاد بدلالة مركبات الانفعال . (6.5 درجة)

3- (أ) إذا كانت مركبات الإجهاد عند نقطة في جسم مرن مجهود هي :-

$$\delta_x = ky^2, \delta_y = -kx^2, \delta_z = 0, \tau_{xy} = \tau_{yz} = \tau_{zx} = 0$$

عين مركبات متجه الإزاحة $u(x, y), v(x, y)$ (6.5 درجة)

(ب) استنتج معادلات مانع مثالي غير قابل للتضاغط ، ثم استنتج منها معادلة برنولي . (6 درجات)

4- (أ) اكتب منطوق نظرية بلازيوس ، انسياب منتظم له السرعة U عند اللانهاية ينساب في الاتجاه الموجب لمحور x يمر على اسطوانة دائرية ثابتة نصف قطرها a مع وجود لف حولها شدته k . احسب الضغط المؤثر على الاسطوانة والعزم حولها . (6.5 درجة)

(ب) استخدم التحويل $\zeta = z^3$ لنقل المنطقة في المستوى z المحددة بالاقواس الدائرية $r=a, r=b$ وانصاف الاقطار ،

(6 درجات)

$$\theta = 0 \quad \theta = \pi/3$$

(أ) اكتب معادلات حركة مانع لزج غير قابل للتضاغط ، ثم ادرس حركة مستوي لانهاية الطول تحرك فجأة في مستواه بسرعة ثابتة في مانع لزج غير قابل للتضاغط . (6.5 درجة)

(ب) اكتب نظرية باي للتحليل البعدي ، ثم استخدمها في ايجاد قانون قوة المقاومة المؤثرة على وحدة السطوح من جدار انبوبة مع

فرض انها دالة في معامل اللزوجة μ والكثافة ρ والقطر d والسرعة v . (6 درجات)

انتهت الأسئلة مع اطيب الأمتي بالنجاح

أ.د/ فكري محمد حادي ، د/ حسين السيد حسن حماد

 قسم الرياضيات كلية العلوم	المقرر : بحوث عمليات (2) 426 الفرقة : المستوي الرابع علوم الزمن : 3 ساعات التاريخ : السبت 2024/1/ الدرجة : 50 درجة	جامعة اسيوط كلية العلوم قسم الرياضيات امتحان الفصل الثاني للعام الجامعي 2023-2024
--	---	--

أجب عن الأسئلة الآتية: كل سؤال (10 درجات)

السؤال الأول: (أ) برهن أن الشرط الكافي للدالة $f(x)$ ذات القيود $C_i(x) = 0 \quad i = 1, 2, \dots, m$

لكي تكون لها نقطة نهاية صغرى نسبية عند $x = x^*$ ان تكون الكمية التربيعية Q المعرفة كالتالي

$$Q = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m \frac{\partial^2 L}{\partial x_i \partial x_j} dx_i dx_j$$

والمسحوبة عند $x = x^*$ يجب ان تكون هذه الكمية موجبة

(ب) حدد القيم القصوى للدالة $f(x) = x_1^3 + x_2^3 + 2x_1^2 + 4x_2^2 + 6$

السؤال الثاني: (أ) أوجد مصفوفة الهسين للدالة $f(x) = x_2 x_3^2 + x_2 e^{x_1}$ حول النقطة $\underline{x}^* = (0, 2, -3)$

(ب) أوجد النهايات العظمى والصغرى للدالة $f(x) = x_1 + 2x_3 + x_2 x_3 - x_1^2 - x_2^2 - x_3^2$

السؤال الثالث: (أ) أستخدم التعويض المباشر في حل المسألة التالية $3x_1 + 2x_2 = 8$ $Min f(x) = 5x_1^2 + 4x_2^2$

ثم تأكد أن الحل هو قيمة عظمى بتطبيق الشرط الكافي.

(ب) أستخدم طريقة مضروبوات لاجرانج في حل المشكلة التالية

$$Max f(x_1, x_2) = \pi x_1^2 x_2 \quad S.t \quad g(x_1, x_2) = 2\pi x_1^2 + 2\pi x_1 x_2 = 24$$

ثم طبق الشرط الكافي لمعرفة ان النقطة نهاية عظمى.

السؤال الرابع: (أ) من الشرط الكافي من الرتبة الثانية $y^T \nabla_x^2 L(x^*, \lambda^*, u^*) y > 0$ أوجد حل المشكلة التالية

$$Mix f(x) = (x_1 - 2)^2 + x_2^2 \quad S.t \quad x_1 - x_2^2 \leq 0$$

(ب) بأستخدام طريقة خطوة الانحدار الشديد أوجد طول الخطوة α للدالة

$$f(x) = 3x_1^2 + 2x_2^2 + 2x_1 x_2 + 7 \quad \text{ثم أوجد الحل عند } (x_1^0, x_2^0) = (1, 2)$$

السؤال الخامس: (أ) بأستخدام طريقة نيوتن أوجد القيمة الصغرى للدالة $f(x) = 3x_1^2 + x_2^2 + 2x_1 x_2 = 7$

$$(x_1^0, x_2^0) = (5, 10) \text{ عندما}$$

(ب) أستخدم دالة الجزاء لحل المسألة التالية $h(x) = x_1 - x_2 - u = 0$ $Min f(x) = (x_1 - 1)^2 + (x_2 - 2)^2$

مع تمنياتي بالنجاح والتوفيق

د/ مصطفى علي الخطيب

Department of Mathematics		قسم الرياضيات
Faculty of Science		كلية العلوم
الامتحان النهائي للمستوى الرابع للفصل الدراسي الاول ٢٠٢٣ / ٢٠٢٤ م		
اسم المقرر: موضوعات مختارة في الرياضيات (٢) رقم المقرر: ٤٢٧ ر	الدرجة الكلية: ٥٠ درجة	التاريخ: ٢٠٢٤ / ١ / ١١ م الزمن: ٣ ساعات

أجب عن خمسة أسئلة فقط مما يأتي: (كل سؤال ١٠ درجات)

1) For the equation $y' = -5y$, $0 \leq x \leq 1$, $y(0) = 1$ (exact solution $y = e^{-5x}$)

(i) Find an upper bound on the error at $x=1$ in terms of step size h .

(ii) Solve the difference equation which results from Euler's method.

(iii) Compare the bound from (i) with the actual error as obtained from (ii) at $x=1$ for $h=0.1$.

2-a) Use fourth order Runge-Kutta method to approximate y when $x=0.2$ for the particular solution of: $y' = x + y$, satisfying $y(0)=1$, ($h=0.1$).

b) Use Euler's method for system algorithm to approximate the solution of DE: $y'' + y' + y = 2x + 3$, $y(0) = 3$ and $y'(0) = 0$ from $x = 0$ to $x = 0.4$ ($h = 0.2$).

3- a) Prove that the eigenvalues of square matrix A and the matrix $T^{-1} A T$, where T is a regular square matrix, are the same.

b) Use Leverier-Faddeev method to find the characteristic equation of the matrix:

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & -1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 4 & -4 & 5 \end{bmatrix}, \text{ then find the eigenvalues.}$$

من فضلك باقي الاسئلة في خلف الصفحة

←←←

4-a) Show that the corrector formula:

$$y_{n+1} = y_n + \frac{h}{2} [f(x_n, y_n) + f(x_{n+1}, y_{n+1})]$$

is stable for equation of the form $y' = -\lambda y$, $y(0) = y_0$, $\lambda > 0$

b) From the following table :

x	0	1	3	4
y	1	3	7	9

Find the least squares equation having the form : $P(x) = c_0 T_0(x) + c_1 T_1(x)$
 where $T_0(x) = 1$ and $T_1(x) = x$.

5-a) Construct the Lagrange interpolation polynomial for the function $y = \sin \pi x$. Choosing the points: $x_0 = 0$, $x_1 = \frac{1}{6}$, $x_2 = \frac{1}{2}$.

b) To what degree of accuracy we calculate $\sqrt[3]{17}$ by means of Lagrange's interpolation polynomial for the function $y = \sqrt[3]{x}$ if we choose $x_0 = 8$, $x_1 = 27$ and $x_2 = 64$

6-a) Prove that, if $\lambda_1, \lambda_2, \dots, \lambda_n$ the eigenvalues of the square matrix A , then the eigenvalues of A^k are $\lambda_1^k, \lambda_2^k, \dots, \lambda_n^k$.

b) Use the Newton's method to approximate solution of the system of equations:

$$x_1^2 + x_2 = 1.25$$

$$x_1 + x_2^3 = 1.5$$

Where $\begin{bmatrix} x_1^0 \\ x_2^0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.5 \\ 0.9 \end{bmatrix}$

Good Luck

Prof. A. El- SAFTY

(درجات الامتحان: الدرجة الكلية 50 درجة موزعة على خمسة أسئلة بواقع 10 درجات عن كل سؤال - 5 درجات عن كل فقرة)

ملاحظة:- $p = z_x, \quad q = z_y, \quad D_x = \frac{\partial}{\partial x}, \quad D_y = \frac{\partial}{\partial y}.$

أجب عن مما يأتي:-

1- أ) أوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية $(D_x^2 D_y + D_y^2 - 2)z = e^{2y} \cos 3x + e^x \sin 2y$.

ب) إذا كانت $q^2 - p^2 = 1$ فأوجد كلا من الحل التام والحل المفرد - إن وجد - لهذه المعادلة. وإذا كانت $c = 0$ فأوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية المذكورة.

2- أ) أثبت أن الحل التام للمعادلة التفاضلية $z = xp + yq + \sqrt{p^2 + q^2 + 1}$ يمثل مجموعة مستويات غلافها كرة مركزها نقطة الأصل ونصف قطرها الوحدة.

ب) باستخدام طريقة أويلر - أوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية $(y^2 D_y^2 + 2xy D_x D_y - y D_y)z = \frac{y^3}{x^2}$.

3- أ) بفرض أن $u = \frac{1}{r} f(r) \cos(\omega t + \alpha)$ هو حل للمعادلة التفاضلية $u_{rr} + \frac{2}{r} u_r = \frac{1}{c^2} u_{tt}$ حيث c, ω, α ثوابت، أوجد المعادلة التفاضلية العادية التي تحققها الدالة $f(r)$ واعط الحل العام لها. وإذا علم أنه لجميع قيم t يكون:

أولاً: u محدودة عند $r = 0$ ، ثانياً: $u_r = 0$ عند $r = a$ ، ثالثاً: وأن u لا تساوي صفر تطابقياً. فاثبت أن $\frac{\omega a}{c} = \beta$ يجب أن تحقق المعادلة $\tan \beta = \beta$.

ب) أوجد الحل التام والحل المفرد - إن وجد - للمعادلة التفاضلية $p - 3x^2 - q^2 + y = 0$.

4- أ) أوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية $yt + 2q = (9y + 6)e^{2x+3y}$ ، $(t = z_{yy})$.

ب) بطريقة فصل المتغيرات - حل المعادلة التفاضلية $y^2 u_{yy} + y u_y + u_{xx} = 0$ حيث x تعتمد على دوال مثلثية فقط، والدالة u تحقق الشروط: $i) u \rightarrow 0$ as $y \rightarrow \infty$, $ii) u_y = -\cos 2x$ when $y = 0$.

5- أ) مستخدماً التحويلات $X = \ln x, Y = \ln y, Z = \ln z$ أوجد الحل التام والحل المفرد إن وجد للمعادلة التفاضلية $x^2 p^2 + y^2 q^2 = z$.

ب) أوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية $r - 2yp + y^2 z = (y - 2)e^{2x+3y}$ ، $(r = z_{xx})$.

Department of Mathematics		قسم الرياضيات
Faculty of science		كلية العلوم
الاختبار النهائي لمقرر تطبيقات الحاسب في الرياضيات		
زمن الاختبار : ساعتان الدرجة الكلية: 50 درجة	الفصل الدراسي الأول م 2024/2023	الفرقة : المستوى الرابع الكود : 469 رك

السؤال الأول: -

اختر الإجابة الصحيحة في العبارات التالية: (25 درجة لكل فقرة درجة واحدة)

1- الطريقة المناسبة لكتابة الدالة في المكان رقم ① هي <table style="width: 100%; border: none;"> <tr> <td style="width: 50%; border: 1px solid black; padding: 2px;">A) $(x+y)*y$</td> <td style="width: 50%; border: 1px solid black; padding: 2px;">B) $@(x,y)(x+y)*y$</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px;">C) $@(x,y)(x+y)$</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px;">D) $(x+y)y$</td> </tr> </table> 2- في السطر رقم ② نستخدم الشرط..... <table style="width: 100%; border: none;"> <tr> <td style="width: 50%; border: 1px solid black; padding: 2px;">A) $x(1)=x0;$</td> <td style="width: 50%; border: 1px solid black; padding: 2px;">B) $x(1)=0;$</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px;">C) $x(0)=1;$</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px;">D) $x(0)=x0;$</td> </tr> </table> 3- الأمر المناسب في السطر رقم ③ هو <table style="width: 100%; border: none;"> <tr> <td style="width: 50%; border: 1px solid black; padding: 2px;">A) $h=(xn+x0)/n;$</td> <td style="width: 50%; border: 1px solid black; padding: 2px;">B) $n=(xn-x0)/h;$</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px;">C) $h=(xn-x0)/n;$</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px;">D) $n=(xn+x0)/h;$</td> </tr> </table> 4- لحساب $y(i+1)$ في المكان رقم ④ نستخدم <table style="width: 100%; border: none;"> <tr> <td style="width: 50%; border: 1px solid black; padding: 2px;">A) $y(i)+h;$</td> <td style="width: 50%; border: 1px solid black; padding: 2px;">B) $y(i)*h;$</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px;">C) $h*f(x(i),y(i));$</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px;">D) $y(i)+h*f(x(i),y(i));$</td> </tr> </table> 5- لحساب $x(i+1)$ في المكان رقم ⑤ نستخدم <table style="width: 100%; border: none;"> <tr> <td style="width: 50%; border: 1px solid black; padding: 2px;">A) $x(i)-h$</td> <td style="width: 50%; border: 1px solid black; padding: 2px;">B) $x(i)*h$</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px;">C) $x(i)+h;$</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px;">D) $x(i)+h*f(x(i),y(i));$</td> </tr> </table>	A) $(x+y)*y$	B) $@(x,y)(x+y)*y$	C) $@(x,y)(x+y)$	D) $(x+y)y$	A) $x(1)=x0;$	B) $x(1)=0;$	C) $x(0)=1;$	D) $x(0)=x0;$	A) $h=(xn+x0)/n;$	B) $n=(xn-x0)/h;$	C) $h=(xn-x0)/n;$	D) $n=(xn+x0)/h;$	A) $y(i)+h;$	B) $y(i)*h;$	C) $h*f(x(i),y(i));$	D) $y(i)+h*f(x(i),y(i));$	A) $x(i)-h$	B) $x(i)*h$	C) $x(i)+h;$	D) $x(i)+h*f(x(i),y(i));$	الكود التالي يستخدم طريقة ملن لحل المعادلة التفاضلية $y'(x) = (x + y)y, \quad y(0) = 1, \quad n = 4$ وحساب $y(0.4)$ <pre> function y=MyMilen(x0,y0,xn,n) f=.....①.....;②..... y(1)=y0;③..... for i=1:n-1 x(i+1)=x(i)+h; y(i+1)=.....④..... end for i = n x(i+1)=.....⑤.....; ynew=y(i- 3)+(4*h/3)*(2*f(x(i),y(i)) -3*f(x(i-1),y(i-1))+2*f(x(i- 2),y(i-2))); y(i+1)=y(i- 1)+(h/3)*(4*f(x(i),y(i)) +f(x(i-1),y(i- 1))+f(x(i+1),ynew)); End y=MyMilen(.....⑥.....) </pre> في ضوء ذلك اجب عن الفقرات 1-6 6- الطريقة الصحيحة لاستدعاء الدالة في المكان رقم ⑥ هي <table style="width: 100%; border: none;"> <tr> <td style="width: 25%; border: 1px solid black; padding: 2px;">A) (0,1,4)</td> <td style="width: 25%; border: 1px solid black; padding: 2px;">B) (0,1,0.4,4)</td> <td style="width: 25%; border: 1px solid black; padding: 2px;">C) (1,0,4,0.4)</td> <td style="width: 25%; border: 1px solid black; padding: 2px;">D) (0,1,0.4)</td> </tr> </table>	A) (0,1,4)	B) (0,1,0.4,4)	C) (1,0,4,0.4)	D) (0,1,0.4)
A) $(x+y)*y$	B) $@(x,y)(x+y)*y$																								
C) $@(x,y)(x+y)$	D) $(x+y)y$																								
A) $x(1)=x0;$	B) $x(1)=0;$																								
C) $x(0)=1;$	D) $x(0)=x0;$																								
A) $h=(xn+x0)/n;$	B) $n=(xn-x0)/h;$																								
C) $h=(xn-x0)/n;$	D) $n=(xn+x0)/h;$																								
A) $y(i)+h;$	B) $y(i)*h;$																								
C) $h*f(x(i),y(i));$	D) $y(i)+h*f(x(i),y(i));$																								
A) $x(i)-h$	B) $x(i)*h$																								
C) $x(i)+h;$	D) $x(i)+h*f(x(i),y(i));$																								
A) (0,1,4)	B) (0,1,0.4,4)	C) (1,0,4,0.4)	D) (0,1,0.4)																						

7- إذا كان من المعلوم أن عدد الوحدات التي تستهلكها الأسرة من سلعة معينة خلال الشهر تتبع توزيع بواسون بمتوسط 3 وحدات شهريا، لحساب الوسط الحسابي، والانحراف المعياري لعدد الوحدات المستهلكة بلغة الماتلاب نستخدم الكود

- | | |
|--|--|
| A) pd = makedist('Poisson','lambda',3)
m=mean(pd) s=std(pd) | B) pd = distmake('Poisson','lambda',3)
m=mean(pd) s=std(pd) |
| C) pd = makedist('Poisson','lambda',3)
m=median(pd) s=var(pd) | D) pd = dist('Poisson','lambda',3)
m(pd) std(pd) |

8- لحساب التباين للمتجه $x=[4 \ 8 \ 20 \ 2 \ 7 \ 10]$ نستخدم الأمر

- | | | | |
|-----------|-----------|------------|--------------|
| A) var(x) | B) std(x) | C) mean(x) | D) median(x) |
|-----------|-----------|------------|--------------|

9- لحساب دالة التوزيع التراكمي $F(x)$ في الماتلاب نستخدم

- | | | | |
|--------|--------|-------------|-------------|
| A) pdf | B) cdf | C) makedist | D) distmake |
|--------|--------|-------------|-------------|

10- الدالة تعطي القيمة y لكثيرة الحدود التي معاملاتها a عند الاحداثي x

- | | | | |
|----------------|-----------------|-----------------|-----------------|
| A) randam(a,x) | B) polyfit(a,x) | C) polyval(a,x) | D) polyval(a,y) |
|----------------|-----------------|-----------------|-----------------|

11- لرسم السطح الذي معادلته $z = \sin(x^2 - y^2)$ بحيث $(x,y) \in [-1,1] \times [-1,1]$

- | |
|---|
| A) $z = \sin(x.^2 - y.^2); \text{ surf}(x,y,z)$ |
| B) $[x,y] = \text{meshgrid}(-1:1:1); z = \sin(xy) \text{ surfc}(x,y,z)$ |
| C) $[x,y] = \text{meshgrid}(-1:1:1); z = \sin(x.^2 - y.^2); \text{ surfc}(x,y,z)$ |
| D) $[x,y] = \text{meshgrid}(-1:1:1); z = \sin(x.^2 - y.^2); \text{ plot}(x,y,z)$ |

12- لتوليد مصفوفة 2×2 من الأرقام العشوائية بين الصفر والواحد الصحيح في برنامج الماتلاب

- | | | | |
|--------------|---------------|-------------|--------------|
| A) syms(2,2) | B) matrix 2x2 | C) 2x2 rand | D) rand(2,2) |
|--------------|---------------|-------------|--------------|

13- يقدم برنامج ماتلاب الدالة لعمل استيفاء خطي لمجموعة النقاط المحددة بالمتجهين x و y

- | | | | |
|-----------|-----------|------------|------------|
| A) simple | B) interp | C) interp1 | D) interp2 |
|-----------|-----------|------------|------------|

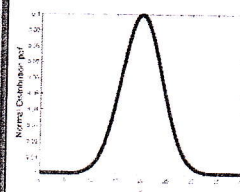
14- لحساب دالة التوزيع المناسبة لتجربة القاء حجر نرد نستخدم الامر

- | | | | |
|---------------|-------------------|-------------------|---------------|
| A) Poisson(6) | B) unidpdf(1:6,6) | C) normpdf(1:6,6) | D) unifpdf(6) |
|---------------|-------------------|-------------------|---------------|

15- لإيجاد رقم عشوائي في الفترة (a,b) نستخدم الأمر.....

- | | |
|-----------------------------------|-------------------------------|
| A) $a + (b-a) * \text{rand}(1,1)$ | B) $(b-a) * \text{rand}(1,1)$ |
| C) $a + (b-a) * \text{rand}(a,b)$ | D) $a+b * \text{rand}(1,1)$ |

```
x = 0:0.01:40;
pd =
...①...('Normal','mu',20,'sigma',4)
y = .....②.....(pd,x)
.....③.....(x,y,'r*')
xlabel('x','fontsize',14);
ylabel('Normal Distribution pdf');
```



الكود المجاور يستخدم لرسم دالة التوزيع للتوزيع الطبيعي لقيم $x = 0:0.01:40$ $\mu=20$ and $\sigma=4$

16- الامر المناسب للسطر رقم ① هو

- | | | | |
|--------------|--------|-------------|--------|
| A) Normalpdf | B) cdf | C) makedist | D) pdf |
|--------------|--------|-------------|--------|

17- لحساب دالة الكثافة الاحتمالية للتوزيع في السطر رقم ② نستخدم			
A) Norm	B) cdf	C) makedist	D) pdf
18- الأمر المناسب للسطر رقم ③ هو			
A) pie	B) plot	C) surf	D) bar
19- يتلقى قسم شرطة في المتوسط 5 مكالمات في الساعة فيكون احتمال تلقي مكالمتين في ساعة مختارة عشوائياً هو			
A) y1 = pdf('poiss',2,5)	B) y1 = pdf(2,5)	C) y1 = ('poiss',2,5)	D) لا توجد اجابه صحيحه
20- الدالة المناسبه في المكان رقم ① هي		الكود التالي يستخدم الماتلاب في حل معادلات التفاعل الكيميائي التاليه: $\dot{y}_1 = -0.04y_1 + 10^4 y_2 y_3$ $\dot{y}_2 = 0.04y_1 - 10^4 y_2 y_3 - 3 \times 10^7 y_2^2$ $\dot{y}_3 = 3 \times 10^7 y_2^2$ $y_1(0) = 1, y_2(0) = y_3(0) = 0.$ $0 \leq t \leq 10,$ f=@(t,y)[-0.04*y(1)+10^4*y(2)*y(3)-3e7*y(2)^2-3e7*y(2)^2]; [t,y]=ode45(f,[0,10],[1;0;0]); plot(t,y(:,1),'r',t,y(:,2),'b',t,y(:,3),'g--') xlabel('t','fontsize',14); ylabel('y','fontsize',14); hold on plot(t,y1,'y1',t,y2,'y2',t,y3,'y3')	
A) y(1)	B) y(3)		
C) @y(2)	D) y(0)		
21- في السطر رقم ② نستخدم الدالة			
A) y(1)	B) x(1)		
C) y(2)	D) y(2)^2		
22- لحل المعادلات التفاضليه عدديا نستخدم الأمر رقم ③			
A) solve	B) Dsolve		
C) ode45	D) diffsolve		
23- لرسم الحل في المكان رقم ④ نستخدم			
A) plot	B) surf		
C) pie	D) bar		
24- لاضافه اسماء المحاور في المكانين رقم ⑤ نستخدم			
A) title	B) show		
C) legend	D) label		
25- لتوضيح الرسومات الخاصه بكل دالة y1,y2,y3 على الرسم نستخدم ... في المكان رقم ⑥			
A) title	B) show		
C) legend	D) label		

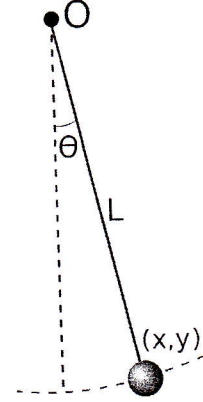
في ضوء ذلك اجب عن الفقرات 25-30

في ضوء ذلك اجب عن الفقرات 25-30

السؤال الثاني : (10 درجات)

أ) الكود التالي يستخدم الماتلاب في حل معادلة البندول البسيط $\frac{d^2\theta}{dt^2} + \frac{g}{L}\sin\theta = 0$ حيث $L=2$ هو طول البندول ، و $g=32.17$ هو ثابت الجاذبية للأرض ، و θ هي الزاوية التي يصنعها البندول مع الرأسي . بالإضافة إلى ذلك ، إذا حددنا موضع البندول عند بدء الحركة ، $\theta(t_0) = \frac{\pi}{6}$ وسرعته عند تلك النقطة ، $\theta'(t_0) = 0$. في الفترة $[0,2]$ في ضوء ذلك اكمل مكان النقاط بالأوامر المناسبة

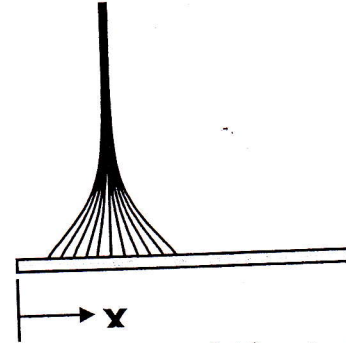
```
L = 2; g=32.17;
F=@(t,Y) [ ① ..... ; -(g/L)*sin(Y(1))];
alpha = [ pi/6 ; 0 ];
[t,y]=② ..... (F,[0,2],alpha);
.....③ ..... (t,y(:,1),'r:',t,y(:,2),'b.-','linewidth',3)
xlabel('t','fontsize',14);
.....④ ('y','fontsize',14);
.....⑤ ..... ('y1','y2')
```



(5 درجات)

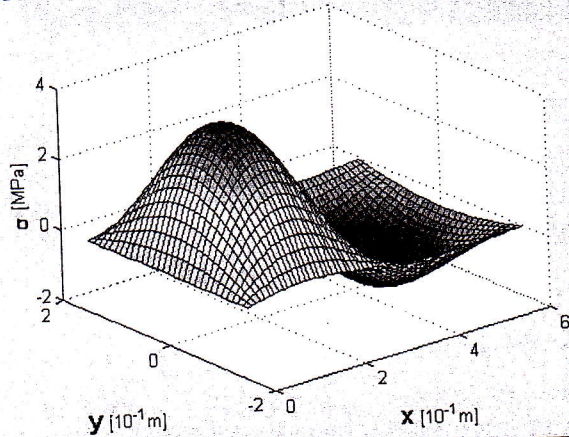
ب) في تجربة أجريت لضخ المياه أخذت البيانات لرسم الاجهاد وكانت

$\sigma = \alpha e^{-\beta x} [\sin(\theta x) * \cos(\phi y)]$,
 $x = \{0 \text{ to } 2\pi\}$, $y = \{-\frac{\pi}{2} \text{ to } \frac{\pi}{2}\}$,
 $\sigma = \text{localized planar stress [MPa]}$ $\alpha = \theta = \phi = 1$, $\beta = -0.2$
 $x = \text{distance from end of beam [10}^{-1}\text{m]}$
 $y = \text{distance from centerline of beam [10}^{-1}\text{m]}$



في ضوء ذلك أكمل الكود التالي لرسم الاجهاد الناتج :

Stress Distribution - Water Jet Cantilever Experiment



(5 درجات)

```
x = ① ..... ;
y = ② ..... ;
[x,y] = ③ ..... (x,y);
z = exp(-0.2*x) .* sin(x) .* cos(y);
.....④ ..... (x,y,z)
.....⑤ ..... ('Stress Distribution-
Water Jet Cantilever Experiment')
```

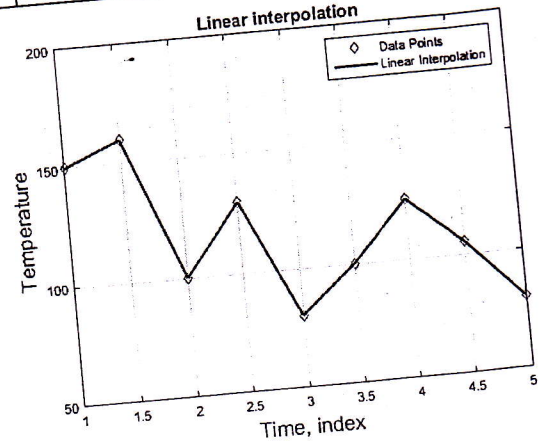

السؤال الثالث: - (15 درجة)

(أ) البيانات الواردة في الجدول التالي عبارة عن قراءات لدرجة الحرارة من عملية كيميائية بالدرجة المنوية ، مأخوذة كل نصف ساعة:

Time	1	1.5	2	2.5	3	3.5	4	4.5	5
Temperature	150	160	100	130	80	100	125	105	80

أكمل الكود التالي في برنامج الـ MATLAB لاستيفاء هذه البيانات للقيم
x_new = 0:.01:5

```
% Linear interpolation
x = 1:0.5:5;
y = [150 160 100 130 80 100 125 105 80];
x_new = 0:.01:5;
y_new = .....(1).....(x,y,x_new,'(2).....');
plot(x,y,'rd'); hold;
.....(3).....(x_new,y_new,'k');
hold; grid;
.....(4).....('Linear interpolation')
ylabel('Temperature','fontsize',15)
xlabel('Time, index','fontsize',15)
.....(5).....('Data Points','Linear Interpolation','fontsize',15)
axis([1 5 50 200]);
```



(ب) الكود التالي يستخدم الماتلاب في حل معادلات فان دير بول في الفترة [0,20] والشروط الابتدائية $y_1(0)=2, y_2(0)=1$ (5 درجات)

$$y_1' = y_2$$

$$y_2' = \mu(1 - y_1^2)y_2 - y_1.$$

في ضوء ذلك أكمل الخمس فراغات الآتية في الكود التالي:

```
function dydt = vdp1(t,y,mu)
dydt = [.....(1).....; mu*(1-y(1)^2)*y(2)-y(1)];
[t,y] = .....(2).....(@ (t,y)vdp1(t,y,1),[0 20],[2; 0]);
.....(3).....(t,y(:,1),'-o',t,y(:,2),'-o')
.....(4).....('Solution of van der Pol Equation');
xlabel('Time t');
ylabel('Solution y');
.....(5).....('y_1','y_2')
```

(5 درجات)

ج) إذا كانت $\frac{dy}{dx} = x + y$ أوجد حل المعادلة التفاضلية عند $x = 0.6$ باستخدام طريقة آدمز Adams Method حيث $n = 3, y(0) = 1$ مع تكملة الكود التالي

```
function y=MyAdams(x0,y0,xn,n)
f=.....①.....;
x(1)=x0;
y(1)=y0;
.....②.....;
for i=1:n-1
x(i+1)=x(i)+h;
y(i+1)=.....③.....;
end
for i = n
x(i+1)=.....④.....;
y(i+1)=y(i)+(h/12)*(23*f(x(i),y(i))-16*f(x(i-1),y(i-1))+5*f(x(i-2),y(i-2)))));
end
>> y=MyAdams(.....⑤.....)
```

(5 درجات)

انتهت الأسئلة



د. / معتز الخطيب - د. / إسراء جمال

مع أجمل أمنياتنا بالتوفيق والنجاح للجميع



Final Exam
Topology and Differential Geometry
Cod: 421 M
Time: 2 hours
Grade: 50 marks

Department of Mathematics
Faculty of Sciences
Assiut University
17/1/2024

Topology(25 marks).

Firstly: Choose the correct answer from those given [two degrees for each point]:

A) Consider a topology consists of the family of all subset of N on the form $\{1,2,...,n\}$ in additional to N and $\varnothing$. If $A=\{1,2,4,6\}$, then

- 1- $A^\circ =$ (a) $\{1,3\}$ (b) $\{1,2\}$ (c) $\{1,2,6\}$
 2- $A' =$ (a) $\{3,5,6...\}$ (b) N (c) $\{2,3,4,...\}$
 3- $\overline{A} =$ (a) $\{3,4,5...\}$ (b) N (c) $\{2,3,4,...\}$

B) Consider the flowing topology τ where

$\tau = \{X, \varnothing, \{a,b\}, \{c,d\}\}$ on $X = \{a,b,c,d\}$ and $A = \{a,c\}$, then

- 4- $A^\circ =$ (a) $\{a,c,d\}$ (b) $\varnothing$ (c) $\{c,d\}$
 5- $A' =$ (a) $\{a,b\}$ (b) $\{b,d\}$ (c) $\{b,c,d\}$
 6- $\overline{A} =$ (a) $\{a,b,c\}$ (b) X (c) $\{a,c,d\}$

7- If a discrete topology D =indiscrete topology I = cofinite topology C on a non-empty set X , then X is
 (a) an infinite (b) finite (c) singleton

8- If (X, I) is an indiscrete space and $A \subseteq X$, where $A^\circ = \varnothing$ and $A' = A$, then
 (a) $A=X$ (b) $A = \varnothing$ (c) A is singleton

9- If (X, τ) is a topological space , $A \subseteq X$, where $A^\circ = \overline{A}$ and $A' = \varnothing$, then
 (a) $\tau = D$ (b) $\tau = I$ (c) $\tau = C$

10- If (X, ζ) is an excluding point space $p \notin A \subseteq X$, then $\overline{A} =$ (a) X (b) A (c) other

Secondly: Choose **True** for a correct answer or **False** otherwise.

(only one degree for each point)

- 1-If X is a non-empty set and $p, q \in X$ then τ is not topology on X , where
 $\tau = \{X, U \subseteq X : p \notin U \text{ or } q \notin U\}$. (a) True (b) False
 2-If X is a non-empty set and $p, q \in X$ then τ is a topology on X , where
 $\tau = \{\varnothing, U \subseteq X : p \in U \text{ or } q \in U\}$. (a) True (b) False
 3-If (X, D) is a discrete space and $A \subseteq X$, then $\overline{A} = A^\circ = A'$. (a) True (b) False
 4-If (X, τ) is a topological space and $A, B \subseteq X$, then $\text{ext}(A \cap B) = \text{ext}(A) \cap \text{ext}(B)$.
 (a) True (b) False
 5- $\beta = \{\{x\} \forall x \in X\}$ is a base for particular point space (X, P) .
 (a) True (b) False

With my best wishes

Prof. Dr. Ahmed Allam

Differential Geometry (25 marks)

Answer two questions only:

1-(a) Show that for a curve lying on a sphere of radius a and such that the torsion τ is never 0, the following equation satisfied

$$\left(\frac{1}{\kappa}\right)^2 + \left(\frac{\kappa'}{\kappa^2 \tau}\right)^2 = a^2 \quad (6 \text{ marks})$$

(b) Determine the curvature $\kappa(u)$ of the curve given by :

$$\underline{r} = \{a(u - \sin u), a(1 - \cos u), bu\}$$

Then calculate $\kappa(0) \cdot \kappa\left(\frac{\pi}{2}\right)$ (6.5 marks)

2- Find the relation between torsions of a regular space curve C and its Evolute. (12.5 marks)

3- (a) Prove that any regular curve is completely determined up to its position by its function $\kappa = \kappa(S) > 0$ and its torsion function, $\tau = \tau(S) > 0$ (S - arc length parameter) (6 marks)

(b) Find the intrinsic equations for the curve:

$$\underline{r} = \{2ae^u \cos u, 2ae^u \sin u, ae^u\} \quad (6.5 \text{ marks})$$

With my best wishes,,,,,,

Dr. Rawya Abdel Rahman Hussein



Important Notes: Marks: 50, Number of Pages: 2, Number of Questions: 4

Answer All the Following Questions:

Question 1 10 Marks

Choose the correct answer to each of the following statements: (1 Mark for Each Point)

(Note: multiple choices are not allowed)

1. The bus selects the memory or I/O device and causes them to perform a read or write operation
☐ A data ☐ B control ☐ C address ☐ D non of the previous
2. Consider DS = 3000 H, the ending address of the data segment in DS:2000 H is
☐ A 2FFFF H ☐ B 32FFF H ☐ C 3FFFF H ☐ D 32000 H
3. The main processing unit in Intel 8086 which contains the IP register is
☐ A BIU ☐ B ALU ☐ C EU ☐ D non of the previous
4. The maximum size of any memory segment in the real mode is
☐ A 1 MB ☐ B 64 KB ☐ C 4 MB ☐ D 256 KB
5. IF SP = 37CD H, the offset address of the first location in the stack to push data into is
☐ A 37CC H ☐ B 37CD H ☐ C 37CE H ☐ D 37CB H
6. The computing machine which can be considered the first general-purpose computer is
☐ A Colossus ☐ B Z3 ☐ C ENIAC ☐ D Abacus
7. can be considered a suitable combination of segment:offset registers
☐ A CS:IP ☐ B DS:SP ☐ C SS:SI ☐ D ES:BP
8. Consider CF = 1 and AL = 10100011 B. After the execution of RCL AL, 2
☐ A CF = 1 and AL = 01000111 B ☐ B CF = 0 and AL = 10001111 B
☐ C CF = 0 and AL = 10001110 B ☐ D CF = 1 and AL = 11101000 B
9. The first microprocessor in Intel which has 32-bit address bus and 64-bit data bus is
☐ A Intel 80386 ☐ B Intel 80486 ☐ C Intel Pentium ☐ D Intel Pentium Pro
10. The data addressing mode in MOV AX, [SI+8] is
☐ A register indirect ☐ B base plus index
☐ C register relative ☐ D base relative plus index

Question 2**16 Marks**

- i) Suppose that AL = 00001100 B, write the assembly lines to perform the following operations without using the command MUL, and then show the contents of AL: (6 Marks)
- Multiply AL by 4
 - Multiply AL by 10
 - Multiply AL by 21
- ii) Show the contents of BX and the flag bits (CF, ZF, SF, OF, PF and AF) after the execution of the following assembly lines: (6 Marks)

```
MOV BL, 4AH
ADD BL, 73H
STC
MOV BH, 0D6H
SBB BH, 62H
```

- iii) Assume that AX = 2500 H and BX = 1200 H.

- a) Explain the main function of the following assembly lines and show the contents of AX and BX after the execution of them: (3 Marks)

```
MOV CX, AX
MOV AX, BX
MOV BX, CX
```

- b) Write just a one assembly line that can replace the three lines given in part (a). (1 Mark)

Question 3**14 Marks**

- i) Check if the jump will occur or not in the following cases: (6 Marks)
- (Note: answer with occur or not occur, and also write the reason)

a) MOV AX, 53A2H
CMP AX, 843BH
JB NEXT

b) MOV AL, 0E8H
ADD AL, 6AH
JNC NEXT

c) MOV AL, 8CH
XOR AL, 59H
JS NEXT

- ii) Write the assembly lines that perform the following operations: (8 Marks)

- Set the bits No. 0, 2 and 5 in AL
- Clear the bits No. 1, 3, 4 and 6 in BL
- Toggle the bits No. 2, 3 and 7 in CL
- Clear the contents of DX without using the command MOV

Question 4**10 Marks**

Write the assembly code that:

(8 Marks)

- adds and counts the multiples (مضاعفات) of the number 3 in a series of byte size data (9, 21, 14, 36, 50, 84, 46, 75, and 0)
- stores the sum of these multiples in CL
- stores the count of these multiples in CH
- stops when the number 0 is read

then show the contents of CX after the execution of the assembly code.

(2 Marks)