

قسم الرياضيات		كلية العلوم
إمتحان نهائي للفصل الأول ٢٠١٧-٢٠١٨		
التاريخ: ٢٢-١٢-٢٠١٧	الفرقة :المستوي الثاني	
الزمن :ساعتان	رقم المقرر ورمزه :٢٣١	اسم المقرر:ميكانيكا نيوتونية الدرجة الكلية : ٥٠ درجة

أجب عن الأسئلة التالية :-

السؤال الأول أجب عن فقرتين فقط :

(أ) - أدرس حركة جسيم كتلته m مقذوف بسرعة ابتدائية v_0 في اتجاه يميل علي الأفقي بزاوية α ويتحرك حرا تحت تأثير الجاذبية الأرضية g فقط (إهمال مقاومة الهواء) . اذا كان τ هو زمن الطيران , R هو المدى فاثبت ان

$$g \tau^2 = 2 R \tan \alpha \quad (٨ درجات)$$

(ب) - بدا جسيم كتلته m حركته في خط مستقيم بسرعة v_0 في وسط مقاومته $(\lambda v + \mu v^2)$ حيث v هي السرعة أوجد المسافة المقطوعة حتي توقف الجسيم حيث (λ, μ) ثوابت . (٨ درجات)

(ج) - تنزل عربة سكة حديد مفتوحة كتلتها m_0 علي قضبان أفقية لمساء بسرعة أفقية منتظمة V_0 . اذا بدا المطر يسقط بسرعة u الي اسفل داخل العربة بمعدل زمني ثابت α . أوجد المسافة المقطوعة بعد فترة فترة زمنية t . (٨ درجات)

(٩ درجات) **السؤال الثاني:**

انطلق صاروخ رأسيا الي أعلى وكانت كتلته الكلية m_0 وكتلة ما به من وقود تساوي $\frac{m_0}{2}$ وكان الوقود يحترق بمعدل

$\frac{m_0}{n}$ كل ثانية وتنبعث الغازات من مؤخرته بسرعة نسبية ng رأسيا الي اسفل . أوجد قيمة n التي تجعل اقصى سرعة

للساروخ هي $(\frac{1}{2} - \ln 2)$ مع ملاحظة أن الصاروخ بدأ حركته من سكون

السؤال الثالث : اجب عن فقرتين فقط :

(أ) - عرف التدرج والالتفاف للدوال , ومن ثم اثبت المعادلة الاتجاهية $(\vec{a} \wedge \vec{b}) \wedge (\vec{c} \wedge \vec{d}) = \vec{0}$ (٨ درجات)

بحيث يمكن رسم المتجهات الاربع السابقة في مستوى واحد .

(ب) - قوتان $\vec{F}_1, \vec{F}_2$ متلاقيتان في نقطة , دارت محصلتهما زاوية قائمة عندما انعكس اتجاه احدهما اثبت ان القوتان متساويتان (٨ درجات)

(ج) - عرف اللولبيه واوجد شروطها واستنتج خطوطها ومعادلتها . (٨ درجات)

السؤال الرابع: (٩ درجات)

عرف زاوية الاحتكاك , واذا وضع مربع على مستوى مائل خشن بحيث كان مستواه رأسيا وانطبق احد اضلاعه على خط اكبر ميل , وربط خيط في رأسى المربع العليا وشد في اتجاه يوازي خط اكبر ميل الى اعلى المستوى . اثبت انه اذا زاد الشد بالتدرج فان المربع ينزلق او ينقلب حسبما يكون زاوية ميل المستوى اصغر او اكبر من $\tan^{-1}(1-2\mu)$ حيث μ معامل الاحتكاك .

انتهت الأسئلة مع تمنياتنا بالتوفيق والنجاح & أ.د/ محمد أحمد منصور & أ.د/ أحمد يوسف بكير

Department of Mathematics		قسم الرياضيات
Faculty of Science		كلية العلوم
امتحان نهائي الفصل الدراسي الاول للعام الجامعي ٢٠١٧ / ٢٠١٨ م الفرقة : الثانية كلية العلوم - شعبة رياضيات - حاسب الي - فيزياء		
الزمن : ساعتين	التاريخ : ٢٠١٨ / ١ / ١٨ م درجة الاختبار : ٥٠ درجة	اسم المقرر : جبر خطي وهندسة فراغية رمز المقرر : ٢٢١ ر

أجب عن أربعة أسئلة فقط من الآتي :- (درجة الاختبار ٥٠ درجة) (كل سؤال ١٢.٥ درجة)

- (١) (أ) عرف الفضاء الجزئي ثم بين ما اذا كانت مجموعة كل المتجهات التي على الصورة الآتية تكون فضاءً جزئياً من R^4 : $(a, b, b^2, b - 4a)$
- (ب) اذا كان V هو الفضاء المنشأ بواسطة المتجهات : $v_1 = \cos^2 x$, $v_2 = \sin^2 x$, $v_3 = \cos 2x$ اثبت ان : $S = \{v_1, v_2, v_3\}$ ليس أساس للفضاء V ثم أوجد الشروط اللازمة لكي تكون S أساس للفضاء V .
- (ج) عرف فضاء الضرب الداخلي واذكر مع البرهان متباينة كوشي - شوارتز.

- (٢) (أ) باستخدام تعريف الضرب الداخلي على المصفوفات من نوع 2×2 اثبت أن المتجهين الآتيان يحققان نظرية فيثاغورث : $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ -1 & 3 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- (ب) استخدم عملية جرام - شميدت لإيجاد أساس عياري متعامد للفضاء R^3 من المتجهات : $u_1 = (1, 1, 0)$, $u_2 = (1, 0, 1)$, $u_3 = (0, 1, 1)$
- (ج) عرف متجه ومصفوفة الاحداثيات لمتجه في فضاء خطي وإذا كان لدينا الاساسين : $S = \left\{ \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right\}$ فأوجد مصفوفة الانتقال P من S الى S' للفضاء R^2 ثم استخدمها في إيجاد $[v]_{S'}$ إذا كان $[v]_S = \begin{pmatrix} 3 \\ 4 \end{pmatrix}$

- (٣) (أ) نفرض ان $T : R^3 \rightarrow W$ هي مسقط R^3 العمودي على المستوى xz فأوجد صيغة للتحويل T ثم أوجد $T(2, 7, -1)$.
- (ب) نفرض ان $S = \{v_1, v_2, v_3\}$ أساس للفضاء R^3 حيث : $v_1 = (1, 2, 3)$, $v_2 = (2, 5, 3)$, $v_3 = (1, 0, 0)$ أوجد صورة للتحويل $T : R^3 \rightarrow R^2$ الذي يحقق : $T(v_1) = (1, 0)$, $T(v_2) = (1, 0)$, $T(v_3) = (0, 1)$ ثم أوجد : $T(1, 2, 2)$.

من فضلك باقي الاسئلة في خلف الصفحة <<<

- (٤) (أ) عرف النواة والمدى للتحويل الخطي $T : V \rightarrow W$ ثم اثبت أن :
- (i) نواة T هي فضاء جزئي من V . (ii) مدى T هي فضاء جزئي من W .
- (ب) أوجد القيم الذاتية وأساسات الفراغات الذاتية للمؤثر الخطي $T : P_2 \rightarrow P_2$ المعرف بالصورة الآتية:
- $$T(a + bx + cx^2) = (5a + 6b + 2c) - (b + 8c)x + (a - 2c)x^2$$

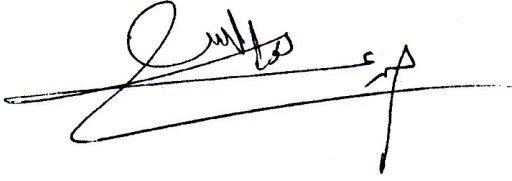
(٥) استخدم تطبيقات الجبر الخطي في وصف المنحنيات والسطوح التالية وذلك بعمل دوران $X = PX'$ لازالة حدود الضرب في كل مما يلي:

(أ) وصف القطع المخروطي في المستوى الذي معادلته:

(ب) تحديد نوع السطح التالي في الفراغ:

ثم أوجد اطوال محاوره الاساسية ومعادلات مستوياته الاساسية.

إنتهت الإسنلة مع دعواتنا لكم بالتوفيق والنجاح أ.د. حمدي نور الدين



	Assiut University Faculty of Science Mathematics Dept.	Final Exam Object Oriented programing Code : MC251	Date :31/12/2017 Level: Second Time : 2 Hour	
---	---	---	---	---

Answer the following questions:

(50 Marks)

Question 1:

Choose the correct answer and write it in the answer table:

(15 Marks)

1. In which of the following is y not equal to 5 after execution? Assume x is equal to 4.

a) $y = 5;$	b) $y = ++x;$	c) $y = x++;$	d) $y = x = 5;$
-------------	---------------	---------------	-----------------

2. Which of the following will not increment variable c by one?

a) $c++;$	b) $++c;$	c) $c + 1;$	d) $c + 1;$
-----------	-----------	-------------	-------------

3. What is the value of x after the following statements? `int x; x = 15 % 4;`

a) 4	b) 15	c) 3	d) 0
------	-------	------	------

4. What is the correct way to write the condition $y < x < z$?

a) $(y < x) \parallel (x < z)$	b) $(y < x) \&\& (x < z)$	c) $(y < x) \text{ or } (x < z)$	d) $(y < x) \text{ and } (x < z)$
--------------------------------	---------------------------	----------------------------------	-----------------------------------

5. Suppose $x = 5$ and $y = 6$. What is x after evaluating $(y > 10) \&\& (++x > 10)$?

a) 5	b) 6	c) true	d) false
------	------	---------	----------

6. Suppose $x = 3$ and $y = 4$. What is x after evaluating $(y > 10) \&\& (x-- > 10)$?

a) 2	b) 3	c) 1	d) 0
------	------	------	------

7. What is the value of x after the following stat.? `double x; x = 0; x += 3.0 * 4.0; x -= 2.0;`

a) 12.0	b) 10.0	c) 11.0	d) 1.0
---------	---------	---------	--------

8. What is the output of the following? `float value; value = 33.5; cout << "value" << endl;`

a) 33.5	b) value	c) "33.5"	d) "value"
---------	----------	-----------	------------

9. What is the value of x after the following statement? `float x; x = 3.0/4.0 + 3 + 2/5;`

a) 3.75	b) 0.75	c) No value	d) 4.15
---------	---------	-------------	---------

10. What is the value of x after the following code ? `int x = 10; if(x++ > 10) {x = 13;}`

a) 13	b) 10	c) 11	d) 12
-------	-------	-------	-------

11. What is the value of the following expression? $(\text{true} \&\& (4/3 \parallel !(6)))$

a) false	b) true	c) 1	d) 0
----------	---------	------	------

12. Consider the following program segment. Assuming that it is embedded in a working program, how many times is the while loop executed?

```
int X = 0, NUM = 2, SUM = 3;
while(X <= 5)
{
    SUM = SUM + X;
    X = X + 2;
    NUM++;
}
```

- a) 3 times b) 4 times c) 5 times d) 6 times

13. Which of the following correctly declares an array?

- a) int array[10]; b) int array; c) array{10}; d) array array[10];

14. What is the index number of the last element of an array with 9 elements?

- a) 9 b) 8 c) 0 d) user-defined

15. M = 5, N = 2; min = (M! - 2 && N - 2) ? 3 : 5; as a result of this code min is.....

- a) 3 b) 5 c) 2 d) 1

Answer Table

Question	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
Answer															

Question 2:

Write the output of the following blocks of code:

(10 Marks)

No	Code	Output
1.	<pre>int n = 3; while (n > 0) { cout << n * n << endl; --n; } cout << n << endl; while (n < 4) cout << ++n << endl; cout << n << endl;</pre>	
2.	<pre>int x = 2, y = 3; // cout << "x + y = " << x + y; cout << x + y << " = " << y + x;</pre>	

```

3. Assume i = 1, j = 2, k = 3 and m = 2.
   cout << ( k + m < j || 3 - j >= k ) << endl;
   cout << ( !m ) << endl;
   cout << ( m <= 99 && k < m ) << endl;
   cout << ( !(j - m) ) << endl;

4. int i = 1;
   while (i < 10)
   if ((i++) % 3 == 0)
       cout<<i;

5. int main()
   {
       int a, b; a = 42; b = 23;
       foobar(a,b);
   }

void foobar( int b, int a ) {
    if (a == b)
        cout << "Equal ";
    cout << a - b << endl; }

```

Question 3:

Underline the error in each block of code below and correct it:

(10 Marks)

No	Code	Correction
1.	<pre> while (x <= 100) total += x; ++x; </pre>	
2.	<pre> int x = 1, total; while (x <= 10) { total += x; ++x; } </pre>	
3.	<pre> int x; double d = 1.5; switch (d) { case 1.0: x = 1; break; case 1.5: x = 2; break; case 2.0: x = 3; break; } </pre>	
4.	<pre> void printResults (int x, int y) { cout << "The sum is " << x + y << '\n'; return x + y; } </pre>	
5.	<pre> if (radius >= 0) area = radius * radius * PI; cout<<"The area is "<< area; </pre>	

Question 4:

Write C++ programs for the following :

(15 Marks)

1. Write a function `fmul()`, and `fdiv()` takes two inputs of type struct fraction and return an argument of the same type. Write the main program to call this function.
2. Write a program that asks the user to type 10 integers of an array. The program must compute and write how many integers are greater than or equal to 10.

Best Wishes

Dr. Mohamed Mustafa darwish



كلية الهندسة
مساحة مستوية
يناير ٢٠١٨

جامعة أسيوط
كلية الهندسة

المقرر ٢٠٠ هـ
امتحان نهاية الفصل الدراسي الاول



قسم الهندسة المدنية
الزمن : ساعتان

اجب عن جميع الاسئلة الآتية:

السؤال الأول: (٥٠% من الدرجة الكلية)

- (أ) عرف الميزانية ثم اذكر انواع الميزانية وتحدث عن اهمية الميزانية.
(ب) وضح بالرسم كيف يمكن قياس طول خط بين نقطتان تقعان كلاهما على احدى ضفتي نهر لايمكن الوصول اليها. في حين يتم القياس من الضفة الاخرى.
(ج) تم قياس طول خط على ارض منحدره بزاوية ميل مقداره ٣ درجات وذلك بواسطة شريط طوله الحقيقي يساوي ١٩,٩٥ متر. فاذا كان الطول المقاس للخط على المائل هو ١٤٦,٣ متر.

والمطلوب:

- ١- احسب الطول الافقي الحقيقي للخط.
٢- اذا كان طول نفس الخط على احدى الخرائط هو ٢,٩١٥ سم، احسب مقياس رسم الخريطة.
(د) رصدت الانحرافات التالية على المضلع أ ب ج د فكانت كما بالجدول:

الانحراف الخلفي	الانحراف الأمامي	الضلع
١٠ ٠١٤٧	١٥٠ ٠٣٢٧	أ ب
٢٠ ٠٢١١	١٤٠ ٠٣١	ب ج
١٠٠ ٠١٢٨	١٣٠ ٠٣٠٨	ج د
١٣٠ ٠٤٢	١٢٠ ٠٢٢٣	د أ

- المطلوب: ١- احسب الانحرافات المصححة بطريقة المتوسطات.
٢- ارسم كروكي المضلع اذا كان طول أ ب = ٨٣٠ متر ، طول أ د = ٣١٠ متر.

السؤال الثاني: (٥٠% من الدرجة الكلية)

- (أ) ما الفرق بين الانحراف الجغرافي والانحراف المغناطيسي، والى ايا منهما تشير البوصلة.
(ب) صمم مقياساً شبكياً لخريطة مقياس رسمها ١:٥٠٠٠٠ يبين الى دقة ٢,٥ متر، ثم بين عليه الطول ١٣٢,٥ متر.
(ج) أخذت القراءات التالية عند عمل ميزانية على محور طريق، فكانت:
١,٨٤ ، ١,٥٤ ، ١,٦٥ ، ١,٥٩ ، ٠,٩٤ ، ١,٦٥ ، ١,٢٤ ، ٠,٣٠ ، ٢,٠٩ ، ١,١٣ ، ٢,١٤ ، ١,٢٠ ، ١,٨٣ ، ٢,٠٥ ، ٢,٥٠ ، ٢,٢٤ ، ١,٤٢ . فإذا كانت القراءات الرابعة والخامسة عشرة مقدمات، والقراءة العاشرة مؤخرة وكانت النقطة الخامسة والثامنة نقاط دوران، أوجد مناسيب النقط المختلفة إذا كانت النقطة الثالثة روبير منسوبه (٢٤,٠٠) متر وذلك بطريقة الارتفاعات والانخفاضات. ثم حقق النتائج حسابياً.

***** انتهت الاسئلة *****

مع أطيب التمنيات بالتوفيق.....

Department of Mathematics		قسم الرياضيات
Faculty of Science		كلية العلوم
الامتحان النهائي للفصل الدراسي الأول للعام الجامعي ٢٠١٧ / ٢٠١٨		
شعبتي: الرياضيات وعلوم الحاسب		طلاب المستوى الثاني
التاريخ: الإثنين ٢٥/١٢/٢٠١٧م	الدرجة الكلية: ٥٠ درجة	اسم المقرر رمزه:
الزمن: ساعتان		رياضيات متقطعة ٢٢٣ ر

أولاً: أجب عن السؤال التالي (عشرون درجة)

١- (أ)	نفرض أن نطاق دالة التقارير $P(x,y)$ يتكون من كل الثنائيات (x,y) حيث $x=1,2,3$ و $y=1,2,3$. أكتب التقارير التالية باستخدام الفصل والعطف. (i) $\exists x \exists y P(x,y)$ (ii) $\forall x \exists y P(x,y)$ (٤ درجات)
(ب)	لأي ثلاث مجموعات A, B, C برهن أن (i) $(A \times B) \cap (B \times A) = (A \cap B) \times (A \cap B)$ (ii) $A \times (B - C) = (A \times B) - (A \times C)$ (٤ درجات)
(ج)	هل يمكن للرسم الثابت أن يكون أحادي؟ فوقي؟ (درجتان)
(د)	أكتب الثنائيات المرتبة في علاقة التكافؤ المولدة بالتجزئ $\{a\}, \{b\}, \{c,d\}$ ، $\{e,f\}, \{g\}$ للمجموعة $\{a,b,c,d,e,f,g\}$. (درجتان)
(هـ)	في مؤسسة ما يوجد تسعة رجال وسبع نساء. كم عدد الطرق لاختيار لجنة من خمسة أعضاء من المؤسسة بشرط أن تحتوي اللجنة على رجل واحد على الأقل وامرأة واحدة على الأقل؟ (٤ درجات)
(و)	برهن على أن الرسم البسيط يكون منقسم إذا وفقط إذا كان العدد التلوييني له يساوي 2. (٤ درجات)

ثانياً: أجب عن سؤاليين فقط مما يأتي (١٥ درجة لكل سؤال)

٢- (أ)	أعد كتابة العبارات التالية بحيث أن النفي يظهر فقط أمام المقدرات. (٤ درجات) (i) $\sim \forall x \exists y (P(x,y) \rightarrow Q(x,y))$ (ii) $\sim (\exists x \exists y \sim P(x,y) \wedge \forall x \forall y Q(x,y))$
(ب)	نفرض أن $\{A_i : i \in I\}$ تجزئ للمجموعة S ، بين أنه توجد علاقة تكافؤ R على المجموعة S تكون A_i ، $i \in I$ هي فصول التكافؤ لها. (٨ درجات)
(ج)	نفرض G رسم بسيط مستوي مترابط له e حافة و v رأس حيث $v \geq 3$ وليس به دورات من الطول 3. برهن على أن $e \leq 2v - 4$. (٣ درجات)
٣- (أ)	نفرض الرواسم $f : A \rightarrow B$ ، $g : B \rightarrow A$ ، $h : C \rightarrow B$ ، $F : B \rightarrow C$ و

		$G: A \rightarrow C$. بين ما إذا كان التحصيل التالي معرف أم لا. إذا كان معرف حدد النطاق والنطاق المصاحب للرسم الناتج.
		(i) $h \circ f$ (ii) $G \circ f$ (iii) $F \circ h$ (iv) $h \circ G \circ g$ (٤ درجات)
(ب)		كم سلسلة بتات يمكن تكوينها من طول لا يزيد عن ستة ؟ (درجتان)
(ج)		هل يوجد رسم بسيط له ستة رؤوس درجاتها كالتالي، أرسم الرسم إن وجد: (i) 1, 2, 3, 4, 5, 6 (ii) 2, 2, 2, 2, 2, 2 (iii) 3, 2, 3, 2, 3, 2 (٥ درجات) (iv) 3, 2, 2, 2, 2, 3 (v) 1, 1, 1, 1, 1, 1
(د)		هل يوجد رسم منقسم به عشرة رؤوس ومنتظم من درجة 3؟ إذا لم يوجد وضح لماذا ؟ (درجتان)
(هـ)		كم حافة يجب إزالتها من الرسم المترابط الذي به n رأس و m حافة لكي ينتج شجرة ممتدة ؟ (درجتان)
٤- (أ)		كم سلسلة من أربعة أرقام عشرية بحيث (i) لا تحتوي نفس الرقم أربع مرات؟ (ii) تبدأ برقم فردي؟ (iii) تحتوي تحديدا الرقم 8 ثلاث مرات؟ (٦ درجات)
(ب)		نفرض G رسم بسيط. بين أن العلاقة R على مجموعة رؤوس G حيث uRv إذا وفقط إذا كان يوجد حافة مصاحبة لـ $\{u, v\}$ ، تكون علاقة متماثلة وغير عاكسة. (درجتان)
(ج)		يعرف رسم التقاطع لتجمع من المجموعات $A_1, A_2, \dots, A_n$ على أنه الرسم الذي له رأس لكل مجموعة من هذه المجموعات وحافة تربط الرؤوس الممثلة لمجموعتين من هذه المجموعات إذا كان تقاطع المجموعتين غير خالي. كون رسم التقاطع للتجمع التالي: $A_1 = \{0, 2, 4, 6, 8\}$ ، $A_2 = \{0, 1, 2, 3, 4\}$ ، $A_3 = \{1, 3, 5, 7, 9\}$ ، $A_4 = \{5, 6, 7, 8, 9\}$ ، $A_5 = \{0, 1, 8, 9\}$. (درجتان)
(د)		نفرض G رسم بسيط مستوي مترابط له e حافة و v رأس و r منطقة. برهن على أن $v - e + r = 2$. (٥ درجات)

انتهت الأسئلة — مع تمنياتنا لكم بالتوفيق

لجنة الممتحنين : أ.د/ فتحي هشام خضر
أ.د/ أسامة راشد سيد



جامعة أسيوط
كلية العلوم
قسم الرياضيات

امتحان نهاية الفصل الدراسي الأول 2018/2017
المقرر: تفاضل وتكامل متقدم (211 ر)

الزمن : ساعتان

الدرجة الكلية : 50 درجة

السؤال الأول (10 درجات)

(أ) ادرس الاتصال عند نقطة الأصل للدالة:

$$f(x, y) = \begin{cases} \frac{\cos(x+y)}{x+y}, & (x, y) \neq (0, 0), \\ 0, & (x, y) = (0, 0). \end{cases}$$

(ب) أثبت أنه إذا كانت $u: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ دالة قابلة للتفاضل فإن مؤثر لابلاس لها

$$\Delta u = \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial y^2}$$

ياخذ في الإحداثيات القطبية الصورة

$$\frac{\partial^2 u}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial u}{\partial r} + \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2 u}{\partial \theta^2}$$

السؤال الثاني (12 درجة)

(أ) أوجد مفكوك تايلور حتى حدود الدرجة الثانية للدالة $f(x, y) = e^{x^2 - y^2}$ حول النقطة $(1, 1)$

(ب) بين أنه إذا كانت $g(x, y, z) = \tan^{-1}(xyz)$ وكان $\vec{a} = \vec{i} + \vec{j} + \vec{k}$ فإن المشتقة المتجهة

$$(\nabla_a g)(1, 1, 0) = 1$$

السؤال الثالث (12 درجة)

(أ) أثبت أن معادلة المستوى المماس للسطح $z = \sin^{-1} \frac{x}{y}$ عند النقطة $(0, 1, 0)$ هي $x = z$

(ب) عين النقاط الحرجة للدالة $f(x, y) = x^3 + x^2y - y^2 - 4y$ وادرس جود قيم قصوى للدالة f عند كل منها

السؤال الرابع (16 درجة)

(أ) إذا كانت $S := \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x \geq 0, x^2 \leq y \leq 1\}$ فاثبت أن $\iint_S y \, dx \, dy = \frac{4}{5}$

(ب) احسب المساحة المحصورة بين بين محوري الإحداثيات ومنحنى الدالة اللوغاريتمية $y = \log x$ والمستقيم $y = 1$

(ج) أثبت أن $\iint_{0 \leq y \leq 4-x^2} x^3 \, dx \, dy = 0$

انتهت الأسئلة

د. أحمد عبد الستار عبد الحكيم

مع تمنياتنا بالتوفيق ,,,

كلية العلوم - قسم الرياضيات		Department of Mathematics, Faculty of Science, University of Assiut .
العام الدراسي 2017/ 2018 م	امتحان نهاية الفصل الدراسي الاول	التاريخ: 24/ 12/ 2017
الفرقة : ساعات معتمدة علوم (المستوى الثاني)	الدرجة الكلية : 50 درجة	
مسمى المقرر: احصاء حيوي	رمز المقرر: ٢٤١ را	الزمن: ثلاث ساعات

أولا : أجب عن سؤال واحد فقط من السوالين التاليين: (استخدم مايلزم من القيم الجدولية في نهاية ورقة الأسئلة)

السؤال الأول: (10 درجات)

(أ) إذا أخذت عينة عشوائية مكونة من 100 جهاز كهربائي من إنتاج مصنع A ، ووجد أن 7 منها غير صالحة للاستعمال، وأخذت عينة أخرى مكونة من 150 جهاز كهربائي من إنتاج مصنع B ، ووجد أن 11 منها غير صالحة للاستعمال:

- (i) أوجد فترة ثقة 98% لتقدير الفرق بين نسبتي المصباح الغير صالحة للاستعمال من إنتاج المصنعين. (3 درجات)
- (ii) أوجد فترة ثقة 95% لتقدير نسبة المصباح الغير صالحة للاستعمال من إنتاج المصنع A . (3 درجات)

(ب) صوب شخصان نحو هدف وكان احتمال إصابة الشخص الاول للهدف هو 0.15 واحتمال إصابة الشخص الثاني للهدف هو 0.24 . أوجد احتمال إصابة الهدف إصابة واحدة على الأقل؟ (4 درجات)

السؤال الثاني: (10 درجات)

(أ) إذا أعلن أحد مسؤولي الرقابة الادارية على السلع الاستهلاكية أن متوسط وزن أكياس الدقيق يساوي 50 كيلوجرام . فإذا أخذت عينة حجمها 16 كيس دقيق ووجد أن الانحراف المعياري لأوزان العينة هو 2.2 كيلوجرام. احسب احتمال أن يزيد متوسط وزن العينة عن 51 كيلوجرام. (5 درجات)

(ب) فصل دراسي يدرس فيه 25% من الطلاب مادة الرياضيات، وتدرس فيه 10% من الطالبات مادة الرياضيات، حيث كانت الطالبات تمثل 60% من الدارسين في الفصل. فإذا اخترنا شخص بطريقة عشوائية وكان يدرس الرياضيات فما احتمال أن يكون طالبا؟ (5 درجات)

أجب عن جميع الأسئلة التالية:

السؤال الثالث: (10 درجات)

(أ) إذا كانت نسبة حدوث شفاء من مرض نفسي بدواء معين هو 60% ، فإذا أخذنا عينة من 20 مريض بهذا المرض وتم علاجهم بنفس الدواء:

- (i) ما احتمال أن يشفى منهم 3 على الأقل . (2 درجات)
- (ii) احسب المتوسط والانحراف المعياري لعدد الذين تم شفاءهم. (3 درجات)

(ب) إذا كان عدد ساعات النوم لنوعين من الحبوب المنومة أحدهما جديد والآخر قديم تتوزع توزيعا طبيعيا (معتدلا) بتباينات متساوية ومتوسطات 8 ساعات للنوع الجديد و 6.5 ساعة للنوع القديم. فإذا تم أخذ عينتان من الأشخاص حجم كلا منهما 16 شخصا ، وأعطيت العينة الأولى النوع الجديد من الحبوب فكان الانحراف المعياري لعدد ساعات النوم في العينة 3 ساعات ، بينما أعطيت العينة الثانية النوع القديم وكان الانحراف المعياري لها هو 2.5 ساعة. فما احتمال أن يزيد متوسط عدد ساعات النوم في عينة النوع الجديد عن متوسط عدد ساعات النوم في عينة النوع القديم بمقدار ساعتين على الأقل؟ (5 درجات)

السؤال الرابع: (10 درجات- كل فقرة 5 درجات)

الجدول التالي يوضح عدد الكلمات المطبوعة في الدقيقة لعشرة طلاب قبل وبعد أخذ دروس في الطباعة.

45	48	31	59	52	37	40	45	56	48	قبل الدروس Y
43	50	49	56	58	67	63	61	57	70	بعد الدروس X

بفرض أن الكلمات المطبوعة في الدقيقة تتبع التوزيع الطبيعي :

أقلب الورقة باقي الأسئلة بالخلف

- (أ) كون فترة 90% ثقة لتقدير متوسط عدد الكلمات المطبوعة في الدقيقة بعد أن يأخذ الطالب دروس الطباعة.
 (ب) هل يوجد اختلاف في متوسط عدد الكلمات المطبوعة بعد أخذ الدروس عن المتوسط قبل أخذ الدروس وذلك عند مستوى معنوية 5%.

السؤال الخامس: (10 درجات - كل فقرة 5 درجات)

(أ) إذا كان $\bar{x}_1 = 4.5$, $s_1^2 = 0.8$ هما متوسط وتباين عينة حجمها $n_1 = 10$ مسحوبة من مجتمع توزيعه $N(\mu_1, \sigma^2)$ وكان $\bar{x}_2 = 3.8$, $s_2^2 = 1.2$ هما متوسط وتباين عينة أخرى حجمها $n_2 = 6$ مسحوبة من مجتمع $N(\mu_2, \sigma^2)$. اختبر الفرض القائل بتساوي متوسطي المجتمعين وذلك عند مستوى معنوية 0.05.

(ب) زعمت إحدى شركات صناعة كرة المضرب (التنس) أن متوسط عمر مشجع التنس هو 32 سنة، ولإختبار هذا الزعم أخذت عينة عشوائية حجمها 18 مشجع تنس فوجد أن متوسط عمرهم 31.3 سنة، والانحراف المعياري لأعمارهم هو 2.8 سنة. هل متوسط عمر مجتمع المشجعين أقل من المتوسط الذي زعمته هذه الشركة عند مستوى معنوية 0.05 ؟

السؤال السادس: (10 درجات - كل فقرة 5 درجات)

(أ) في دراسة لمعرفة سبب تخلف عمال شركة صناعية عن العمل، أخذت عينة من 200 عامل تبين منها أن 90 عامل منهم تخلفوا بسبب مرضهم. بينما في دراسة أخرى لنفس الشركة تمت من عشر سنوات مضت وجد أن من عينة حجمها 200 عامل قرر 70 منهم أن المرض هو سبب تخلفهم عن العمل. فهل هناك فرق في النسب بين الدراستين أم لا؟ معتبرا مستوى معنوية 0.05.

(ب) فيما يلي بيانات عن كمية البروتين اليومي بالجرام (x) التي يحتاجها حيوان رضيع، ومقدار الزيادة في وزنه بالكيلوجرام (y). وذلك لعينة من هذه الحيوانات الرضيعة حجمها 10

x	10	11	14	15	20	22	35	40	47	55
y	10	10	12	12	13	13	18	15	16	20

استخدم طريقة المربعات الصغرى لإيجاد قيمتي a, b التي تجعل الخط المستقيم $y = a + bx$ هو أفضل خط يقرب البيانات السابقة، ثم أوجد وزن الرضيع عندما يعطى كمية بروتين مقدارها 65 جرام.

استخدم ما يلزم من القيم الجدولية التالية:

$$t_{(15, 0.96)} = 1.82, \quad t_{(30, 0.70)} = 0.512, \quad t_{(9, 0.95)} = 1.83, \quad t_{(9, 0.975)} = 2.26$$

$$Z_{0.99} = 2.33, \quad Z_{0.95} = 1.65, \quad Z_{0.975} = 1.96, \quad Z_{0.995} = 2.58, \quad t_{(17, 0.95)} = 1.7$$

$$P(t_{(15)} < 1.82) = 0.96, \quad P(t_{(30)} < 0.512) = 0.70, \quad t_{(14, 0.975)} = 2.4,$$

انتهى مع تمنياتنا بالتوفيق،

د/صابرين جاد

أ.د/ هانم محمد

أ.د/ عبد الباسط عبدالله