# بسم الله الرحمن الرحيم

Department of		قسم الرياضيات		
Mathematics	1001			
Faculty of Science	اشيوك	كلية العاوم		
الامتحان النهائي للفصل الدراسي الأول للعام الجامعي ٢٠٢٠ / ٢٠٢٠				
شعبة الرياضيات	متوى الثالث	نظام الساعات المعتمدة المس		
التاريخ: الخميس ١٦ / ١ / ٢٠٢٠م	الدرجة الكلية : 50	اسم المقرر: نظرية الزمر		
الزمن: ساعتان	درجة	رقم المقرر ورمزه: ٣٢١ ر		

أجب عن خمسة فقط من الأسئلة التألية: (١٠ درجات لكل سؤال)

نفرض أن $G = \mathbb{R}^*  imes \mathbb{R}$ ونفرض $*$ عملية ثنائية على $G$ معرِفة كما يلي	(1	-1
$(a,b),(c,d) \in G$ لکل $(a,b)*(c,d)=(ac,b+d)$		
رمرة إبدالية. $G$ (ii) نحتوي عنصر واحد من الرتبة 2. $(G,*)$ (i)		
(o درجات) لا تحتوي على عناصر من الرتبة 3.		
عين جميع التشاكلات من $\mathbb{Z}_4$ إلى $\mathbb{Z}_4$ .		
نفرض $\phi:G \to H$ و $\psi:H \to K$ و $\psi:H \to K$ نفرض برهن أن كل من	(1	-7
$\psi \circ \phi: G \to K$ و $\psi \circ \phi: G \to K$ یکون أیضا تماثلا زمریا. $\psi \circ \phi: G \to K$		
$G\cong \mathbb{Z}_n$ نفرض $G=\langle a angle$ نفرض $G=\langle a angle$ نفرض $G=\langle a angle$ نفرض نعلی أن	( <u></u>	
(٥ درجات)		
نفرض $H$ زمرة جزئية من $S_n$ حيث $2 \geq n$ . بين أن كل التبديلات في $H$ تكون	(1	-٣
زوجية أو نصف هذه التبديلات بالتحديد تكون زوجية. (٥ درجات)		
نفرض $G$ زمرة منتهية غير إبدالية من رتبة $p^3$ حيث $p$ عدد أولي، ونفرض أن	( <u></u>	
عيث $Z(G)$ هو مركز الزمرة $G$ . أثبت أن $Z(G)$ تكون زمرة دورية. $Z(G) \neq \{e\}$		
(٥ درجات)		
نفرض $G$ هي زمرة كل الأعداد المركبة عدا الصفر مع عملية الضرب و $N$ هي	(1	- ٤
مجموعة كل الأعداد المركبة التي مقياسها 1، أي أن $a+bi\in N$ إذا كان		
بين أن $G/N$ تتماثل مع زمرة كل الأعداد الحقيقية الموجبة مع $a^2+b^2=1$		
عملية الضرب. (٥ درجات)		
$n$ نفرض $G = \langle a \rangle$ نفرض $G = \langle a \rangle$ نفرض ناه لكل قاسم المعدد $G = \langle a \rangle$	( ·	
( درجات $)$ عنوجد زمرة جزئية وحيدة من $G$ رتبتها $d$		

G بفرض أن $N$ زمرة جزئية قياسية من الزمرة $G$ ، بين أنه يوجد تشاكل نطاقه	(1)	_0
ونواته $N$ .		
. $a \in G_1$ لکل $o(a) = o(\phi(a))$ نفرض أن $\phi: G_1 \to G_2$ تشاكل زمري. بين أن	(ب	
(٥ درجات)		
بفرض أن كلا من $G = \langle a \rangle$ و $G = \langle a \rangle$ زمرة دورية منتهية من الرتبة $m$ و $G$	()	-7
على الترتيب، برهن على إن $G \times H$ تكون زمرة دورية إذا وفقط إذا كان		
$\gcd(m,n)=1$		
نفرض $G$ هي زمرة الأعداد الصحيحة مع الجمع، $H_n$ الزمرة الجزئية التي تتكون	( <u></u>	
من كل المضاعفات الصحيحة للعدد $n$ . حدد دليل $H_n$ في $G$ ثم أكتب كل		
المجموعات المصاحبة لـ $H_n \cap H_m$ في $G$ . ماهي $H_n \cap H_m$ المجموعات المصاحبة الم		

general in the



Faculty of science

Department of Mathematics

Final Term Exam (1st Term) Fourth year student (Phys)

Course: Mathematical Analysis

Code: 419 M

Time: 2 Hours Points: 50 Points

Date: Tuesday, 21 Jan 2020



## **Answer the following questions**

- 1) Answer only five of the following parts: [ 25 Pts Total, 5 Pts Each ]
  - (i) Apply the sandwich theorem to compute  $\lim_{n o\infty}n^{\hat{n}}$ .
  - (ii) Let f(x) = |x|. Show that f'(0) does not exists.
  - (iii) Solve the equation:  $\sin z = 3$ .
  - (iv) Discuss the existence of the limit  $\lim_{z\to 0} \frac{z}{z}$ .
  - (v) Use the polar form of the Cauchy-Riemann equations to find f'(z)when  $f(z) = \frac{1}{z}$ ,  $z \neq 0$ .
  - (vi) Determine the values of z for which the function  $f(z) = \frac{1}{\sqrt{3}\sin z \cos z}$ fails to be analytic.
- 2) Answer only five of the following parts: [ 25 Pts Total, 5 Pts Each ]
  - (i) Decide whether  $f(z) = z^2$  is uniformly continuous on  $\mathbb C$  or not.
  - ..(ii) Examine the continuity of  $f(z)=egin{cases} rac{\left[\Re e(z^2)
    ight]^2}{|z^2|}, & z
    eq 0 \end{cases}$  at z=0.
  - (iii) Verify that the function  $u(x, y) = e^x \sin y$  is harmonic and find its harmonic conjugate.
  - (iv) Let  $(z_n) = \left(\sum_{k=0}^n \left(\left(\frac{3}{5}\right)^k + \left(\frac{4}{5}\right)^k i\right)\right)$ . Does  $(z_n)$  converges. If it does, compute  $\lim_{n\to\infty} z_n$  in the form x+iy,  $x,y\in\mathbb{R}$ .
  - (v) Evaluate:  $\int_{C_1} |z|^2 dz$ , where  $C_1$  is the line segment from -1 to i.
  - (vi) Find:  $\oint_{C_2} \frac{2z}{z^2+2} dz$ , where  $C_2$  is the circle |z|=2 in the complex plane C, oriented in the counterclockwise direction.



المقرر: تحليل عددي (٣٢٣ر) الفرقة: المستوي الثالث الدرجة: ٥٠ درجة التاريخ: السبت ٢٨ / ٢١ /٢٠١٩ الذمن: ثلاث ساعات جامعة أسيوط كلية العلوم - قسم الرياضيات امتحان نهائي الفصل الدراسي الأول للعام الجامعي ٢٠٢٠ - ٢٠٢٠

# Answer five questions only: (10 marks for every question)

- 1) If the function and  $g(x) \in [a,b] \ \forall x \in [a,b]$  and g'(x) exist on (a,b) with  $|g'(x)| \le k < 1$ ,  $\forall x \in (a,b)$  prove that:
  - a) the sequence defined by  $p_n = g(p_{n-1})$ ,  $n \ge 1$  with converge to the unique fixed point p in [a,b].
  - b)  $|p_{n+1} p_n| \le k^n |p_1 p_0|$ .
  - c)  $|p_n p| \le \frac{k^n}{1 k} |p_1 p_0|$  for all  $n \ge 1$ .
- 2-a) If the bisection algorithm is applied to a continuous function f on an interval [a,b], with quantities  $a_0$ ,  $b_0$ ,  $c_0$ ,  $a_1$ ,  $b_1$ ,  $c_1$  and so on ,where f(r) = 0,  $f(a) \ f(b) < 0 \ \text{then after n steps} \ \text{prove that} : \ |r c_n| \le \frac{b_0 a_0}{2^{n+1}} \ .$
- 2-b) verify that when Newton's method is used to compute (1/a),  $a \ne 0$  (by solving the equation  $f(x) = \frac{1}{x} a = 0$ ) the sequence of iterates is defined by  $x_{n+1} = x_n(2 ax_n)$  and show that this equation is quadratically convergence.
- 3-a) Derive the formula of Lagrange interpolating polynomial of the second degree.
- 3-b) construct the Lagrange interpolating polynomial for the following function  $f(x) = e^{2x} \cos 3x$ ,  $x_0 = 0$ ,  $x_1 = 0.3$ ,  $x_2 = 0.6$  and find abounded of the absolute error on the interval  $(x_0, x_2)$ .

من فضلك انظر خلف الورقة .....

- 4-a) From closed Newton Cotes formula with  $x_0 = a$ ,  $x_n = b$  and  $h = \frac{b-a}{n}$  find the error terms when n = 2.
- 4-b) The Trapezoidal rule applied to  $\int_{0}^{2} f(x)dx$  given the value 3, and Simpson's rule given the value 6. What is f(1)?
- 5-a) Evaluate  $\int_{0}^{1} \frac{dx}{1+x^2}$ , h=0.2 by using Simpson's rule and find value of  $\frac{\pi}{3}$ .
- 5-b) Solve the following system:

$$9x + 2y + Z = 50$$
  
-  $2x + 2y + 7Z = 19$  (Note: let  $x^{(0)} = (0,0,0)$ 

x + 5y - 3Z = 18

By using Gauss Sidle method (using three iterations only

6-a) For the given data

x	0	1	2	3	4
f(x)	-1	2	13	44	107

Construct an interpolation polynomial using Newton forward difference formula.

b) Derive the formula of the Newton's interpolator divided difference formula and use this formula to obtain a polynomial of least degree that fits the values shown table in(a).

Good luck

DR.Mohamed A. Hussien

DR. Mostafa El Khateeb

	The state of the s		
	Faculty of Science		قسم الرياضيات
	Department of Mathematics	عامعان سيوط	كلية العلوم
	2020/ 2010 -	alati dati tisti. Civi t	***
	* #	صل الدراسى الأول للعام الجام	امتحان نهائي القد
	التاريخ: 2019/12/22	الشعبه: الرياضيات	
	الزمن : ساعتان	رقم المقرر:(331ر)	اسم المقرر: الأسس الرياضيه لميكانيكا الكم والميكانيكا الإحصائيه
			الكم والميكانيكا الإحصائية الدرجة الكارة:050 حك
THE CHAPTER CAN	an orden ar notaen en en esta esta esta esta esta esta esta esta	TURNOS TURNOS TRANSPORTOS POR TOS CONTRANTAS PARA SE ANTOS CONTRANTAS POR TURNOS POR TUR	الدرجه الكليه:50درجه
		(	Jil Las Lij alicul acusi ce cisl
	فيزيائيين وكذلك التجارب التي	موبات التي واجهت اا	1-1-1) اشرح بالتفصيل الص
	(5درجات)		أدت إلى ظهور نظرية الك
	يوجد حلان لمعادلة شرودنجر	اله زوجيه فاثبت أنه	<ul> <li>اذا كانت دالة الحهد د</li> </ul>
	(5درجات)	وقررنان ينفس الطاقه	الغير معتمده على الزمن ه
			العبير معتمده على الرس
	موجيه والتفسير الإحصائي لها	ے نشأت فكر ة الداله ال	2-أ) اشرح بالتفصيل كيف
	ا N . (درجات)	م من الجسيمات عدده	وكذلك الداله الموجيه لنظا
	الموحيه و فرض دي يريليه	مرية الثنائية الحسيمية	
	(کدر جات)	40 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 0	ب) اسرے پانستین ت
	الموجيه وفرض دى بريليه (5درجات)	صية الثنائية الجسيميه	ب) اشرح بالتفصيل خام

3- جسيم يتحرك في حاجز جهد محدود في بعد واحد لانهائي ، ادرس هذه الحركه بالتفصيل واستنتج المعاملات المختلفه.

(10درجات)

من فضلك أنظر باقى الأسئله في الورقه الثانيه

4- Prove that:

(i) 
$$T\left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_{V} = P + \left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_{T}$$
 (5 Points)

(ii) 
$$\left(\frac{\partial T}{\partial P}\right)_{H} = -\frac{1}{C_{P}} \left[V - T\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_{P}\right] = 0$$
 for an ideal gas.

where H is the enthalpy,

(5 Points)

- 5 (a) Obtain the volume of n –dimensional hyper sphere of radius a by any means. (5 points)
  - (b) Evaluate the volume  $\Gamma(E,V)$  under the energy surface H=E for an ideal gas composed of N monatomic molecules each of mass m enclosed in a volume V, whence prove the correspondence:

$$\Theta(E,V) = \frac{\Gamma(E,V)}{\Omega(E,V)} \leftrightarrow kT$$
 (5 points)

6- (a) Derive the canonical distribution in phase space in the usual form:

$$\rho(\underline{R}) = e^{-\beta H(\underline{R}, a)} / Z_c(\beta, a)$$
 (5 Points)

(b) Use the Maxwell – Boltzmann distribution of speeds:

$$D^{(1)}(v) = 4\pi N \left(\frac{m}{2\pi KT}\right)^{3/2} v^2 e^{-mv^2/2KT}$$

to obtain each of v and  $v^2$  for a single molecule (N = 1).

(5 points)

with best wishes M. Boghdadi

F. Ali

W. Boghdu**di** 

Dept. of Elect. Eng. Faculty of Eng. University of Assiut 1<sup>st</sup> Semester – Final Exam. 2019/2020- Jan. 2020 Faculty of Sciences Course: Logic Circuits 3<sup>rd</sup> Level Students Time: 2 hours

Marks: 50

#### • No. of pages: 2- No. of questions: 4

#### Answer the Following Questions:

# Question no. 1 (10 points)

- a) Convert the following numbers with the indicated base to decimal:
  - i- (214.32)<sub>5</sub>
- ii- (357.25)<sub>8</sub>
- b) Convert the decimal number 225.125 to binary by two ways:
  - i- Convert it directly to binary.
  - ii- Convert it first to Hexadecimal and then from Hexadecimal to binary.

#### Question no. 2 (10 points)

a) Given the following unsigned numbers:

$$A = 73$$
 ,  $B = 53$ 

- i- Convert A and B to binary.
- ii- Using the 2's complement method, perform the following subtraction processes:

$$2 - B - A$$

Convert the results to decimal and check that they are correct.

b) Given the following signed decimal numbers:

$$A = +54$$
  $B = +35$   $C = -72$ 

- i- Convert A, B and C to binary.
- ii- Determne the representation of A, B and C by using the signed 2's complement system with 8 digit duration .
- iii- Perform the following addition processes:

$$1 - A + B$$

Convert the results to decimal and check that they are correct.

#### Question no. 3 (15 points)

a) By applying the postulates of Boolean algebra and without employing truth tables, show that the following theorems are valid:

$$i - X \cdot 0 = 0$$

$$ii- X \cdot (X + Y) = X$$

b) Using De-Morgans' theorems, find the complement of the following binary logic function:

$$F(W,X,Y,Z) = Y'Z + Y(X + W)$$

c) Given the following Boolean function:

$$F(X, Y) = X Y + X' Y'$$

i- Find the dual of F.

ii- From the dual, get the complement of F = F'.

iii- Using binary logic algebra, prove that:

$$F + F' = 1$$
 .  $F F' = 0$ 

# Question no. 4 (15 points)

a) Using NAND gates only, implement the following binary logic functions:

$$i-F(A) = A'$$

ii- 
$$F(A, B) = AB' + BA'$$

- b) Verify that the NAND operator is not associative.
- c) Show how you can design and implement a single exclusive-NOR gate with three inputs.

انتهت الأسئلة، مع التمنيات بالتوفيق.

د. محمدد يس القاضي



Assiut University Faculty of Science Mathematics Dept.

Final Exam 2019-2020 Course: Mathematical and Statistical Packages Course code: MC300

Level: Three Time: 2 Hours



# Question 1: Put True or False for each of the following items (30 marks)

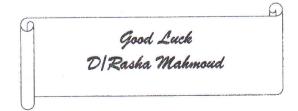
- 1. When referencing a cell on the same spreadsheet as the active cell the sheet name is not required.
- 2. To enter a formula into a cell, begin by typing an equal sign.
- 3. Functions are pre-defined worksheet formulas.
- 4. Formatted display is the number of decimal places stored in the computer.
- 5. The first order of precedence is for exponentiation.
- 6. The range A 1:A4 is a row range.
- 7. Not all range arguments of functions can be used with non-contiguous cells.
- 8. To keep things clear and simple only add an absolute (\$) cell reference if absolutely necessary.
- 9. Placing an absolute sign in front of a ranged name (\$budget) is incorrect syntax.
- 10. The columns of the worksheet are named with letters.
- 11. The selected cell is referred to as the active cell.
- 12. The error "#####" means that text in formula is not recognized.
- 13. The contents of the active cell will also be displayed on the formula bar.
- 14. The function COUNTA(value1,[value2],...) counts non-blank cells.
- 15. The Average function ignore the blank cells.
- 16. Algorithm is a step-by-step procedure for accomplishing some end task.
- 17. Functions take arguments and return a result.
- 18. Relational operators are always evaluated first.
- 19. SPSS program has only two windows data view and output view.
- 20. Data view in SPSS is used to display information of data variables.
- 21. In SPSS each row typically represents the data from 1 case.
- 22. In SPSS plant height: 5.6, 7.8 are examples of ordinal measurement.
- 23. In SPSS, to sort data select Data and then click Select Case.
- 24. To compute new variable in SPSS open Analyze menu then choose compute variable.
- 25. Correlation is used to know the number and percent of cases that fall in multiple categories.
- 26. Descriptive statistics are calculated using the Analyze menu.
- 27. To compute the correlation choose Analyze/Descriptive Statistics/Correlation.
- 28. To describe a continuous variable but at different levels of a categorical variable is called crosstabs.
- 29. It is always important to take a moment to think about the type of data you are using in SPSS.
- 30. One sample t-tests are typically used to compare a sample mean to a known population mean.

Que	estion 2: Choose the correct answer (20	marks	):
	1. When the formula $=B6*(1+B$1)$ is cop	pied fro	om cell D6 into cell E6 the
	formula will be		*
	a. $=C6*(1+C$1)$	c.	=C6*(1+C\$3)
	b. $=C8*(1+B$3)$	d.	=C8*(1+B\$1)
	2. Which of the following is not the corre	ect meth	nod of editing the cell content?
	a. Press the Alt key	c.	Click the formula bar
	b. Press the F2 key	d.	Double click the cell.
	3. The ROUND function is used to		
	a. Change the precision of a		Doesn't change a value.
	value.	d.	None of above
	b. Change the display of a value.		
	4. Excel's main screen is called a		
	a. Worksheet	C.	Work
	b. Workfile	d.	File
	5. The error "#NUM!" means		
,	a. Numeric value too wide to display		
	b. Divide by 0 occurs		
	c. Cell reference is not valid		
	d. Problem with a number in a formul		
	6. You must have as the first	t charac	eter in a cell that contains a
	formula.		
ς.	a. an equals sign		a minus sign
	b. a plus sign		None of above
	7. Getting data from a cell located in a diff		
	a. Accessing		Updating
	b. Referencing		Functioning
	8. Which of the following component dis-		
	a. Name box		Menu bar
	b. Formula bar		Status bar
	9. Which Boolean operator that require a	ill items	s must be true for the statement
	to be true		ampel consessioners in the second
	a. AND		**
	b. OR		None of above
	10. Which of the following is an absolute		
	a. A1		Λ\$1
	b. \$A\$1		\$A1
	11. The Increase/Decrease decimal buttor	ıs	
	a. Do nothing		The off Beneficial way
	b. Change a value and how the value	_	
	c. Do not change a value only how the	e value	is displayed.
	d Nona Ofahaya		

12. In SPSS to compute a new	variable choose
a. Data -> new variable	
b. Data -> compute variab	le *
c. Transform -> new varia	
d. Transform -> compute	variable
*	ics are calculated using the
a. File menu	c. Analyze menu
b. Data menu	d. Graph menu
14. In SPSS frequency is calcu	lated using the
a. File menu	c. Analyze menu
b. Data menu	d. Graph menu
15. In SPSS the number and pe	ercent of cases that fall in multiple categories is
a. crosstabs	c. compare means
b. frequency	d. none of above
16. In SPSS to describe a cont	inuous variable but at different levels of a
categorical variable.	
a. crosstabs	c. compare means
b. frequency	d. none of above
17. In SPSS correlation is used	d to test the degree of between variables
a. association	
b. deviation	
c. stretching	
d. none of above	
18. In SPSS all of the inferent	ial statistics commands in SPSS are accessed from
the	
a. File menu	c. Analyze menu
b. Data menu	d. Graph menu
19. In SPSS when correlation	R=0.76 this means
a. no correlation	c. negative correlation
b. positive correlation	d. none of above
20. In SPSS the is used to	compare two related means.
a. one-Sample t-test	
b. paired samples <i>t</i> -test	
c. correlation	
d. none of above	

Q1	True	False
1		
2		
3	2 0 00 0	A HANNE & HANDON
4	5	
		4   17   18
5		
6		
7		O VINCES
8		
9		7:40
10		1771
11		
12		-411-1800
13		\$ 29.274
14		
15		
16	3 17 6 22 2 10 10	
17	and engages	
18		
19		
20		
21	d	OUTFLATER.
22		
23		
24		
25		
26		
27		
28		C 1 D IO DAMES N RETRIES
29	the formula	2 2 2 3 100 × 1000
30		

Q2	a bold my coda and	
1	ridade diagnal session de la compansion	
2	alife in the form of the second	
1		A
3	2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2	
4		
5	F## 04/4 ( )	
6	11.00	
0	as to post of householders a results	
7	2 Pr. 1 - 2	A
8	en e du annona a sérve de la Pers	
9	Malignania Arrangani	
7300		
10	# Page 1	
11	udi lesi at topac e lesi tektrico et la	
12		
13		
5 500 E E		
14		
15	100	
16	T 11-11 11 4 4 4 4 1	
17	austeal, and a	
18	v 1 - 2000 1 1 1 2 1 1 2 1 1 1 2 1 1 2 1 1 2 1 1 2 1 1 2 1	60.00
19	1.494-7.4913 (2.24-5.0)	- 1
20		



Department of Mathematics	R	قسم الرياضيات
Faculty of Science	الميوطية الميارية الميارية الميوطية الميارية الميارية الميارية الميارية الميارية الميارية الميارية الميارية ال الميارية الميارية ا	كلية العلوم
		<u> </u>
۰۲۰۲۰۲۶	هائي الفصل الدراسي الأول ١٩	1/2
تاريخ الامتحان ٢٠٢٠/١/٢	ة: ٥٠ درجة	
الزمن: ثلاث ساعات		المقرر: (٣١٣ ر) معادلات تفاضلية ٢
جات عن كل فقرة)	من كل سؤال - بواقع ٥ در	أجب عما يأتي: (١٠ درجات ع
	لمعادلة التفاضلية:	أ أوجد قيمة الدالة $f(x)$ التي تجعل ال
f(x)dx + dy +	$(2z^2+2yz+2x$	$z^2z+1)dz=0$
- 1025 1485 T		بلة للتكامل ، ثم أوجد الحل العام للمعادلة
<b>.</b>	$\frac{\partial u}{\partial u} + \frac{\partial u}{\partial u} = 1 + \frac{\partial u}{\partial u}$	$\frac{u}{c_1}$ أوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية )
	2 5	-
		$0,\ u=0$ أوجد الحل الخاص إذاكان أوجد الحل الخاص
		- أ) بالتحويل إلي الصورة القياسية - أو
$x^2y''-2xy'-$	$+(x^2+2)y=x^3$	$\tan x$ .
$z=z_y=\sin x$ شروط $z=z_y=\sin x$ شروط	- Zxx والتي تحقق ال	$4z_{vv}=0$ ب) حل المعادلة التفاضلية
		- أ) بطريقة فروبنيوس - أوجد الُحُل ال
		الك بالقرب من أقطة الأصل .
u(x,t) = f(2x+5t) + g(2x)	-5t) من المعادلة	ب) احذف الدالتين الاختياريتين و ب
(a), (b) <b>(</b> a) ( a) ( b) ( b)		أوجد الحل الذي يحقق الشروط
u(x,0)=si	$in 2x , u_t(x,0)$	$= 0$ , $u(0,t) = u(\pi,t) = 0$ .
، تامة $(1+x^2)v''$	+4xv'+2v=se	$c^2x$ أُنْبِتُ أَنْ المعادلة التفاضلية $c^2x$
(= 1 3 )		y'(0)=1 أوجد حلها بحيث ا
		ب) أوجد الحل العام للمعادلة التَّفاضلية:
$z_{xxx} - 4z_{xxy} + 5z_{xy}$		
$\dot{x} = y + e^t$ , $\dot{y} = -2x + 3y + 3$	) العام للنظام الخطي 1	- أ) باستخدام المصفو فات - أو حد الحا
		م أوجد الحل الخاص بحيث $y=2$
$z_{xx}-z_{xy}-2z_{yy}=(y-1)e^{x}$ ية	<u>~</u>	
$\frac{z_{xx} - z_{xy} - z_{zy} - (y - 1)e^{-\frac{y}{2}}}{z_{xy}}$		ب بالمسالم عرب المسالة عن

د. محمد عبدالله عبد الرازق

إنتهت الأسئلة ،،،

Assiut University
Faculty of Science
Mathematics Department
Term Exam

Operating System Third Level (MC351) Time: 2 hours January 2020

#### Answer the following questions (50 Marks)

# Question 1: Answer the following questions (10 Marks)

- 1-What is an Operating System?
- 2-What does the kernel mean?
- 3-Today's OSes for general purpose and mobile computing also include middleware. What is middleware?
- 4-Mention and arrange the storage devices according to their size?
- 5-What are the advantages of the parallel systems?

# Question 2: Answer the following questions? (10 Marks)

- 1-What is the difference between the types of tightly-coupled systems?
- 2-What is the difference between Asymmetric clustering and Symmetric clustering?
- 3-What is a process?
- 4- Compare between single-threaded process and multi-threaded process?
- 5-The operating system is responsible for some activities in connection with process management, what are they?

# Question 3: Answer the following questions? (10 Marks)

- 1-What are memory management activities?
- 2- Describe File-System management?
- 3-What is I/O subsystem responsible for?
- 4- Compare between user identities and group identifier?
- 5-What are the types of cloud computing?

# Question 4: Answer the following questions? (10 Marks)

- 1-Mention the set of operating-system services?
- 2-What are the most common APIs?
- 3-What is run-time support library?
- 4-What are the general methods used to pass parameters to the OS?
- 5-Mention the process control system calls?

#### Question 5: Answer the following questions? (10 Marks)

- 1-What are the benefits and the detriments of microkernel system structure?
- 2-Explain by a diagram microkernel system structure?
- 3-What is the difference between core dump file and crash dump file?
- 4- Draw a diagram of process states?



Assiut University Faculty of Science Mathematics Dept.

Final Exam: 2019/2020 Course: Databases Course code: MC357

Level: 3<sup>rd</sup> Time: 2 Hour



# Q1 (10 points)

- 1) What are the advantages of organizing data storage using a database approach? (3 points)
- 2) What are the components of DBMS Environment? (3 points)
- . 3) What are the different categories of database user? (4 points)

# **Q2 (10 points)**

Notown Records has decided to store information about musicians who perform on its albums (as well as other company data) in a database. The company has wisely chosen to hire you as a database designer.

The following information describes the situation that the Notown database must model:

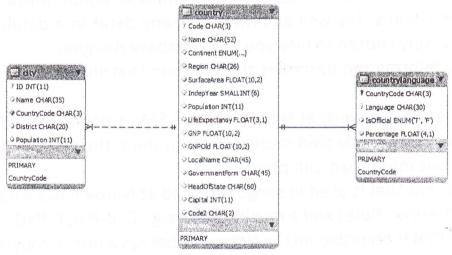
- Each musician that records at Notown has an SSN, a name, an address, and a phone number. Poorly paid musicians often share the same address, and no address has more than one phone.
- Each instrument that is used in songs recorded at Notown has a name (e.g., guitar, synthesizer, flute) and a musical key (e.g., C, B-flat, E-flat).
- Each album that is recorded on the Notown label has a title, a copyright date, a format (e.g., CD or MC), and an album identifier.
- Each song recorded at Notown has a title and an author.
- Each musician may play several instruments, and a given instrument may be played by several musicians.
- Each album has a number of songs on it, but no song may appear on more than one album.
- Each song is performed by one or more musicians, and a musician may perform a number of songs.
- Each album has exactly one musician who acts as its producer. A musician may produce several albums, of course.

# Construct a clean and concise ER diagram

## Q3 (20 points)

# Using the World database write the following queries:

- 1. What is the population of the USA?
- 2. Which countries gained independence after 1989?
- 3. Find the average population of countries in Europe
- 4. Return all the attributes for cities with population over 1 million in the USA
- 5. Which countries is the Arabic language spoken.
- 6. Find the countries that have a form of government related to monarchy
- 7. Find the top two most populated cities!
- 8. Which is the first country that became independent?
- 9. What are the names of all countries that speak Greek?
- 10. Which countries speaks at least 50% Greek?



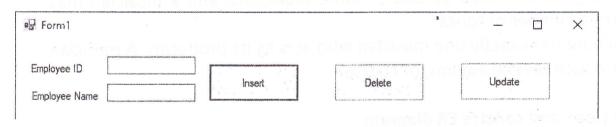
# Q4 (10 points)

Write a c# code only to implement the following:

- 1- Insert button to insert data into columns id and name.
- 2- Update button to modify name to specific id.
- 3- Delete button to remove row to specific id.

Assume the following schema:

Employee (Emp Id, Emp Name)



Good Luck D|Rasha Mahmoud

الث

Department of Math. Faculty of Science الزمن: ۳ ساعات

يوم وتاريخ الأمتحان:

الأربعاء: ٢٢ /٢٠/١م درجة ) درجة الامتحان: (٥٠ درجة )

المَيْهُوا المَيْهُوا المَيْهُوا المُعالِق المُعالِق المادة: نظرية الأعداد

رقم المقرر: ٣١٧ر

قسم الرياضيات كلية العلوم امتحان نهاية الفصل الدراسي الأول ٢٠٢٠/٢٠١٩

جه الامتحان: ( ۰۰ درجه ) ( درجة كل سؤال من ۱۰ درجات )

أجب عن خمسة أسئلة فقط مما يأتي :

عدد اولي فأثبت أن  $2^n - 1$  عدد تام، ثم بين أي من الأعداد (10) معدد  $2^{n-1}$  عدد اولي فأثبت أن  $2^{n-1}$  عدد تام، ثم بين أي من الأعداد (10) عدد اولي أو شبه أولي أم غير ذلك (٢ درجات )  $2^n + 10y + 6z = 61$  (٢ درجات ) عدد تام عدد تام ثم بين أي من الأعداد (٤ درجات )

 $x_{\circ}$  ,  $y_{\circ}$  فان المعادلة الديوفنتية ax + bx = c حل إذا وفقط إذا كان ax + bx = c ، وإذا كان ax + bx = c وإذا كان ax + bx = c على الشكل ax + bx = c على المعادلة فإن أي حل آخر للمعادلة يكون على الشكل ax + bx = c على المعادلة فإن أي حل آخر للمعادلة يكون على الشكل ax + bx = c وإذا كان أي حل آخر للمعادلة يكون على الشكل ax + bx = c وإذا كان ax + bx = c على المعادلة وإذا كان ax + bx = c وإذا كان ax + bx = c والتي تحقق ax + b

 $(-\pi)$  أوجد حل لنظام التطابقات الخطية الآتية :  $2x \equiv 1 \pmod 5$  ,  $3x \equiv 9 \pmod 6$  ,  $4x \equiv 1 \pmod 7$  ,  $5x \equiv 9 \pmod 11$   $(-\pi)$  إذا كان  $x = 1 \pmod 7$  عدد زوجي ثم أوجد النظير الضربي للعدد 3 قياس 10 واستخدمه  $x \equiv 7 \pmod 10$  )  $x \equiv 7 \pmod 10$  في حل التطابق  $x \equiv 7 \pmod 10$ 

 $g.c.d\,(F_m\,,F_n\,)=1\;,\;m\neq n\,,m,n\geq 0$  أثبت أن أعداد فيرما أولية فيما بينها أي أثبت أن 25669 (ه درجات) ثم استخدم طريقة فيرما للتحليل في تحليل العدد  $f(n)\neq 0,\,\forall\;n\in N$  نطاق صحيح وأن  $f(n)\neq 0,\,\forall\;n\in N$  فاثبت أن  $f(n)\neq 0,\,\forall\;n\in N$  ثم أوجد قيمة  $f(n)\neq 0,\,\sigma_2(945)$   $\sigma_2(945)$ 

(9-i) اثبت أن التطابق التربيعي  $x^2 + 1 \equiv 0 \pmod p$  عدد أولي فردي ، له حل إذا كان وفقط إذا كان  $x^2 + 1 \equiv 0 \pmod 37$  ثم حل للتطابق  $p \equiv 1 \pmod 4$  (  $p \equiv 1 \pmod 4$  ) (  $p \equiv 1 \pmod 4$  (  $p \equiv 1 \pmod 4$  ) (

 $a^2 \equiv 1 \pmod 8$  فاثبت أن  $a^2 \equiv 1 \pmod 8$   $a^2 \equiv 1 \pmod 8$  أذا كان  $a^{\phi(n)} \equiv 1 \pmod n$  أذا كان  $a^{\phi(n)} \equiv 1 \pmod n$  فاثبت أن  $a^{\phi(n)} \equiv 1 \pmod n$  أذا كان  $a^{\phi(n)} \equiv 1 \pmod n$  فاثبت أن  $a^{\phi(n)} \equiv 1 \pmod n$  فاثبت أن  $a^{\phi(n)} \equiv 1 \pmod n$  و بين أن  $a^{\phi(n)} \equiv 1 \pmod n$  و بين  $a^{\phi(n)} \equiv 1 \pmod n$  و بين أذا كان  $a^{\phi(n)} \equiv 1 \pmod n$  و بين أدا كان  $a^{\phi(n)} \equiv 1 \pmod n$ 

 $(\pi)$  وبين  $m^{\varphi(n)} + n^{\varphi(m)} \equiv 1 \pmod{m}$  وبين m,n عددان صحيحان موجبان أوليان فأثبت أن  $m^{\varphi(n)} + n^{\varphi(m)} \equiv 1 \pmod{m}$  وبين أن العدد 9124 يقبل القسمة علي 11 .

# Department of Mathematics Faculty of Science



قسم الرياضيات كلية العلوم الفصل الدراسي الأول ١٩٠/٠٢م

امتحان الفرقة الثالثة شعبة الرياضيات

الزمن: ثلاث سماعات

المقرر: عمليات عشوائية وتطبيقاتها رقم المقرر ورمزه: ٢٤٠١ر١

أجب عن خمسة أسئلة فقط مما يأتي : درجة جزع كل سؤال (خمس درجات)

١-(أ) متغير عشواني ثنائي متصل (٢.٢) دالة كثافته الإحتمالية:

.  $V(2Y) \cdot E(XY)$  أوجد الدوال الهامشية للتوزيع في السؤال (١-أ) ثم اوجد الدوال الهامشية للتوزيع في السؤال

 $Y = X_1 + X_2$  ،  $X = X_1$  إذا كان  $Y = X_1 + X_2$  ،  $Y = X_1 + X_2$  أوجد دالما التوريع عملية برنولي العشوائية  $\{X_n; n > 0\}$  بالإحتمالية للمتغير العشوائي الثنائي  $\{X, Y\}$  واحسب الإحتمالات  $\{X, Y\}$  ،  $\{X = Y\}$  ،  $\{X = Y\}$ 

. V(3Y) ، E(X) من السؤال (7-1) أوجد كل من

f , s

.  $V(2Y_4)$  ،  $E(Y_4+3Y_7)$  ،  $E(Y_3)$  أوجد p=0.6 أوجد  $\{Y_n;n>0\}$  أنه العملية العشوائية  $\{Y_n;n>0\}$ 

٤-(أ) أوجد تحويلات لابلاس لكل من التوزيع الهندسي وتوزيع باسكال .

 $V(N_t)$  ،  $E(N_{t+s}|N_t)$  و السؤال ( الحال الحان  $\lambda=2$  اوجد  $\lambda=2$  السؤال ( الحال الحال

(ب)- في عملية الوصول المعدودة بالمعدل ثلاث عملاء كل دقيقة أوجد إحتمال أن يكون الزمن بين وصولين متتاليل أكبر من دقيقة وأقل من ثلاث دقائق .

(0,1,2) بالمصفوفة الإنتقالية أو المصفوفة العشوائية :  $\{X_n; n \geq 0\}$  بالمصفوفة الإنتقالية أو المصفوفة العشوائية :

 $\pi_0 = (1/3, 1/3, 1/3) \quad \text{are lifted by } P = \begin{pmatrix} 3/4 & 1/4 & 0 \\ 1/4 & 1/2 & 1/4 \\ 0 & 3/4 & 1/4 \end{pmatrix}$ 

.  $P(X_2=2,X_1=1,X_0=2)$  ،  $P(X_1=1,X_0=2)$  ،  $P(X_1=1,X_0=2)$  احسب الإحتمالات الآتية

.  $P(X_0 = 2, X_1 = 1, X_2 = 0, X_3 = 1, X_4 = 1, X_5 = 2, X_6 = 1, X_7 = 2)$  في السؤال (٦- أ) أوجد الإحتمال: (ب) في السؤال (٦- أ) أوجد الإحتمال: (ب)

Department of Mathematics		جامعة أسيوط
Faculty of Science	الميودة الشيودة	كلية العلوم / قسم الرياضيات
/ ۲۰۲۰ م	لفصل الدراسي الأول للعام الجامعي ٢٠١٩	امتحان نهائيً ا
الزمن: ثلاثة ساعات	رمز المقرر: ٥١٥ر	سم المقرر: موضوعات مختارة في لرياضيات (١) '' دوال خاصة ''
		١) " دوال خاصة "

# السوال الأول:

 $\Gamma(x)\Gamma(1-x) = \frac{\pi}{\sin \pi x}$ , 0 < x < 1 أ- أثبت ان ب- استخدم خاصية التضعيف في اثبات ان

$$\Gamma(\frac{5}{6}) \left[\Gamma(\frac{1}{3})\right]^2 = 2\sqrt[3]{2} \sqrt{\frac{\pi^3}{3}}$$

# السوال الثاني:

 $\beta(m,n)\Gamma(m+n) = \Gamma(m)\Gamma(n)$ m,n>0 اعداد حقیقیهٔ تحقق ان m,n

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} (tan^3\theta + tan^5\theta) \, e^{-tan^2\theta} \, d\theta = \frac{1}{2}$$
 ب- بر هن صحة التكامل

 $J_n(x+y)=\sum_{r=-\infty}^{\infty}J_r(x)J_{n-r}(y)$  أ- باستخدام الدو ال المولدة لدو ال بسل اثبت ان ب- باستخدام دو ال جاما وبيتا اوجد التكاملات الاتية

(i) 
$$\int_0^2 \frac{x^2}{\sqrt{2-x}} dx$$
 (ii)  $\int_0^\infty \frac{1}{\sqrt[6]{x^5}(1+x)^2} dx$ 

# السوال الرابع:

$$e^{\frac{x}{2}(t-\frac{1}{t})}=\sum_{n=-\infty}^{\infty}J_n(x)t^n$$
 أ-أثبت علاقة التوليد التالية لدو ال بسل  $J_{-n}(x)=(-1)^nJ_n(x)$  ثن المثنتج ان  $J_{1}(x)=\sqrt{\frac{2}{\pi}}\frac{\sin x}{\sqrt{x}}$  ب- أثبت ان  $J_{1}(x)=\sqrt{\frac{2}{\pi}}\frac{\sin x}{\sqrt{x}}$ 

# السوال الخامس:

أ- ناقش التطبيقات المختلفة لدوال بسل.

$$T_{m+n}(x) + T_{m-n}(x) = 2T_m(x)T_n(x)$$
 ب- برهن ان

# السوال السادس:

$$\sqrt{1-x^2}T_n(x) = U_{n+1}(x) - xU_n(x)$$
 اـ اثبت ان با العام لمعادلة بسل التفاضلية

$$x^{2} \frac{d^{2}y}{dx^{2}} + x \frac{dy}{dx} + (x^{2} - n^{2})y = 0$$
بالتوفيق والنجاح ، المراح والنجاح ، المراح والنجاح ، المراح والنجاح . المراح . المراح والنجاح . المراح . المراح والنجاح . المراح .

Faculty of Science Mathematics Department Term Exam Selected topics in Computer Science (1)

Time: 2 hour Code: MC 355 January 2020



امتحان الفصل الدراسي الأول المستوي: الثالث المستوي: الثالث المقرر: موضوعات مختارة في علوم الحاسب (١) الرمز: ٣٣٥ رك الزمن: ساعتان الزمن: ساعتان بناير 2020

كلية العلوم- قسم الرياضيات

#### Answer the following questions: (50 Marks) I. Choose the correct answer and write it in the answer table: (20 Marks) 1. A class always has a default constructor. a) True b) False 2. What is the size of long variable? b) 16 bit c) 32 bit d) 64 bit 3. What is the default value of Boolean variable? a) True b) False c) null d) not defined 4. Which of the following is not a keyword in java? a) static b) boolean c) void d) private 5. Assume x = 4 and y = 5, which of the following is true? a) x < 5 && y < 5b) x < 5 || y < 5c) x > 5 && y > 5d) $x > 5 \| y > 5$ 6. Assume double[][] x = new double[4][5], what are x.length and x[2].length? a) 4 and 4 b) 5 and 4 c) 4 and 5 d) 5 and 5 7. Which of the following are correct ways to declare variables? a) int length, width; b) int length; width c) int length, int width; d) int length: width 8. The extension name of a Java bytecode file is ...... a) .java b) .obj c) .class d) .exe 9. Suppose x=10 and y=10 what is x after evaluating the expression (y >= 10) $\parallel$ (x--> 10). a) 9 b) 10 c) 11 d) 12 10. Suppose int i = 5, which of the following can't be used as an index for array double [100]? a) i b) (int)(Math.random() \*100)) c) i + 10d) i + 6.511. Which one is a template for creating different objects? a) array b) class c) interface d) method 12. Which statement transfer execution to different parts of your code based on the value of an expression? a) if b) switch c) nested-if d) if-else-if 13. Modulus operator (%) can be applied to which of these?

b) JVM

b) floating point

14. Which provides runtime environment for java byte code to be executed?

c) JRE

c) both a and b

d) JAVAC

d) none

a) integers

a) JDK

15. Which of the following assignment statements is incorrect?						
a) $i = j = k = 1$ ;	b) $i = 1; j = 1; k = 1;$	c) $i = 1 = j = 1 = k = 1;$	d) $i == j == k == 1;$			
16. The statement byte $b = 10$	000 would cause err	or.				
a) compilation	b) runtime	c) logic	d) no			
17. Which of the following i	s a possible output from invoking	g Math.random()?				
a) 3.43	b) 0.5	c) 1	d) 1.0			
18. Sometimes there may be	18. Sometimes there may be two or more possible matches for an invocation of a method. This is referred to					
invocation						
a) ambiguous	b) illegal	c) expected	d) shell script			
19. Which of the following i	s a valid identifier?					
a) 8+9	b) 9X	c) class	d) \$343			
20. Which of these have highest precedence?						
a) ()	b) ++	c) *	d) >>			

#### **Answer Table**

Question	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
Answer		3																		

II. Read the following codes carefully then

(20 Marks)

- a) If the code is correct, write its outputs.
- b) If the code is incorrect. Underline the error and correct it.

No	Code	Output
1.	int number = 6;	
	while (number > 0) {	
	number $-= 3$ ;	
	System.out.print(number + " ");	
	}	
2.	int $i = 1, j = 2, k = 3;$	
	if(i > j)	
	(i > k)	
	System.out.println("A");	
	System.out.println("B");	

```
3. public class A {
   private boolean x;
   public static void main(String[] args) {
   A = new A();
   System.out.println(a.x);
4. public class Test {
   public static void main(String[] args) {
   int[][] array = {\{1, 2, 3, 4\}, \{5, 6, 7, 8\}\};}
   System.out.println(m1(array)[0]);
   System.out.println(m1(array)[1]);
   public static int[] m1(int[][] m) {
   int[] result = new int[2];
   result[0] = m.length;
   result[1] = m[0].length;
   return result;
 5 final int[] x = \{1, 2, 3, 4\};
   int[]y = x;
   x = \text{new int}[2];
    for (int i = 0; i < y.length; i++)
    System.out.print(y[i] + " ");
 6. class access
           static int x;
           void increament()
                   ++x;
    public class MainClass
            public static void main (String arg[])
                    access obj1 = new access();
                    access obj2 = new access();
                    obil.x = 0;
                    obj1.increament();
                    obj2.increament();
                    System.out.print(obj1.x + obj2.x);
                    System.out.println();
            }
```

```
class operators
        public static void main(String args[])
            int var1 = 5;
           int var2 = 6;
           int var3;
          var3 = ++ var2 * var1 / var2 + var2;
          System.out.print(var3);
8. int sum = 0;
   int item = 0;
   do {
    item++;
    sum += item;
    if (sum > 4) break;
   while (item < 5);
9.
     class array output
       public static void main(String args[])
          int array variable [] = new int[10];
     for (int i = 0; i < 10; ++i)
          {
             array variable[i] = i;
             System.out.print(array_variable[i] + " ");
             i++;
10. public class Show{
   public static void main(String[] args) {
   int i;
   int j = 5;
   if (j > 3) System.out.println(i + 4);
```

## III. Write Java programs for the following:

(10 Marks)

1) Write a program to print a table of all prime numbers less than 600. Take the first 600 integers and cross out all those that are multiples of 2, 3, 5, etc. until only primes remain, and then print out the table. The table must be organised so that there are ten prime numbers on each line.

2) Consider a function f(n) informally defined thus:

$$f(0) = 2$$

$$f(1) = 1 + \frac{1}{2+1}$$

$$f(2) = 1 + \frac{1}{2 + \frac{1}{2 + 1}}$$

$$f(3) = 1 + \frac{1}{2 + \frac{1}{2 + 1}}$$

$$f(4) = 1 + \frac{1}{2 + \frac{1}{2 + \frac{1}{2 + 1}}}$$

Note that n is the number of *vincula* in the recurring fraction. Write a method private static double f(int n) which returns the appropriate value. Incorporate the function into a complete program which will write out the values:

$$f(0), f(1), \dots f(10).$$

Faculty of Science Mathematics Department First Term Exam Algorithm Code: MC353

Code: MC353 Time: 3 hours January 2020

O(n)

**O**(1)

Distribution

<

2

3

4



11

12

13

14

Worst

 $O(n^2)$ 

T[h[k]]

independent

امتحان الفصل الدراسي الاول المستوي: الثالث المقرر: خوارزميات الرمز: ٣٥٣ رك الزمن: ٣ساعات يناير ٢٠٢٠

#### Answer the following questions

6

7

8

9

(50 Marks)

16

17

18

19

## **Question 1:** Complete the following statements from the given table.

n(n-1)/4

 $\Theta(|T[h(k)]|)$ 

linear

Recur

(20 Marks)

Average

 $O(\lg n)$ 

right

Note: each answer may be used several times.

_	U (-)		110041	,	7[[]]	1	1.5	i.
5	Time	10	O(n lg n)	15	Quadratic	20	Conquer	-
a	efficiency m	neans	amount of work do	one.				
b.	$10^2 n + 10^5$ is a	fu	nction.					
c. 1	f(n) is $(g(n))$ if	there	exist positive con	stants	c and n <sub>0</sub> such that	$f(n) \le c$	$g(n)$ for all $n \ge n_0$	)
d	is to comb	ine the	e solutions for S1,	S2,	, into a solution fo	or S.		
	In practice, many al							
	Each of the n - 1 ca							
	Radix sort is sorting							
	The running time of							
i. ]	In Quicksort, $A[i+1]$	j – ]	] pivot				PF2	
	Dictionary operation			o take	time.		¥	
	In Selection Sort, th					S.	ş.*	
1.	Time to search for a	n eler	nent with key $k$ is				- 1 Sy	
m. <i>1</i>	Any algorithm that s	sorts b	y comparison of k	eys an	d removes at mos	t one inv	ersion after each	
(	comparison must do	at lea	st compa	risons	on the average.			
n. l	Hash value should b	e	of any patter	ns that	might exist in the	e data.		
0.	The time complexity	of T	(n) = 2T(n/2) + n i	s	• • •			
	BuildMaxHeap() tal							
q. Y	With hash tables, ke	y <i>k</i> m	aps or "hashes" to	slot				
r.	The worst case of In	sertio	n sort is					
S.	The total time taken	by H	eapSort() is					
	Load factor α=n/m =							
			•	,				

(10 Marks)

Question 2: (10 Marks)

I. Consider inserting the keys 10; 22; 31; 4; 15; 28; 17; 88; 59 into a hash table of length m = 11 using open addressing with double hashing and  $h_1(k)=k$  and  $h_2(k)=1+(k \mod(m-1))$ 

II. Consider a hash table of size m = 1000 and a corresponding hash function  $h(k) = \lfloor m (kA \mod 1) \rfloor$  for  $A = (\sqrt{5} - 1)/2$ . Compute the locations to which the keys 61, 62, 63, 64, and 65 are mapped.

**Question 3:** 

(10 Marks)

- I. Give a tight asymptotic upper bound (O notation) on the solution to each of the following recurrences.
  - a)  $T(n) = \sqrt{2}T(n/2) + \log n$

b) T(n) = 3T(n/3) + n/2

c) 
$$T(n) = 8T(n/2) + n^2$$

d) 
$$T(n) = 2T(n/4) + n^{0.51}$$

e) 
$$T(n) = 16T(n/4) + n$$

II. Illustrate the operation of Quicksort on the array A = [2, 5, 8, 3, 9, 4, 1, 7, 10, 6].

Question 4: (10 Marks)

I. Write the algorithm of MaxHeapify () and discuss its complexity.

II. An array A[1..2n+1] is **wiggly** if  $A[1] \le A[2] \ge A[3] \le A[4] \ge ... \le A[2n] \ge A[2n+1]$ . Given an unsorted array B[1..2n+1] of real numbers, describe an efficient algorithm that outputs a permutation A[1..2n+1] of B such that A is a wiggly array.