



Answer the following questions:

Question One: (10 Points)

Choose the appropriate answer for **10 items only** from the following:

1. The Flowchart is a _____ representation of an algorithm.
a) text b) graphical c) tree d) physical
2. One can use _____ to clear the command window.
a) clc b) cls c) delete d) clear
3. In Flowcharts, _____ are used to input values of variables.
a)
b)
c)
d)
4. If X and Y are two matrices and both of them have 3 rows and 5 columns; which one of the following statements is a correct command in MATLAB?
a) X*Y b) X./Y c) Y/X d) X^2
5. Conditions are made in Flowcharts using _____.
a)
b)
c)
d)
6. To draw the curve between the vector X and the vector Y, you can use _____.
a) plot(x,y) b) Plot(x,y) c) Plot(X,Y) d) plot(X,Y)
7. The command _____ is used to compute the average of all elements of a matrix Z.
a) mean(Z) b) mean(mean(Z)) c) average(Z,2) d) average(Z)
8. The output of the command [ones(1,2), zeros(1,2)] is _____.
a) $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$ b) $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$ c) [1 1 0 0] d) $\begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$
9. To define a symbolic variable t, you have to write the command _____.
a) syms t b) sym t c) char t d) syms(t)
10. _____ is used to get more information about the command inv.
a) inv help b) inv? c) help inv d) help/inv
11. If T = [2, 4, 5, 11], then T(2) * T(end) = _____.
a) 8 b) 10 c) 22 d) 44

(2)

Question Two: (10 Points)

Write the MATLAB commands that perform **only 5 TASKS** of the following:

1. Generate the matrix A(5,5) that contains random numbers from 0 to 10.

Answer: (2 points)

2. Compute the summation of each row in A.

Answer: (2 points)

3. Compute the indices of elements greater than 5 in A.

Answer: (2 points)

4. Change all values in the first column in A to 1.

Answer: (2 points)

5. Round the values in the last row in A to the nearest integer number.

Answer: (2 points)

6. Compute the determinant of A^{-1} .

Answer: (2 points)

(3)

Question Three: (15 Points)

1. Write the output generated by the following code:

```

for i = 1:3:5
    x = i^2;
    if (x>2)
        disp(i , x);
    else
        disp(i)
    end
end

```

```

M = ones(3,3);
i = 1;
while(i<3)
    M(i , i)=5
    i=i+1;
end
disp(M)

```

Answer: (2 points)

Answer: (2 points)

2. Write the appropriate MATLAB commands for only 2 of the following items:

a. Compute: $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2+5}{3x^2-4}$

Answer: (3 points)

b. Compute: $\frac{df(x)}{dx}$, where $f(x) = e^{2x} \sin x$

Answer: (3 points)

c. Find x and y from the following two equations $2x - y = 1$, $x + 3y = 4$

Answer: (3 points)

3. Write a MATLAB function that takes a number N and return the value F , where

$$F = 1 * 2 * 3 * \dots * N$$

Answer: (5 points)

(٤٩)

Question Four: (15 Points)

1. Draw a flowchart that reads two numbers $N1$ and $N2$ and return the smallest number.

Answer: (6 points)

2. Draw a flowchart used to print all odd numbers from 1 to 100 and its squares.

Answer: (9 points)

**Part I: Answer the following questions: (Q1, Q3, Q4 have 6 Marks and Q2 has 7 Marks)**

Q1: Find: (i) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x \sin 2x \tan^2 2x}{x^2 \sin^2 3x}$, (ii) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2 \tan^{-1} x - x}{2x - \sin^{-1} x}$

Q2: (a) Examine the function $f(x)$ for continuity at $x = -1$, where $f(x) = \begin{cases} \frac{x+1}{x^2 - 4x - 5} & , x \neq -1 \\ 7 & , x = -1 \end{cases}$

(b) Find y' , If $y = \sqrt{\frac{u^2 + 1}{u^2 - 1}}$, $u = x^3 + 1$

Q3: Find y' : (i) $y = (x^4 + x^2) \tan^{-1} x$, (ii) $y = \frac{x - \sinh x}{x^2 + \sec x}$, (iii) $y = e^{\sin x} \cosh 3x$

Q4: (a) Find y' : (i) $y = \sin^{-1}(x^2 + 1) \cdot \ln(x^3 + 6)$, (ii) $y = \frac{\cosh^{-1} x}{1 + x^2}$

(b) Use the logarithmic differentiation to find y' for the function $y = \frac{(x+2)(x+3)(x-4)}{(x-2)^3}$

Part II: Answer four only from the following questions (25 marks, 6.25 mark for each question):Q1: By the method of mathematical induction, prove that

$$1 \cdot 3 + 3 \cdot 3^2 + 5 \cdot 3^3 + \dots + (2n-1) \cdot 3^n = (n-1) 3^{n+1} + 3$$

Q2: Resolve $\frac{6x^2 + 4x - 7}{(x-2)(x+3)^2}$ into its simplest partial fractions.Q3: Determine if the series $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(2n-1)(2n+1)}$ converges or diverges. If it converges, find the sum.Q4: Determine whether the following series converges or diverges:

$$(i) \sum_{k=1}^{\infty} \left(\frac{5k+3}{3k-1} \right)^k , \quad (ii) \sum_{k=1}^{\infty} \frac{(k!)^2 2^k}{(2k+2)!} , \quad (iii) \sum_{k=1}^{\infty} \frac{4k^2 - 2k + 6}{8k^7 + k - 8}$$

Q5: By using Gauss-Jordan elimination, determine all the solutions of the given equations:

$$2x_1 - x_2 + x_3 - x_4 = -1,$$

$$x_1 + 2x_2 + 3x_3 = 0,$$

$$3x_1 - 2x_2 + x_3 - x_4 = 0,$$

$$x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = 7$$



امتحان نهاية الفصل الدراسي الأول للعام الجامعي ٢٠١٤/٢٠١٥ م

الزمن : ساعتان
التاريخ: ٢٠١٥/١/٩رقم المقرر ورمزه : ١٠٥ (٢)
درجة الامتحان : ٥٠ درجةأولا التكامل: أجب عن الأسئلة الآتية:(١) إذا كان $I_n = \int x^n \cos x dx$. فثبت أن :

(٥ درجات) $I_n = x^n \sin x + n x^{n-1} \cos x - n(n-1) I_{n-2}$

(٢) اوجد قانون الاختزال للتكامل $\int x^2 (\ln x)^3 dx$. ثم احسب $I_n = \int x^\alpha (\ln x)^n dx$ (٥ درجات)

(٣) اوجد قيمة التكاملات الآتية: (٣ درجات عن كل فقرة)

(i) $\int \frac{x-2}{\sqrt{x^2+4x+5}} dx$, (ii) $\int \tan^3 x \sec^7 x dx$, (iii) $\int \frac{x^3-x}{\sqrt{4-x^2}} dx$,

(iv) $\int x \tan^{-1} x dx$, (v) $\int \frac{\sec x \tan x}{\sec^2 x + 2 \sec x + 10} dx$

ثانيا الهندسة: أجب عن الأسئلة الآتية (٥ درجات عن كل سؤال)(١) مثل بيانيا مجموعة الحل $\{(x, y) \in R^2 : y - x + 2 \geq 0, x + y - 2 \leq 0, x \leq 1, x \geq 0\}$ (٢) اوجد معادلة الدائرة في الاحداثيات القطبية مع الرسم إذا كان مركزها $(\frac{\pi}{3}, 6)$ و تمس المحور القطبي.(٣) للقطع المكافى $x^2 - 6y^2 - 2x - 1 = 0$ اوجد احداثيات كلا من الرأس والبورة ومعادلة كلا من الدليل والمحور والمماس عند الرأس. كذلك اوجد طول وتره البوري العمودي مع الرسم.(٤) للقطع الناقص $4x^2 + 9y^2 + 16x + 18y - 11 = 0$ اوجد مركزه وطول محوريه و احداثيات رأسيه و بورتيه و معادلتى الدليلين و اختلافه المركزي مع الرسم.(٥) اوجد معادلة القطع الزائد الذي مركزه نقطة الاصل و محوره القاطع هو محور $y=0$ و طوله 18 و طول وتره البوري العمودي = 2. كذلك اوجد احداثيات رأسيه و بورتيه و معادلتى الدليلين مع الرسم.

انتهت الأسئلة مع أطيب التمنيات بال توفيق و النجاح

لجنة الممتحنون : د/سماح جابر محمد

(١)

Department of Mathematics		قسم الرياضيات كلية العلوم
Faculty of Science		
امتحان نهاية الفصل الدراسي الأول (٢٠١٤ / ٢٠١٥) الدرجة الكلية : ٥٠ درجة التاريخ / ٩ / ٢٠١٥	للفرقة: الأولى علوم	
الزمن : ساعتان	رقم المقرر : ١٠٠	اسم المادة : جبر وتفاضل

أولاً التفاضل:- أجب عن الأسئلة الآتية (٢٥ درجة كل سؤال ٥ درجات)
 ١ - عين مجال ومدى الدالتين

$$(i) f(x) = \frac{1}{1 + \sqrt{x}} , (ii) g(x) = \sqrt{4 - \sin^2 x}$$

٢- هل الدالتين

$$f(x) = x^2 , g(x) = \sqrt{x}$$

دالتين عكسبيتين لجميع قيم X ولماذا؟

٣- اذا كانت

$$f(x) = \frac{1}{x+1} , g(x) = \frac{x}{x-2}$$

أوجد $(fog)(x)$ ثم أوجد المجال لها٤- أوجد $\frac{dy}{dx}$ لكل من

$$(i) y = 4^{(\sin x - e^x)} , (ii) y = (x^2 + 1)^{\sinh x}$$

٥- أوجد $\frac{dy}{dx}$ لكل من

$$(i) \cos(xy^2) = \ln(x^2y) , (ii) x = \sin^{-1}t , y = \csc t^2 + e^{\cos t}$$

ثانياً الجبر(أجب عن خمسة أسئله فقط ٥ درجات لكل سؤال)

١- حل الكسر الثنائي الى كسورة الجزيئيه

$$\frac{1}{x^2(x^2 - 4)}$$

٢- أوجد مجموع المتسلسلة إلى ما لا نهائية

$$\frac{1}{3.4} + \frac{1}{4.5} + \frac{1}{5.6} + \dots$$

انظر خلف الورقة

(2)

٣- باستخدام الاستنتاج الرياضي أثبت أن

$$3 + 5 + 7 + \dots + (2n+1) = n(n+2)$$

٤- أوجد قيم X التي تجعل المتسلسله الاتيه تقاربيه

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n x^{2n+1}}{(2n+1)!}$$

٥- باستخدام ذات الحدين اوجد المفوكوك التالي لأربعة حدود

$$\frac{\sqrt{x+9}}{(3x+2)^2}$$

٦ - أوجد قيم λ, μ التي تجعل النظام الخطى الاتي

$$x + y + z = 6 , \quad x + 2y + 3z = 10 , \quad x + 2y + \lambda z = \mu$$

له حل وحيد / عدد لانهائي من الحلول / ليس لها حل .

مع التمنيات بالنجاح والتوفيق