

Faculty of Science		كلية العلوم
Department of Mathematics		قسم الرياضيات
امتحان نهاية الفصل الدراسي الثاني للعام الجامعي 2018 / 2019 م		
الزمن : ساعتان	الفرقة : المستوى الثاني إسم المقرر : معادلات تفاضلية (لغير طلاب الرياضيات)	درجة الإمتحان : 50 درجة رقم المقرر : 214 ر
التاريخ : 2019/ 6 /10 م		

السؤال الأول (إجباري) : (18 درجة ، 9 درجات عن كل فقرة)

(أ) أوجد المعادلة التفاضلية التي تمثل مجموعة الدوائر التي مركزها يقع على محور الصادات .

(ب) إثبت أن القطوع المكافئة المتحدة البؤرة والمحور: $y^2 = 4a(x + a)$ تحتوى على مساراتها العمودية .

أجب عن سؤالين فقط من الاسئلة التالية : (16 درجة لكل سؤال ، 8 درجات عن كل فقرة)

السؤال الثاني :

(أ) أوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية : $\frac{dy}{dx} - \frac{1}{x} y = y^2 e^{x^2}$.

(ب) أوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية : $x p^2 - 2 y p + 4 x = 0$.

السؤال الثالث :

(أ) أوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية : $(\sin y - y \sin x) dx + (x \cos y + \cos x) dy = 0$.

(ب) أوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية : $y^{(4)} + 2 y''' - 2 y' - y = 6 e^{-x}$

السؤال الرابع :

(أ) أوجد الحل العام و الحل المفرد للمعادلة التفاضلية : $p = \ln(px - y)$.

(ب) أوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية : $y'' + 3 y' + 2 y = 4 + 20 \cos 2x$

انتهت الأسئلة مع أخلص التمنيات بالتوفيق ،،، أ.د. أحمد ماهر عبدالباسط ، د. رشا عثمان طايح

Answer the following questions: (50 Marks)

Question 1: Answer the following (10 Marks)

1- Consider the following linked list:



- Write the code that define the node of the linked list?
- Declare the required variables?
- Write the statements required to create a new node with info 50 and insert it after p?
- What is a dangling node? Give an example?
- Write the statements required to delete the node with info 34?

2- Define a doubly linked list? Support your answer with a diagram?

3- Define a circular linked list? Support your answer with a diagram?

Question 2: Answer the following (10 Marks)

- Build a linked list forward containing the elements 2, 15, 8.
- Build a linked list backward containing the elements 2, 15, 8.

Question 3: Answer the following (10 Marks)

From your understanding of the stack data structure:

Define a class, namely, **stackType** with the member function, namely, **push** (to add new Item to the stack).

Implement the stack as an array.

- Consider the required member variables in the definition of the class **stackType**.
- Consider the constructor and the destructor in the definition of the class **stackType**.
- Write the definitions of the constructor and the destructor.
- Write the definition of the member function **push**.

Question 4: Answer the following (10 Marks)

From your understanding of the queue data structure:

Define a class, namely, **queueType** with the member function, namely, **addQueue** (to add queue Element to the queue).

Implement the queue as an array.

- Consider the required member variables in the definition of the class **queueType**.
- Consider the constructor and the destructor in the definition of the class **queueType**.
- Write the definitions of the constructor and the destructor.
- Write the definition of the member function **addQueue**.

Question 5: Answer the following (10 Marks)

- 1- Define the binary tree, T?
- 2- Write the **struct** called **binaryTreeNode** that defines a node of a binary tree?
- 3- Define a leaf in a binary tree? Define the length of a path in a binary tree?
- 4- Define the level of a node in a binary tree? Define the height of a binary tree?
- 5- Define a binary search tree?

Dr. Tarik Ibrahim

كلية العلوم		قسم الرياضيات
امتحان نهائي للفصل الثاني ٢٠١٨/٢٠١٩		
الفرقة :المستوي الثاني	التاريخ : ٢٠١٩ / ٦ / ٩	
اسم المقرر: ميكانيكا نيوتونية	رقم المقرر ورمزه : ٢٣١ ر	الزمن : ساعتان
الدرجة الكلية : ٥٠ درجة		

أجب عن الأسئلة التالية :-

السؤال الأول : أجب عن فقرتين فقط :
(١٦ درجة)
(أ) باعتبار التغير في عجلة الجاذبية الأرضية أوجد سرعة الهروب لجسيم قذف من على سطح الأرض بسرعة ابتدائية v_0 (٨ درجات)

(ب) يتحرك جسيم في مستوى بحيث أن متجه موضعه عند أي لحظة زمنية t يعطى بالعلاقة $\vec{r} = a \cos \omega t \vec{i} + b \sin \omega t \vec{j}$ حيث a, b, ω ثوابت. أوجد سرعته وعجلته مقداراً واتجاهاً وكذلك معادلة المسار. (٨ درجات)
(ج) سفينة تسير بسرعة 15 mile/h شاهدت سفينة أخرى تبعد عنها بمقدار 8 mile نحو الشرق. فإذا علم أن السفينة الثانية تسير نحو الشمال بسرعة 20 mile/h فأوجد في أي اتجاه تسير السفينة الأولى حتى تكون أقرب ما يمكن من السفينة الثانية. وأوجد أقصر بعد بينهما ومتى يكونان أقرب ما يمكن من بعضهما إذا علم أنهما تحركتا في نفس الوقت. (٨ درجات)

السؤال الثاني أجب عما يأتي:

(٩ درجات)
إذا كان أقصى مدى إلى أعلى لقذيفة مدفع على مستوى مائل بزاوية β على الأفقي ومار بنقطة القذف هو 6 km . وكان أقصى مدى لقذيفة نفس المدفع الى أسفل نفس المستوى المائل هو 18 km . أوجد سرعة القذف للمدفع وكذلك زمن الوصول لأقصى مدى في كل من الحالتين السابقتين.
(اعتبر عجلة الجاذبية 10 m/sec^2)

السؤال الثالث : أجب عن فقرتين فقط :

(١٦ درجة)
(أ) المتجهان $\vec{a} = \vec{i} - \vec{j} + \vec{k}$ ، $\vec{b} = \vec{i} + \vec{j} - \vec{k}$ أوجد:- متجه عمودي على مستوى المتجهين - مساحة المثلث الذي يكون فيه المتجهان ضلعين متجاورين - متجه وحده عمودي على محصلة المتجهين . (٨ درجات)
(ب) - خيط مثبت في نقطتين في مستوى افقى واحد يمكن ان تنزلق عليه حلقة ملساء وزنها 11 N ، جذبت بقوة افقية فاذا كان جزئى الخيط فى وضع الاتزان يميلان على الراسى بزاويتين مقدار كل منهما 30° ، 60° اوجد مقدار القوة والشد فى الخيط. (٨ درجات)
(ج) - عرف عزم القوة حول محور ثم أوجد عزم القوة $\vec{F} = 10\vec{i} - 15\vec{k}$ المارة بالنقطة $(5, 1, 2)$ حول المحور المار بالنقطة $(2, 1, -3)$ وجيوب تمام اتجاهه هي $(0.5, -0.5, 0.707)$. (٨ درجات)

السؤال الرابع أجب عما يأتي:

(٩ درجات)
عرف زاوية الاحتكاك ومخروط الاحتكاك، صفيحة على هيئة مثلث متساوى الاضلاع ترتكز فى وضع رأسى باحد اضلاعها على مستوى افقى خشن ، وتؤثر قوة افقية متزايدة عند الراس العلوى للصفحة وفى مستويها ، اوجد اكبر قيمة لمعامل الاحتكاك بحيث تنزلق الصفيحة دون ان تنقلب.

انتهت الأسئلة مع تمنياتنا بالتوفيق والنجاح
أ. د. /فواد سيد ابراهيم & أ. د. /أحمد يوسف بكير

Department of Mathematics		قسم الرياضيات
Faculty of Science		كلية العلوم
امتحان نهاية الفصل الدراسي الثاني ٢٠١٨/٢٠١٩ م		
الدرجة الكلية : ٥٠ درجة	٢٠١٩-٢٠٢٠	للفرقة : ثانية علوم
الزمن : ساعتان ممنوع استخدام الآلة الحاسبة	رقم المقرر ورمزه : (٢١٢ ر)	اسم المقرر : معادلات تفاضلية

أجب عن السؤال الآتي : (١٥ درجة) (اجباري)

أوجد الحل العام للمعادلات التفاضلية:

(٨ درجات) . $y'' + y = \cot x$ (i)

(٧ درجات) . $x^2 y'' - xy' + 4y = x \cos(\ln x)$ (ii)

أجب عن خمسة فقط من الأسئلة الآتية:

أوجد الحل العام للمعادلات التفاضلية:

(٧ درجات) . $\frac{d^2 y}{dx^2} - \frac{dy}{dx} - 2y = 2x^2$ (1)

(٧ درجات) . $\frac{d^4 y}{dx^4} + 2\frac{d^3 y}{dx^3} - 2\frac{dy}{dx} - y = 6e^{-x}$ (2)

(٧ درجات) . $e^x \sin y + \frac{dy}{dx}(1 + e^x) \sec y = 0$ (3)

(٧ درجات) . $(x + y + 3)dx - (y - x + 1)dy = 0$ (4)

(٧ درجات) . $(x^2 y + x)dy + (xy^2 + y)dx = 0$ (5)

(٧ درجات) . $\frac{dy}{dx} + y \tan x = -y^3$ (6)

انتهت الأسئلة مع تمنياتنا بالنجاح

أ.د. جمال مختار حمد الله

Department of Mathematics		قسم الرياضيات
Faculty of Science		كلية العلوم
امتحان الفصل الدراسي الثاني 2019/2018 م		
المستوي الثاني	الزمن : ساعتين	درجة الامتحان : 50 درجة
مسمى المقرر: تفاضل و تكامل متقدم	التاريخ: 2019/ 6 / 19 م	

أجب عن الأسئلة الآتية: (لكل سؤال 12.5 درجة)
السؤال الأول:

(أ) قسم العدد 100 الى ثلاثة اجزاء بحيث يكون حاصل ضربهم اكبر ما يمكن .

(ب) أوجد قيمة التكامل الآتي $\iint_R y \, dx \, dy$ حيث المنطقة R هي المنطقة المحددة بين المنحنى $y = x^3$ و المستقيم $y = x$ في الربع الأول .

السؤال الثاني:

(أ) اذا كانت $z = f(x, y)$ حيث أن $x = r \cos \theta$, $y = r \sin \theta$ فأثبت أن

$$\left(\frac{\partial z}{\partial x}\right)^2 + \left(\frac{\partial z}{\partial y}\right)^2 = \left(\frac{\partial z}{\partial r}\right)^2 + \frac{1}{r^2} \left(\frac{\partial z}{\partial \theta}\right)^2$$

(ب) أوجد حجم ذى الأربعة أوجه المثلثية المحدد بالمستوى $\frac{x}{2} + \frac{y}{3} + \frac{z}{4} = 1$ و مستويات الأحداثيات .

السؤال الثالث: (أختار فقرتين فقط)

(أ) أوجد مفكوك تايلور للدالة $f(x, y) = e^{2x-2y}$ حول النقطة $(1, 1)$.
(ب) أحسب المساحة المحصورة بين القطع المكافئ $y = x^2$ و المستقيم $y = 3x + 4$.
(ج) أوجد قيمة التكامل الخطي $\int_C x^2 y \, ds$ حيث C هو المنحنى المطى بالمعادلات البارامترية $x = 2 \cos^3 \theta$, $y = 2 \sin^3 \theta$

السؤال الرابع: (أختار فقرتين فقط)

(أ) حقق نظرية جرين للتكامل $\oint_C (2xy + y^2)dx + (x^2 + xy)dy$ و المأخوذ في الاتجاه الموجب على المنطقة المحددة بالمنحنى $y = 1 - x^3$
(ب) ادرس اتصال الدالة الآتية

$$f(x, y) = \begin{cases} \frac{x^3 y^3}{x^{12} + y^4} & ; (x, y) \neq (0, 0) \\ 0 & ; (x, y) = (0, 0) \end{cases}$$

و ذلك عند النقطة $(0, 0)$.

(ج) حقق نظرية اويلر للدوال المتجانسة بالنسبة للدالة $y = y^2 - xy \tan \frac{x}{y}$

د. محمد عاطف محمد

انتهت الأسئلة مع أطيب الأمنيات بالنجاح...

Department of Mathematics		قسم الرياضيات
Faculty of Science		كلية العلوم
امتحان الفصل الدراسي الثاني ٢٠١٨/٢٠١٩ م		
التاريخ: ٢٠١٩/٥/٣٠ م	الزمن: ساعتان	مسمى المقرر: احتمالات (١) (٢٤٢ ر أ)

أجب عن الأسئلة الآتية:

السؤال الأول: (١٤ درجة) (أجب عن فقرتين فقط)

(١) إذا كانت الحوادث $B_1, B_2, \dots, B_n$ تمثل تجزينا لفضاء العينة S وكان A أحد حوادث فضاء العينة S فأثبت أنه يمكن حساب الاحتمال الكلي لهذا الحادث من العلاقة:

$$P(A) = \sum_{i=1}^n P(A|B_i) \cdot P(B_i)$$

(٢) إذا كان A, B حدثان بحيث $P(A) = \frac{3}{8}, P(B) = \frac{5}{8}, P(A \cup B) = \frac{3}{4}$ فأوجد

(i) $P(A \cap B)$ (ii) $P(A^c | B^c)$

(٣) أثبت أن العلاقة بين العزوم المطلقة والمركزية تعطى بالصورة:

$$\mu_r = \sum_{k=0}^r \binom{r}{k} (-\alpha_1)^k \alpha_{r-k}, \quad r = 1, 2, 3, \dots$$

السؤال الثاني: (١٢ درجة)

(١) أوجد دالة توليد العزوم لتوزيع ذي الحدين ومنها أوجد التوقع الرياضي والتباين لهذا التوزيع.

(٢) اختبار بطريقة الاختيار من متعدد مكون من 10 أسئلة لكل سؤال 3 أجوبة واحد فقط منها صحيح، فإذا اختار

طالب الإجابة بطريقة عشوائية أوجد احتمال:

(i) عدم اختيار أي إجابة صحيحة.

(ii) اختيار إجابتين صحيحتين على الأقل.

السؤال الثالث: (١٢ درجة)

(١) أوجد القيمة المتوقعة والتباين للتوزيع الطبيعي بالبارامترات μ, σ^2 .

(٢) أوجد دالة توليد العزوم للتوزيع الأسّي ومنها أوجد العزم الرائي المطلق لهذا التوزيع.

من فضلك انظر خلف الورقة،،،،

السؤال الرابع: (١٢ درجة)

(١) باعتبار دالة الكثافة الاحتمالية المفصلية

$$f(x, y) = \begin{cases} \frac{5}{16} x^2 y, & 0 < y < x < 2 \\ 0, & \text{o.w.} \end{cases}$$

أوجد دالة الكثافة الاحتمالية المشروطة $f_{X|Y}(x|Y = y)$ ومنها احسب قيمة الاحتمال $P(X > 1|Y = 0)$.

(٢) أوجد دالة التوزيع التراكمية المفصلية للمتغير العشوائي المنفصل (X, Y) الذي له دالة الكتلة المفصلية

$$p(x, y) = \begin{cases} \frac{x}{13} (x + y^2), & x = 1, 2, \quad y = 0, 1 \\ 0, & \text{o.w.} \end{cases}$$

د. سارة محمد عادل محمد

انتهت الأسئلة مع أطيب الأمنيات بالنجاح،،،



التاريخ: 1/ 6/ 2019

امتحان نهاية الفصل الدراسي الثاني
الدرجة الكلية : 50 درجة

العام الدراسي 2018/ 2019 م
الفرقة : ساعات معتمدة علوم (المستوى الثاني)

الزمن: ثلاث ساعات

رمز المقرر: ٢٤١أ

مسمى المقرر: إحصاء حيوي

أولاً: أجب عن سؤال واحد فقط من السؤالين التاليين: (استخدم مايلزم من القيم الجدولية في نهاية ورقة الأسئلة)

السؤال الأول: (10 درجات)

ألقيت قطعتي نرد مرة واحدة ، فإذا كان X متغير يمثل أكبر الرقمين الظاهرين على السطح العلوي للزهرتين:
(أ) كَوْن جدول التوزيع الاحتمالي للمتغير X ، ثم احسب $P(2 < X \leq 4)$. (5 درجات)
(ب) احسب المتوسط والانحراف المعياري للمتغير X . (5 درجات)

السؤال الثاني: (10 درجات)

وزعت ستة عشر فاراً توزيعاً متساوياً وعشوائياً وتمت معالجتها بأربعة طرق مختلفة فكانت النتائج كما يلي :

الطريقة	الملاحظات			
الأولى	1.1	0.8	1.3	0.4
الثانية	2.6	1.2	3.3	4.6
الثالثة	1.4	3.8	3.0	2.0
الرابعة	1.3	3.1	5.1	3.0

هل هناك اختلاف في متوسطات طرق المعالجات عند مستوى معنوية $\alpha = 1\%$.

أجب عن جميع الأسئلة التالية:

السؤال الثالث: (10 درجات)

لدراسة تأثير ست أغذية مختلفة في مقاومة مرض معين، أخذت ست مجموعات من الفئران وربيت كل مجموعة منها على نوع معين من الأغذية ثم حقنت بمكروب المرض، وسجل عدد الوفيات والأحياء من كل مجموعة بعد مدة معينة، فكانت النتائج كالآتي:

	نوع الغذاء					
	A	B	C	D	E	F
مقاومة المرض	20	43	46	24	24	35
أحياء	5	10	29	3	9	12
وفيات						

هل هناك علاقة بين نوع الغذاء ومقاومة المرض عند مستوى معنوية $\alpha = 5\%$.

السؤال الرابع: (10 درجات)

في دراسة بهدف المقارنة بين السرعات الحرارية الناتجة لنوعين من الفحم المنتج من منجمين مختلفين. أخذت عينتان مستقلتان وكانت النتائج التالية بملايين السرعات الحرارية
المنجم الأول : 8400, 8230, 8380, 7860, 7930
المنجم الثاني: 7510, 7690, 7720, 8070, 7660
(أ) اختبر عند مستوى معنوية 5% الفرض القائل أن متوسط السرعات الحرارية في المنجم الأول أكبر منها في المنجم الثاني. (4 درجات)
(ب) اختبر عند مستوى معنوية 10% الادعاء القائل أن متوسط السرعات الحرارية في المنجم الثاني 8000 مليون سعر حراري. (3 درجات)

(ج) أوجد حدود 90% فترة ثقة لتقدير متوسط السرعات الحرارية في المنجم الثاني. (3 درجات)

السؤال الخامس: (10 درجات)

(أ) إذا كان متوسط درجات الطلبة الجدد في امتحان القبول للجامعة يساوي 55 . فإذا أخذت عينتين من الطلبة الجدد حجم كل منهما على التوالي 25 ، 20 وكان الانحراف المعياري لهما على التوالي 5.6 ، 4.5 . فأوجد احتمال :

- 1- أن يكون الفرق بين الوسط الحسابي للعيينة الأولى والعيينة الثانية أقل من 4 . (3 درجات)
- 2- أن يكون الوسط الحسابي للعيينة الأولى أكبر من 56 . (3 درجات)

(ب) إذا كانت نسبة الإصابة بمرض الربو في مدينة معينة هي 2% . فإذا تم فحص 400 شخص عشوائياً من سكان هذه المدينة فما احتمال أن يكون أكثر من 3% منهم مصابين بهذا المرض؟ (4 درجات)

السؤال السادس: (10 درجات)

(أ) يمثل الجدول التالي متوسط الدخل السنوي (بآلاف الدنانير) ومتوسط عدد الساعات الإضافية الأسبوعية لمجموعة من العمال :

الدخل Y	2.092	2.413	2.558	2.725	2.845	2.977	3.061	3.121
عدد الساعات (X)	2	4	6	8	10	12	14	16

بفرض أن العلاقة بين المتغير التابع Y والمتغير المستقل X على الصورة $Y = a + b \ln X$. استخدم مبدأ المربعات الصغرى لتقدير معادلة إنحدار Y على X في الصورة السابقة. ثم قدر قيمة الدخل عندما يكون عدد الساعات 20 . (6 درجات)

(ب) قذفت قطعة عملة 200 مرة فإذا كان احتمال ظهور الصورة في كل مرة يساوي 0.5 . أوجد احتمال ظهور الصورة 120 مرة على الأقل . (4 درجات)

استخدم ما يلزم من القيم الجدولية التالية:

$$T_{(0.85, 24)} \approx 0.89, T_{(0.975, 43)} \approx 1.9, T_{(0.95, 8)} = 1.86, T_{(0.95, 4)} = 2.13,$$

$$Z_{0.99} = 2.33, Z_{0.95} = 1.65, Z_{0.975} = 1.96, Z_{0.995} = 2.58,$$

$$P(0 < Z < 2.83) = 0.4977, P(0 < Z < 1.43) = 0.4236,$$

$$F_{(0.99, 3, 12)} = 5.95, \chi^2_{(0.95, 5)} = 11.07.$$

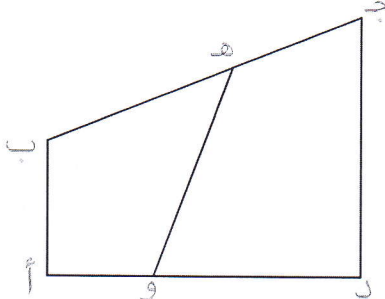
انتهى مع تمنياتي بالتوفيق،
د/ صابر بن جاد



اجب عن جميع الاسئلة التالية، قم بفرض أي قيم لازمة للحل ان لزم الامر.

السؤال الاول:

- 1- اذكر الفرق بين الشمال الجغرافي والشمال المغناطيسي. والى ايا منهما تشير البوصلة.
- 2- الشكل المجاور يمثل قطعة ارض زراعية يراد تقسيمها الى مساحتين متساويتين بشرط ان تشترك القطعتين في نقطة (و) التي تمثل مصدر المياه في المنطقة. فاذا كانت احداثيات المنطقة كما هو بالجدول فأحسب احداثيات نقطة التقسيم الثانية (هـ).



النقطة	الاحداثي الافقي (س)	الاحداثي الرأسى (ص)
أ	100	100
ب	100	350
ج	480	500
د	480	100
و	230	100

- 3- أخذت القراءات التالية عند عمل ميزانية على محور طريق، فكانت: 1.24 ، 1.65 ، 0.94 ، 1.59 ، 1.65 ، 1.54 ، 1.84 ، 2.09 ، 1.13 ، 2.14 ، 1.20 ، 1.83 ، 2.05 ، 2.50 ، 2.24. فإذا كانت القراءات الخامسة والتاسعة مؤخرات، والقراءة السادسة والثالثة عشرة مقدمة وكانت النقطة الثامنة نقطة دوران، أوجد مناسيب النقاط المختلفة في جدول ميزانية مناسب وذلك إذا كانت النقطة الثالثة روبير منسوبه (27.00) متر. ثم حقق النتائج حسابيا.
- 4- عند القيام بعمل رفع مساحى لاحد الطرق تطلب الامر قياس جزء من الطريق يميل ميلا منتظما الى اعلى بمقدار 8 درجات فوجد ان طول هذا الجزء = 723.92 متر. احسب الطول الافقى للخط على خريطة لها مقياس رسم 1:2000

السؤال الثانى:

- 1- بغرض قياس ارتفاع مبني لا يمكن بلوغ قاعدته تم استخدام ادوات القياس الطولية واخذت القياسات التالية: طول الشاخص القصير 1.5 متر وطول الشاخص الطويل 1.8 متر. المسافة بين الشاخصين في الوضع الاول 6.1 متر وفي الوضع الثاني 6.8 متر. المسافة بين مكان الشاخص الاول في الوضعين هي 29.50 متر. احسب ارتفاع المبني.

الضلع	الطول	الانحراف الأمامي	الانحراف الخلفي
AB	410.50	106° 15'	286° 45'
BC	335.60	56° 45'	237° 15'
CD	325.13	334° 30'	155° 10'
DE	L ₁	245° 15'	65° 45'
EA	L ₂	218° 45'	39° 15'

- 2- فى المضلع المقفل ABCDE رصدت انحرافات الاضلاع

بالبوصلة المنشورية وقيست اطوال الاضلاع بالشريط فكانت كما هو موضح بالجدول. المطلوب:

- تصحيح الانحرافات الأمامية والخلفية بطريقة المتوسطات.
- حساب اطوال الاضلاع DE و ED وذلك بطريقة المركبات.

- 3- (أ) خط طوله 374.8 متر. إذا تم رسم هذا الخط على خريطة فكان طوله 15 سم. احسب مقياس رسم الخريطة.
(ب) ملعب كرة قدم مساحته 18.30 سم² ، مرسوم على خريطة مقياسها 1:2000 . احسب مساحة الملعب فى الطبيعة بالفدان وأجزاءه.

- (ج) إذا كانت مساحة قطعة ارض فى الطبيعة = س ق ف . احسب مساحتها فى الطبيعة بالقدم المربعة.
1 5 4
- (د) زاوية مقدارها 321.6597 بالتقدير المئوي. احسب قيمتها بالتقدير الدائري.

د. محمد أحمد بشير

انتهت الأسئلة

كلية العلوم		قسم الرياضيات
الفرقة : المستوى الثاني	امتحان نهائي للفصل الدراسي الثاني ٢٠١٩	
الشعبة : الرياضيات والحاسب	التاريخ : ٢٣-٥-٢٠١٩	
اسم المقرر: ميكانيكا تحليلية	رقم المقرر ورمزه: ٢٣٢ ر	الزمن : ساعتان
الدرجة الكلية : ٥٠ درجة		

أجب عن الأسئلة الآتية :

السؤال الأول: أجب عن فقرة واحدة فقط (١٦ درجة)

(أ) - أنبوبة رفيعة مستقيمة تميل دائماً بزاوية α على الراسي وتدور بسرعة زاوية ω حوله . قذفت كتلة داخل الأنبوبة بسرعة $\frac{g}{\omega} \cot \alpha$ (عجلة الجاذبية) من نقطة تقاطعها مع محور الدوران . أوجد المسافة المقطوعة داخل الأنبوبة بعد مضي فترة زمنية t .

(ب) - سطح دوراني يتولد من دوران القطع المكافئ $z^2 = 4\rho$ حول المحور الراسي oz قذف جسيم أفقياً بسرعة $\sqrt{kgz}$ (عجلة الجاذبية) ومن نقطة تعلو h عن الرأس . أوجد قيمة k التي تجعل الجسيم يتحرك بين المستويين $h, \frac{h}{2}$

السؤال الثاني أجب عما يأتي :

(١٨ درجة موزعة بالتساوي)
(أ) - قذفت كرة مصمتة متجانسة على مستوي مائل خشن يميل على الأفقي بزاوية α لتتدحرج تدحرج تام عليه . إذا كانت سرعة القذف الابتدائية هي v_0 في اتجاه يصنع زاوية β مع الخط الأفقي في المستوي . أوجد معادلة مسار نقطة التماس للكرة مع المستوي .
(٩ درجات)

(ب) - مجموعة ديناميكية بسيطة طاقة حركتها T وطاقة الوضع V يعطيان من

$$T = \lambda \theta^2 (1 + 2 \sin^2 \theta) + 2 \lambda \phi^2 \sin^2 \theta, \quad V = -k \cos \theta$$

حيث λ, k ثوابت موجبة . أوجد معادلات لاجرانج ومنها أثبت أن الحركة المنتظمة

$$\theta = \alpha = \text{constant}, \quad \phi = \omega = \text{constant}$$

ممكنة بحيث أن $\cos \alpha = \frac{k}{4\lambda\omega^2}$. أوجد كذلك دالة راوث .
(٩ درجات)

السؤال الثالث: أجب عن فقرتين فقط مما يأتي: (١٦ درجة)

(أ) - اذكر مبدأ هاملتون لأقل فعل بدون برهان وطبق هذا المبدأ لإيجاد معادلات الحركة لجسيم كتلته الوحدة يتحرك تحت تأثير

قوة مركزية جاذبة حيث طاقة الحركة T وطاقة الوضع V يعطيان من $T = \frac{1}{2}(\dot{r}^2 + r^2\dot{\theta}^2), \quad V = -\frac{\mu}{r}$

حيث (r, θ) هما الاحداثيات المعممة ، μ مقدار ثابت موجب .
(٨ درجات)

(ب) - اثبت بطريقتين مختلفتين أن التحويل الآتي هو تحويل فانوني

$$Q = \sqrt{2\frac{q}{k}} \cos p, \quad P = \sqrt{2qk} \sin p$$

حيث k مقدار ثابت موجب .
(٨ درجات)

(ج) - متذبذب توافقي خطي كتلته m ودالة هاملتون هي $H = \frac{1}{2m}p^2 + \frac{1}{2}kx^2$

حيث x هو الاحداثي المعمم ، p هي كمية الحركة المعممة المرافقة ، k مقدار ثابت موجب .

أوجد x كدالة في الزمن t وذلك باستخدام معادلة هاملتون جاكوبي علماً بأن الشروط الابتدائية هي:

عند $t = 0$ فإن $x = a, p = 0$.

(٨ درجات)

انتهت الأسئلة مع تمنياتنا بالتوفيق

أ. د. محمود السيد سلامة البغدادي & أ. د. محمد أحمد منصور