

Answer the following question, where each question has 12.5 points.

Q1. Use Matlab to these tasks:

- Given $a=10$, compute $x = \frac{1}{1 + e^{-(a-1.5)/6}}$
- Given $c=[5 \ 4.8 \ \dots \ -4.8 \ -5]$, compute $V = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-c^2}$
- $d = [10^1 \ 10^{0.99} \ \dots \ 10^{0.01} \ 10^0]$
- What will you get when you compute Z as $Z = c * d$, where c and d are from the previous questions **Q1b** and **Q1c**.
- compute $d d^T$ (d from **Q1c**).
- Define $cMat = \begin{bmatrix} 1 & 11 & \dots & 99 \\ 2 & 12 & \dots & 92 \\ \vdots & \vdots & \dots & \dots \\ 10 & 20 & \dots & 100 \end{bmatrix}$
- True or False: The number 0.5 has an exact representation in binary system. (Why?)

Q2.

- Using Matlab to find the solution of the next linear systems:

$$\begin{aligned} X - Y + Z - W &= 0 \\ Z + W &= 2 \\ X + Z &= 2 \\ Y - W &= 0 \end{aligned}$$
- Find y' where $y = \sin^2 x \cos^2 x$.
- If $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & 0 \\ 4 & 3 & 1 \end{pmatrix}$, use Matlab to compute the determinant and rank of A .
- What does the four a Matlab functions: **magic**, **eye**, **size** and **length** mean?

Q3. What is the output from the following Matlab statements?

<code>A=[1 2;3 4]; P = A.*A; P</code>	<code>p=0; j=1; i=1; while (i/j>0.1) j=j+j; p = p + i/j; end p</code>	<code>p=1; k=1; while (k < 5) p=2*p; k=k+1; end p</code>	<code>s=1 for(k=5:3:12) s=s*K; end s</code>
---	--	---	--

Q4.

- What is the value of b where $x = [1 \ 2 \ 3 \ 4]$; $b = x > 2$ $b = \dots$
- Draw a flowchart describing the computation of sphere volume which is equal $\frac{4\pi}{3} r^3$
- Convert the flowchart (in **Q4b**) to Matlab function *sphereVol* which takes r as vector.
- Write a Matlab function *degree2rank* that takes degree as input and returns rank as output.
The rank = 'A' if degree greater than or equal 90, rank = 'B', if $80 \leq \text{degree} < 90$, otherwise the rank = 'ND'. For example *degree2rank(91) = 'A'*, *degree2rank(84) = 'B'*, *degree2rank(78) = 'ND'*.



كلية العلوم
قسم الرياضيات

امتحان الفصل الدراسي الثاني ٢٠١٥
المادة: رياضيات ١
الرقم الكودي: ١٠٠ ر

الفرقة: الأولى علوم
الزمن: ساعتان
الدرجة: ٥٠ درجة

أجب عن خمسة أسئلة فقط مما يأتي:-

١- (أ) باستخدام الاستنتاج الرياضي أثبت أن:

(٥ درجات) $n(n+1) = 2+4+6+\dots$ إلى n حدا

(٥ درجات) (ب) حلل الكسر الآتي إلى مجموع كسوره الجزئية: $\frac{8+x}{1+x-6x^2}$

٢- (أ) أوجد مجموع المتسلسلة: $3.1^2 + 4.2^2 + 5.3^2 + \dots$ إلى n حدا (٤ درجات)

(ب) اختبر تقارب أو تباعد المتسلسلات التالية: (٦ درجات)

(i) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3n^2+n+1}{n^5+1}$ (ii) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3}{n!}$ (iii) $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{2n+1}{n+1}\right)^n$

٣- (أ) إذا كانت المصفوفة $A = \begin{bmatrix} \cos \theta & \sin \theta & 0 \\ \sin \theta & -\cos \theta & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ برهن على أن $A^2 = I$ حيث I هي مصفوفة الوحدة ومنها أوجد A^{-1} .

(٥ درجات) (ب) أوجد مجموعة الحل لنظام المعادلات التالية إن وجدت:

$$2y + 4z = 3$$

$$x - 3y + 5z = 1$$

$$3x - y - z = 1$$

٤- (أ) ادرس اتصال الدالة: $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2-4}{x-2} & x \neq 2 \\ 4 & x = 2 \end{cases}$ عند $x=2$. (٥ درجات)

(ب) برهن علي أن المشتقة الأولى للدالة $y = \cos x$ هي $-\sin x$. (٥ درجات)

من فضلك أنظر باقي الأسئلة خلف الورقة ،،،

(٦ درجات)

٥- (أ) أوجد $\frac{d y}{d x}$ للدوال الآتية:

$$(i) e^x + e^y = \frac{y}{x}, \quad (ii) y = (x^2 + \sqrt{x})^{\sin^{-1} x}, \quad (iii) y = \log (\tan x)^2.$$

(ب) إذا كانت $y = x^2 \cos x$ فبرهن علي أن:

$$(٤ درجات) \quad x^2 \frac{d^2 y}{dx^2} - 4x \frac{dy}{dx} + (x^2 + 6) y = 0$$

(٤ درجات)

٦- (أ) أوجد المشتقة النونية للدالة $y = \sin 4x$.

(ب) أوجد القيم العظمى والصغرى المحلية للدالة:

(٦ درجات)

$$f(x) = x^3 + 2x^2 - 4x - 8$$

د/ نبيلة نصيف ميخائيل

،،،، انتهت الأسئلة مع تمنياتي بالتوفيق ،،،،

Department of Mathematics



كلية العلوم - قسم الرياضيات

Faculty of science

الفرقة اولى جيولوجيا البترول

امتحان نهاية الفصل الدراسي الثاني للعام الجامعي ٢٠١٥\٢٠١٤

الدرجة: ٥٠ درجة

الزمن : ساعتان

التاريخ : ٢٠١٥ / ١

المادة: رياضيات (١٠٥)

اجب عن الاسئلة الاتية :-

1) a) Use integration by parts to evaluate the following integrals:

(15 marks)

i) $\int \sqrt{a^2 - x^2} dx$

ii) $\int x \sec x \tan x dx$

iii) $\int \frac{\ln x}{x^3} dx$

b) Find the area of the region enclosed by the curves:

$$x = y^2, \quad x = y, \quad y = 0, \quad y = \frac{3}{4}$$

And the area of the region enclosed by the ellipse

$$x = a \cos t, \quad y = b \sin t$$

2) a) Use the method of completing the square along with a trigonometric substitution if needed to evaluate each of the following integrals:

(10 marks)

i) $\int \frac{1}{\sqrt{x^2 + 2x + 5}} dx$

ii) $\int \frac{1}{\sqrt{8 + 2x - x^2}} dx$

b) Derive the following reduction formula using integration by parts:

$$I_n = \int x^\alpha (\ln x)^n dx = \frac{x^{\alpha+1} (\ln x)^n}{\alpha+1} - \frac{n}{\alpha+1} I_{n-1}$$

3) a) Find the coordinates of the vertex and the focus, the equations of the axis and directrix, and the length of the latus rectum of the parabola $3x^2 - 8x + 4y + 2 = 0$ and sketch the curve. (5 marks)

b) Find the general equation of the circle that has center (2,3) and passes through (5, -1). (5 marks)

4) a) Find and Distinguish between the equations of the bisectors of the angles between the lines $3x - 4y + 8 = 0$ and $5x + 12y - 15 = 0$. (5 marks)

b) Find the equation of the ellipse with foci at (4,-2) and (10,-2) and vertex at (12,-2). (5 marks)

5) Determine the coordinates of the center, foci, vertices, the equations of the asymptotes and the eccentricity of the hyperbola: $16y^2 - 9x^2 = 144$ (5 marks)

انتهت الاسئلة بالتوفيق والنجاح.....

الممتحنون د: مديحة عبد المجيد ، د: محمد احمد حسين

Department of Mathematics		قسم الرياضيات
Faculty of Science		كلية العلوم
امتحان نهاية الفصل الدراسي الثاني (2015-2016)		
2015/6/3م	علوم	اسم المقرر : 105ر
الزمن: ساعتان	الدرجة: 50	

أولاً: التكامل (25 درجة) أجب عن خمسة اسئله فقط

(1) $\int \frac{dx}{\sin^{-1} \sqrt{1-x^2}}$

(2) $\int \frac{\sin x}{3 + \cos x} dx$

(3) $\int \sec^3 x dx$

(4) أوجد المساحة المحصورة بين المنحنيين $y^2 = x$, $x^2 = y$ والموجوده في الربع الاول

(5) أستنتج قانون الاختزال المتتالي للتكامل الاتي $I_n = \int x^n e^{ax} dx$ ومن ثم اوجد قيمة التكامل

$I_3 = \int x^3 e^{4x} dx$

(6) أوجد التكامل الاتي $\int_0^2 \sqrt{4-x^2} dx$

ثانياً: الهندسه (25 درجة) أجب عن خمسة اسئله فقط

(1) أوجد معادلة الخط المستقيم بالاحداثيات القطبيه اذا علم انه يوازي الخط القطبي ويمر بالنقطه $(6, 120^\circ)$

(i) $r \cos \theta = 5$

(ii) $r = -5 \sin \theta$

(2) أرسم الشكل الهندسي لكل من المعادلات الاتيه

(3) أوجد معادلة المستقيم بمعلومية النقطتين $P_1(r_1, \theta_1)$, $P_2(r_2, \theta_2)$ باستخدام الاحداثيات القطبيه

(4) أوجد معادلة القطع المكافئ $y^2 - 6y + 2x + 1 = 0$ ثم أوجد احداثيات البؤره -الدليل- الرأس - المحور -المماس عند الرأس مع الرسم .

(5) عرف القطع الناقص ثم أوجد للقطع $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 1$ احداثيات البؤرتين-معادلات الدليلين - طول الوتر البؤري العمودي - اختلافه المركزي ثم ارسمه بمعرفة الدائره المساعده .

(6) عرف القطع الزائد الحقيقي ثم استنتج الصيغه الاساسيه عندما يكون مركز القطع هو نقطة الأصل .

لجنة المشايخه : د/ اوميه عبد الرحمن

د/ عمار علي

د/ محمد

مع تمنياتنا بالنجاح