



امتحان الفصل الدراسي الثاني

للعام الجامعي ٢٠٢١-٢٠٢٢ م



القسم الذي يقدم المقرر: قسم الوراثة - كلية الزراعة - جامعة أسيوط
المقرر: (٤٠٢ ز) وراثة العشائر
المستوى: الرابع - كلية العلوم
لجنة الممتحنين: أ.د/ محمد إبراهيم محمد حسن
الزمن: ساعتين

يجب أن يدون الطالب إجابته في هذه الصفحة فقط ولن يُنظر للإجابة في باقي الصفحات

إجابة السؤال الأول: ضع علامة (✓) أمام العبارات الصحيحة وعلامة (X) أمام العبارات الخاطئة: (٢٠ درجة)

No.	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Answer										
No.	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
Answer										

إجابة السؤال الثاني: اختيار من متعدد (ضع الحرف الدال على الإجابة الصحيحة): (٨ درجة)

No.	1	2	3	4	5	6	7	8
Answer								

إجابة السؤال الثالث: اختيار من متعدد (ضع الحرف الدال على الإجابة الصحيحة): (١٠ درجات)

No.	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Answer										

إجابة السؤال الرابع: اختيار من متعدد (ضع الحرف الدال على الإجابة الصحيحة): (٦ درجات)

No.	1	2	3	4	5	6
Answer						

إجابة السؤال الخامس: اختيار من متعدد (ضع الحرف الدال على الإجابة الصحيحة): (٦ درجات)

No.	1	2	3	4	5	6
Answer						

أجب عن جميع الأسئلة التالية:

السؤال الأول:-- (٢٠ درجة)

ضع علامة (✓) أمام العبارات الصحيحة وعلامة (X) أمام العبارات الخاطئة (في الجدول المخصص للإجابة):

- ١- إذا كانت الأعداد المشاهدة بالنسبة لصفة ما في إحدى العشائر $AA=125$, $Aa=250$, $aa=125$ فإن العشيرة تكون غير متزنة
- ٢- عند اندماج عشيرتان أحدهما بها تكرار الطراز المتنحي aa 0.04 والأخرى 0.16 ، يصبح تكرار aa في العشيرة المندمجة 0.10
- ٣- إذا كان تكرار الأفراد السائدة مظهرياً لصفة ما بإحدى العشائر المتزنة هو 0.64 ، فإن تكرار الأفراد الخليطة بالعشيرة يساوي 0.48
- ٤- إذا كان تكرار الأفراد المصابة بمرض السكر (والذي يرجع لأليل متنحي) هو 0.09 ، فإن تكرار الأفراد السائدة الأصلية يساوي 0.7
- ٥- إذا كانت تكرارات الطرز الوراثية بإحدى العشائر $AA=0.6$, $Aa=0.2$, $aa=0.2$ ، فإن نظام التزاوج السائد بالعشيرة لا تشابهي
- ٦- إذا كانت التكرارات الأليلية لجين مرتبط بالجنس $r(A)=0.65$, $q(a)=0.65$ ، فإن تكرار الأليل السائد A عند الاتزان يساوي 0.35
- ٧- إذا كانت نسبة الإصابة بمرض عمى الألوان (مرتبط بالجنس) في الذكور 0.04 ، فإن النسبة المتوقعة للإناث المصابة تساوي 0.02
- ٨- إذا كانت تكرارات الأفراد لمجاميع الدم (ABO): $A=0.15$, $B=0.39$, $AB=0.21$, $O=0.25$ ، فإن تكرار الأليل I^B يساوي 0.30
- ٩- إذا كانت تكرارات الطرز الوراثية بإحدى العشائر $AA=0.33$, $Aa=0.54$, $aa=0.13$ ، فإن قيمة f العشائرية تساوي 0.125
- ١٠- لأليل مرتبط بالجنس، لقحت إناث تكرارها $AA=0.2$, $Aa=0.2$, $aa=0.6$ بذكور متنحية، تكرار A عند الاتزان يساوي 0.2
- ١١- إذا كانت تكرارات أليلات مجاميع الدم ABO بإحدى العشائر $p=0.6$, $q=0.3$, $r=0.1$ ، فإن تكرار الطراز O يساوي 0.01
- ١٢- إذا كانت تكرارات الطرز الوراثية بإحدى العشائر $AA=0.36$, $Aa=0.48$, $aa=0.16$ ، فإن نظام التزاوج السائد بها تشابهي.
- ١٣- في عشيرة إنسانية متزنة إذا كانت نسبة الإناث الغير مصابة بالصلع 0.91 ، فإن نسبة الذكور المصابة في العشيرة تساوي 0.09
- ١٤- إذا كانت نسبة الإناث السائدة مظهرياً لجين مرتبط بالجنس في عشيرة متزنة 0.64 ، فإن النسبة المتوقعة للذكور السائدة تكون 0.6
- ١٥- إذا كانت تكرارات أليلات مجاميع الدم ABO بإحدى العشائر $p=0.4$, $q=0.5$, $r=0.1$ ، فإن تكرار الطراز AB يساوي 0.20
- ١٦- عند اختلاف التكرار الأليلي لموقع مرتبط بالجنس بين الذكور والإناث تصل العشيرة إلى الاتزان بعد جيل واحد من التزاوج العشوائي.
- ١٧- أثر التزاوج اللا تشابهي على قيمة f يماثل التربية الداخلية ولكنه يقتصر على الصفة المحددة التي حدثت على أساسها التزاوج فقط.
- ١٨- يؤدي التزاوج التشابهي Assortative mating بين الأفراد المصابين بالصمم deafness إلى زيادة نسبة الأفراد المصابة بالعشيرة.
- ١٩- في حالة تجنب التربية الداخلية تزيد نسبة الأفراد الأصلية وتقل نسبة الأفراد الخليطة في العشيرة وتكون قيمة f العشائرية موجبة.
- ٢٠- تعد الطفرة الجينية من القوى التي تؤثر على إتزان العشيرة وهي من أسرع العوامل التي تؤدي إلى تغير التكرار الأليلي في العشيرة.

الصفحة الثانية

السؤال الثاني: - (٨ درجات)

إذا كانت تكرارات أليلات مجاميع الدم ABO بأحدى العشائر:

$$I^A = 0.5 \quad , \quad I^B = 0.1 \quad , \quad i = 0.4$$

فإن تكرارات مجاميع الدم بالعشيرة تساوي:

مجاميع الدم	A	B	AB	O
التكرار	 (1)	 (2)	 (3)	 (4)

وإذا كان حجم العشيرة 1000 فإن الأعداد المتوقعة لمجاميع الدم بالعشيرة تساوي:

مجاميع الدم	A	B	AB	O
الأعداد المتوقعة	 (5)	 (6)	 (7)	 (8)

اختر الإجابة الصحيحة بما يناسب كل فراغ مما يلي: (ضع إجابتك في الجدول المخصص للإجابة):

	A	B	C	D
(1)	0.25	0.35	0.50	0.65
(2)	0.01	0.04	0.09	0.10
(3)	0.01	0.05	0.10	0.20
(4)	0.10	0.16	0.18	0.20
(5)	650	550	450	350
(6)	90	100	120	150
(7)	150	100	200	250
(8)	140	120	180	160

الصفحة الثالثة

السؤال الثالث: - (١٠ درجات)

إذا كانت تكرارات الطرز الوراثية لصفة مرتبطة بالجنس في ذكور وإناث إحدى العشائر كما يلي:

الإناث			الذكور	
BB	Bb	bb	B	b
0.50	0.40	0.10	0.40	0.60

فإن التكرارات الأليلية وتكرارات الطرز الوراثية المتوقعة في الجنسين بعد جيل واحد من التزاوج العشوائي تساوي:

p(B)	q(b)	BB	Bb	bb	r(B)	s(b)	q-s
..... (1)	 (2)	 (3)	 (4)	 (5)	 (6)	 (7)	 (8)

والتكرارات الأليلية بعد عدة أجيال من التزاوج العشوائي تساوي:

$$p(B) = \dots\dots (9) \quad q(b) = \dots\dots (10)$$

اختر الإجابة الصحيحة بما يناسب كل فراغ مما يلي: (ضع إجابتك في الجدول المخصص للإجابة):

	A	B	C	D
(1)	0.40	0.45	0.55	0.60
(2)	0.20	0.45	0.50	0.55
(3)	0.28	0.36	0.45	0.50
(4)	0.45	0.54	0.60	0.70
(5)	0.18	0.24	0.36	0.48
(6)	0.25	0.45	0.55	0.70
(7)	0.10	0.15	0.25	0.30
(8)	0.15	0.20	0.25	0.30
(9)	0.20	0.30	0.45	0.60
(10)	0.20	0.30	0.40	0.55

الصفحة الرابعة

السؤال الرابع:- (٦ درجات)

صفة الصلع في الإنسان baldness صفة متأثرة بالجنس يحكمها زوج من الجينات الجسمية، الأليل (B) للصلع يكون سائداً في الذكور ، (b) للشعر الطبيعي سائداً في الإناث، فإذا كانت العشيرة في حالة إتران وكانت نسبة الإناث الغير مصابة بالصلع تساوي 0.96 ، فإن:

- (1) تكرار الأليل B المسبب للصلع يساوي
- (2) تكرار الأليل b للشعر الطبيعي يساوي
- (3) نسبة الذكور المصابة تساوي
- (4) نسبة الذكور الغير المصابة تساوي
- (5) نسبة الإناث الغير مصابة الأصيلة تساوي
- (6) نسبة الإناث الخليطة تساوي

اختر الإجابة الصحيحة بما يناسب كل فراغ مما يلي: (ضع إجابتك في الجدول المخصص للإجابة):

	A	B	C	D
(1)	0.20	0.36	0.80	0.10
(2)	0.64	0.90	0.20	0.80
(3)	0.18	0.36	0.64	0.96
(4)	0.10	0.18	0.36	0.64
(5)	0.18	0.36	0.64	0.96
(6)	0.32	0.18	0.64	0.90

الصفحة الخامسة

السؤال الخامس:-- (٦ درجات)

إذا تزوج رجال قبيلة جميعهم بالطراز الوراثي Aa بإناث قبيلة أخرى تكراراتها كما يلي:

AA	Aa	aa
0.60	0.20	0.20

فإن تكرارات الطرز الوراثية في النسل الناتج عن التزاوج تصبح:

AA	Aa	aa
..... (1)	 (2)	 (3)

وإذا تعرضت العشيرة الناتجة لتربية داخلية بمعامل قدره $f = 0.25$ ، فإن تكرارات الطرز الوراثية تصبح:

AA	Aa	aa
..... (4)	 (5)	 (6)

اختر الإجابة الصحيحة بما يناسب كل فراغ مما يلي: (ضع إجابتك في الجدول المخصص للإجابة):

	A	B	C	D
(1)	0.15	0.35	0.50	0.60
(2)	0.20	0.40	0.50	0.70
(3)	0.10	0.15	0.25	0.30
(4)	0.42	0.52	0.62	0.70
(5)	0.10	0.16	0.25	0.36
(6)	0.42	0.12	0.32	0.22





(درجات الامتحان: الدرجة الكلية 50 درجة موزعة على خمسة أسئلة بواقع 10 درجات عن كل سؤال - 5 درجات عن كل فقرة)

ملاحظة:- $p = z_x, q = z_y, r = z_{xx}, p_1 = z_{x_1}, p_2 = z_{x_2}, p_3 = z_{x_3},$

$$D_x = D_1 = \frac{\partial}{\partial x}, \quad D_y = D_2 = \frac{\partial}{\partial y}.$$

أجب عن الأسئلة الآتية :-

1- أ) أوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية $(D_1 + D_2^2)z = \cos(2x - 3y)$.

ب) بطريقة فصل المتغيرات - حل المعادلة التفاضلية $x^2 u_{xx} + xu_x + u_{yy} = 0$ حيث y تعتمد على دوال مثلثية فقط ، والدالة u تحقق الشروط :-

$$i) u \rightarrow 0 \text{ as } x \rightarrow \infty, \quad ii) u_x = -\cos 2y \text{ when } x = a.$$

2- أ) باستخدام طريقة أويلر - أوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية $(x^2 D_x^2 + 2xy D_x D_y - x D_x)z = \frac{x^3}{y^2}$.

ب) عين الحل الكامل والحل المفرد - إن وجد - للمعادلة التفاضلية $z^2(p^2 + q^2 + 1) = 1$.

3- أ) أوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية $xr + 2p = (9x + 6)e^{3x+2y}$.

ب) باستخدام طريقة شاربت - أوجد الحل الكامل للمعادلة التفاضلية ثم عين الحل المفرد إن وجد :-

$$q = -xp + p^2.$$

4- أ) أوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية $(D_1 + D_2 - 1)(D_1 + D_2 + 3)z = e^{2x+y+2} \cos(2x + y)$.

ب) أوجد الشرط اللازم الذي يجعل النظام التالي متوافق ثم عين الحل الكامل والحل المفرد - إن وجد - لهذا النظام -

$$F = x_1 p_1 + x_2 p_2 - p_3^2 = 0, \quad F_1 = p_1 - p_2 + p_3 - 1 = 0.$$

5- أ) باستخدام تحويلات لابلاس - حل مسألة القيمة الحدية :-

$$u_t = 4u_{xx}, \quad 0 < x < 3, \quad t > 0;$$

$$u(0, t) = u(3, t) = 0, \quad u(x, 0) = 10 \sin 2\pi x - 6 \sin 4\pi x.$$

ب) اثبت أن الحل الكامل لمعادلة كليروت التفاضلية $z = xp + yq + \sqrt{p^2 + q^2 + 1}$ يمثل مجموعة مستويات غلافها كرة مركزها نقطة الأصل ونصف قطرها الوحدة.



Answer five questions only from the following questions:

First Question (10 Marks)

- (a) Calculate $(1+i)^8 + (1-i)^{-8}$
(b) Find the solution of the equation : $z^5 + 32 = 0$.

Second Question (10 Marks)

- (a) Show that $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{z^2 - 4}{z - 2} = 4$.
(b) Show that $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 y}{x^4 + y^2}$ does not exist.

Third Question (10 Marks)

- (a) Discuss the continuity of the following function: $f(z) = \begin{cases} z^2 + 2iz - 1, & z \neq -i \\ i, & z = -i \end{cases}$ at $z = -i$

- (b) Show that the function $f(z) = \overline{z}$ is not differentiable in the complex plane.

Fourth Question (10 Marks)

- (a) Show that the function $f(z) = \sqrt{|x|y|}$ satisfies Cauchy Riemann equation at $z=0$ but $f(z)$ is not differentiable at $z = 0$.

- (b) Prove that $f(z) = \begin{cases} \frac{z \operatorname{Re} z}{|z|}, & z \neq 0 \\ 0, & z = 0 \end{cases}$ is continuous at $z=0$ but not differentiable at $z = 0$

Fifth Question (10 Marks)

- (a) Show that the function $f(z) = e^x(\cos y + i \sin y)$ is analytic in the complex plane.
(b) Find the constant A so that: $u(x, y) = Ax^2 - y^2 + xy$ is harmonic.

Sixth Question (10 Marks)

- (a) Evaluate $\int_C \frac{z+2}{z} dz$, where C is the semicircle $z = 2e^{i\theta}$, $0 \leq \theta \leq \pi$
(b) Evaluate $\int_C \left(\frac{\sin \pi z^2 + \cos \pi z^2}{(z-1)(z-2)} \right) dz$, where C is the circle $|z| = 3$.

Prof. R.A.Rashwan

The End



"اسْتَعِزْ بِاللّٰهِ وَلَا تَعْجِزْ"

الامتحان ست (٦) صفحات - الإجابة في نفس الصفحة

Question 1: State the terminology of these definitions (5 Marks)

1. data objects that do not comply with the general behaviour or the model of the data.
(.....)
2. A type of attribute has a finite or countably infinite set of values.
(.....)
3. Data points that divide a mount of data into exactly equal-sized consecutive subsets.
(.....)
4. A statistical measure which its major problem is its sensitivity to extreme (e.g., outlier) values.
(.....)
5. A repository of information collected from multiple sources, stored under a unified schema.
(.....)

Question 2: Suppose you have the following transactions. (10 Marks)

T1	I1, I2, I3
T2	I2, I3, I4
T3	I4, I5
T4	I1, I2, I4
T5	I1, I2, I3, I5
T6	I1, I2, I3, I4, I5

Let min_sup = 50%, and min_conf = 80%.

Choose the correct answers:

1. The absolute support of item set {I1} and {I2} is ... respectively.
(a) 4, 4 (b) 5, 4 (c) 3, 5 (d) 4, 5
2. The absolute support of item set {I4} and {I5} is ... respectively.
(a) 4, 4 (b) 4, 5 (c) 3, 5 (d) 4, 3
3. Which of the following item sets are frequent?
(a) {I1,I2}, {I1,I4} (b) {I1,I3}, {I1,I5} (c) {I2,I5}, {I4,I5} (d) {I1,I3}, {I2,I4}

4. Which of the following item sets are frequent?

- (a) {I1, I2, I4} (b) {I1, I2, I3, I4}
(c) {I2, I3, I4} (d) {I1, I2, I3}

5. How many candidate rules to be strong which extract from the final item set?

- (a) 3 (b) 4 (c) 5 (d) 6

6. Fill the following table as shown in the table header:

Final frequent item set	Candidate association rules in the form (A→B)	Confidence of each association rule

7. State only all the strong rules:

.....
.....
.....

Question 3: Put *True* or *False* for each of the following items (15 Marks)

عَلِّم إجابتك بالجدول المرفق في نهاية الإمتحان

1. Data mining is an essential process in KDD where intelligent techniques are applied to extract interesting data patterns.
2. In **Apriori** techniques, we do not consider the super set if at least one of its sub sets not frequent.
3. In some experience, we measure the length of students, this length variable is considered ration-scale variable.
4. The confidence c of the rule $A \rightarrow B$ is the percentage of transactions in data set containing **A** that also contain **B**.
5. Bayesian classifier is a class of learning algorithm that tries to find an optimum classification of a set of examples using the probabilistic theory.
6. Data integration is the process of combining multiple data sources in a single database.
7. Regression tends to predict the class label when these labels represent uncountable infinite values.
8. A major problem with the mean as a statistical representing is its sensitivity to extreme/outlier values.
9. Frequent sequential pattern occurs when customer tend to purchase first something, followed by purchase another something.
10. Decision tree technique is used to discover association rules in a big data.
11. We can compute the basic central tendency measures except the mean value for the Nominal attribute.
12. Information is an interesting pattern which has meaningful use.
13. The information is the output of the KDD process.
14. Pattern evaluation and knowledge representation, these two steps are considered data preprocessing in KDD process.
15. Classification tends to predict the class label when these labels represent countable infinite values.

Question 4: Choose the correct answer (15 Marks):

عَلِّم رقم إجابتك بالجدول المرفق في نهاية الإمتحان

1. The process carried out by a head of a school to place a new student transferred to this school in the excellent class or regular classes is called
 - a) Classification
 - b) Clustering
 - c) Characterization
 - d) mining frequent pattern
2. Results of some medical test
 - a) Nominal attribute
 - b) Ratio-scale attribute
 - c) Ordinal attribute
 - d) Interval-scale attribute

3. The entropy of this set $S_1 = \{A, A, B\}$ is

- a) $\text{Ent}(S_1) = 0.918$
- c) $\text{Ent}(S_1) = 0.159$

- b) $\text{Ent}(S_1) = 0$
- d) None of above

4. Grades corresponding to marks of students

- a) Ordinal attribute
- c) Nominal attribute

- b) Ratio-scale attribute
- d) Interval-scale attribute

5. Number of sons for each Egyptian family

- a) Ratio-scale attribute
- c) Ordinal attribute

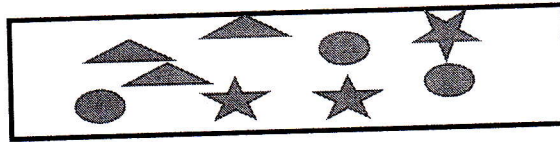
- b) Nominal attribute
- d) Interval-scale attribute

6. we can compute the basic central tendency except the mean value for the ...

- a) Ratio-scale attribute
- c) Nominal attribute

- b) Ordinal attribute
- d) Interval-scale attribute

7. The process by which a three-year-old child divides the following shapes into similar groups is called



- a) Data Characterization
- c) Data Classification

- b) Data clustering
- d) Data selection

8. Knowing the negative characteristics that cannot be described for a certain amount of data

- a) Data Characterization
- c) Data selection

- b) Data discrimination
- d) Data Classification

9. Which of the following is not a data mining functionality?

- a) Characterization and Discrimination
- c) Classification and regression

- b) Selection and interpretation
- d) Clustering and Analysis

10. Which of the following attributes we compute mode only for it?

- a) Ordinal attribute
- c) Interval attribute

- b) Nominal attribute
- d) Ratio attribute

11. Which of the following not measure of data dispersion?

- a) Standard deviation
- c) Interquartile range

- b) Range
- d) mode

- Question 5:** The following table represents the degrees of a number of student, given in equal-sized intervals.

(5 Marks)

Interval No.	Students Degrees (Marks)	frequency	Cumulative frequency ??
1	11 - 15	4	
2	16 - 20	7	
3	21 - 25	6	
4	26 - 30	3	

1. The interval number which contains the median value is
2. The number of values represents student's degrees is
3. The frequency of median interval is

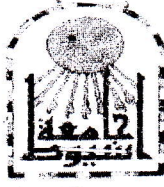
Dr- Abdel-Rahiem Ahmed Hashem Mohammed

د. عبدالرحيم أحمد هاشم محمد

Q3	True	False
1		
2		
3		
4		
5		
6		
7		
8		
9		
10		
11		
12		
13		
14		
15		

Q4	a	b	c	d
1				
2				
3				
4				
5				
6				
7				
8				
9				
10				
11				
12				
13				
14				
15				

Good Luck
Dr/Abdel-Rahiem A. Hashem



امتحان الفصل الثاني ٢٠٢١ / ٢٠٢٢ م الزمن: ثلاث ساعات

كلية العلوم
قسم الرياضيات
المادة: نمذجة رياضية (٤٣٤ ر)
التاريخ: ٨ - ٦ - ٢٠٢٢

للفرقة الرابعة علوم شعبة الرياضيات (المستوي الرابع)

أجب عن أربعة أسئلة فقط: (العظمى خمسون والسؤال عليه 12.5 درجة)

١- ناقش مسألة رايلى- تايلور لاستقرار مائع فوق آخر في وجود الجاذبية الأرضية وبين متى يكون النظام مستقر من عدمه وأهمية هذه المسألة من وجهة نظر الطاقة .

٢- ناقش ظاهرة الرنين في الأنظمة الكهربائية والميكانيكية

٣- بعيدا عن الطريقة البيانية أوجد أفضل خط مستقيم بطريقتين بحيث يمثل النتائج الاتية ما أمكن وبين أيهما أدق .

x	2	3	4	5	6
y	1.1	1.9	2.6	3.4	4.3

٤- أذكر المراحل الأساسية للنمذجة الرياضية وناقش احداها بالتفصيل وبين الفرق بين النمذجة والمحاكاة والامثلية وبين أيضا أنواع النماذج المختلفة.

٥- استخدم النمذجة الرياضية في الحصول على:

١- المعادلة الموجية في بعد واحد من خلال وتر مهتز

٢- التوتر السطحي لفقاعة الصابون

راجعته: أ.د. أحمد ماهر

أعده: أ.د. محمود حامد عبيد الله



Faculty of science
Department of Mathematics

Final Term Exam (2nd Term)
Fourth year student (Phys)
Course: Mathematical Analysis
Code: 419 M
Time : 3 Hours
Points : 50 Points
Date: Thursday, 9 June 2022



Assiut University

Answer the following questions

- 1-a) Use a method of contradiction to show that $0.7(\pi - 3.1415) \in \mathbb{Q}'$. [3 Pts]**
- b) Determine whether the sequence $\left(\frac{1}{2n+3}\right)$ is decreasing, increasing, or not monotonic. [3 Pts]**
- c) Show that $\cos x - x = 0$ has a solution in $(0, 1)$. [3 Pts]**
- d) Let $f(x) = \begin{cases} x^3, & x \leq 0 \\ x^2 \sin \frac{1}{x}, & x > 0 \end{cases}$. Find $f'(0)$. [3 Pts]**
- e) Is the function $f(x) = x^2$ uniformly continuous on $\mathbb{R}$? Justify your answer? [3 Pts]**
- f) Describe the set of points in $\mathbb{C}$ that satisfies $|z - 1| + |z + 1| = 7$. [3 Pts]**
- g) Write $\sin(x + iy)$ in the form $u(x, y) + iv(x, y)$. [3 Pts]**
- h) Find all values of $\cos^{-1} 2$. [3 Pts]**
- i) Discuss the continuity of $\sqrt{z}$ at $z_0 = -1$. [3 Pts]**

-
- 2-a) Find the disk of convergence of the series $\sum_{k=0}^{\infty} \frac{(z-2+i)^k}{3^k}$. [3 Pts]**
- b) Use the polar form of the Cauchy-Riemann equations to find $\left(\frac{1}{z}\right)'$. [4 Pts]**
- c) Verify that $e^x(\cos y + i \sin y)$ is an analytic function, find its derivative. [4 Pts]**
- d) Compute $\int_C |z|^2 dz$, where C is the line segment with initial point -1 and final point i . [4 Pts]**
- e) Evaluate: $\oint_{|z|=3} \frac{e^z}{z-2} dz$. [4 Pts]**
- f) Find: $\oint_{C_2} \frac{2z}{z^2+2} dz$, where C_2 is the circle $|z| = 2$ in the complex plane $\mathbb{C}$, oriented in the counterclockwise direction. [4 Pts]**

Prof. Dr. A.M. Gaddeek ... With best wishes ... Signature Gaddeek



كلية العلوم-جامعة أسيوط

المستوى الرابع

الزمن : ثلاث ساعات

قسم الرياضيات

إحصاء رياضي ٤٤٢ ر أ

مايو: ٢٠٢٢ م

أجب فقط عن خمسة أسئلة مما يأتي :- (درجة جزء كل سؤال ٥ درجات)

١- (أ) متغير عشوائى ثنائى منفصل (X, Y) دالة كتلته الاحتمالية :

$$f(x, y) = k(x^2 + y) \quad x = 0, 1, \quad y = 1, 2, 3$$

أوجد قيمة الثابت ثم اوجد دالة التوزيع المناظرة واحسب الاحتمال $P(1 < X + Y < 4)$.

(ب) فى السؤال (١-أ) أوجد كل من $E(XY)$ ، $E(X|Y = 2)$.

٢- (أ) إذا كان : $X = \sum_{i=1}^n a_i X_i$ ، $Y = \sum_{i=1}^n b_i X_i$ لأى مجموعة من المتغيرلت العشوائية $X_1, X_2, \dots, X_n$ حيث $a_1, a_2, \dots, a_n$ ، $b_1, b_2, \dots, b_n$ ثوابت إختيارية ؛ أوجد مع البرهان $Cov(X, Y)$.

(ب) أوجد $Cov(U, V)$ بفرض أن $U = X - 2Y$ ، $V = 2X + Y$.

٣- (أ) متغير عشوائى ثلاثى (X, Y, Z) يخضع للتوزيع متعدد الحدود بالبارامترات $\theta_1 = \theta_2 = \theta_3$ ، $n = 5$ أوجد الاحتمالات الآتية : $P(X = 1, Y + Z \leq 4)$ ، $P(X = Y = 2, Z = 1)$.

(ب) متغير عشوائى متصل X دالة كثافته الاحتمالية هى :

$$f(x) = \frac{3}{2}(1 - x^2) \quad 0 < x < 1, \quad f(x) = 0 \text{ o.w}$$

أوجد دالة التوزيع ومن ثم دالة الكثافة للتحويل العشوائى $Y = X^3$.

٤- (أ) أختيرت عينة عشوائية حجمها n من مجموعة عامة غير محدودة بالبارامترات μ ، σ^2 إثبت أن $E(\bar{x}) = \mu$ ثم اوجد تباين متوسط العينة .

(ب) عرف متباينة كرامير - راو ثم اثبت أن متوسط أى عينة عشوائية من مجموعة بالتوزيع المعتدل تقدير غير متحيز بأقل تباين للمتوسط العام μ .

٥- (أ) باستخدام طريقة العزوم أوجد تقدير البارامترين α, β فى مجموعة عامة تخضع لتوزيع دالة جاما بدالة الكثافة

$$f(x) = \frac{1}{\beta^\alpha \Gamma(\alpha)} x^{\alpha-1} e^{-\frac{x}{\beta}} \quad x > 0, \alpha > 0, \beta > 0, \quad f(x) = 0 \text{ o.w}$$

(ب) أوجد التقدير المرجح للبارامتر λ فى مجموعة عامة تخضع لتوزيع بواسون .

٦- (أ) اذكر فقط حدود فترات الثقة للمتوسط العام μ لمجموعة بالتوزيع المعتدل عند مستوى الثقة $1 - \alpha$ وذلك فى جميع الحالات الممكنة .

(ب) البيانات التالية : 8 , 12 , 5 , 15 , 20 تمثل عينة عشوائية من مجموعة عامة معطاة . أوجد حدود فترة الثقة للمتوسط العام عند مستوى الثقة 90% علما بأن $t_{0.05,4} = 2.132$.

إنتهت الأسئلة أد/محمود ابراهيم محمود ، أد/زينهم فكرى جاهين

Department of Mathematics		قسم الرياضيات
Faculty of Science		كلية العلوم
الامتحان النهائي للمستوى الرابع للفصل الدراسي الثاني ٢٠٢٢ / ٢٠٢١ م		
اسم المقرر: تحليل عددي (٢) رمز المقرر: ٤٢٤	الدرجة الكلية: ٥٠ درجة	التاريخ: ٢٠٢٢ / ٦ / ١٢ م الزمن: ٣ ساعات
أجب عن خمسة أسئلة فقط مما يأتي: (كل سؤال ١٠ درجات)		

1-a) Obtain the following estimate for the absolute error in Lagrange interpolation formula:

$$|f(x) - L_n(x)| \leq \frac{M_{n+1}}{(n+1)!} |\pi_{n+1}(x)|$$

$$\text{where: } M_{n+1} = \max_{a \leq x \leq b} |f^{(n+1)}(x)|, \quad \pi_{n+1}(x) = (x - x_0)(x - x_1) \dots (x - x_n)$$

b) To what degree of accuracy we calculate $\sqrt[3]{19}$ by means of Lagrange's interpolation polynomial for the function $y = \sqrt[3]{x}$ if we choose $x_0 = 1$, $x_1 = 8$ and $x_2 = 27$

2) a) Prove that :

(i) If $g \in C[a, b]$ for all $x \in (a, b)$, then g has a fixed point in $[a, b]$.

(ii) If, in addition, that g' exists on (a, b) and a positive constant $k < 1$ exists with $|g'(x)| \leq k$ for all $x \in (a, b)$, then the fixed point in $[a, b]$ is unique.

b) Solve by shooting method the B. V. P.

$$y'' + y = 0, \quad y(0) = 0 \text{ and } y(1) = 1,$$

Start with the initial approximations

$$\alpha_0 = 0.3 \text{ and } \alpha_1 = 0.4 \text{ to } y'(0), (h = 0.25)$$

3) If the nonlinear system :

$$x_1^2 - 10x_1 + x_2 + 8 = 0, \quad x_1x_2^2 + x_1 - 10x_2 + 8 = 0$$

Is transformed into the fixed-point problem:

$$x_1 = g_1(x_1, x_2) = \frac{x_1^2 + x_2^2 + 8}{10}, \quad x_2 = g_2(x_1, x_2) = \frac{x_1x_2^2 + x_1 + 8}{10}$$

(i) Show that, $G = (g_1, g_2)^t$ mapping $D \subset R^2$ into R^2 has a unique fixed-point in $D = (x_1, x_2)^t, 0 \leq x_1, x_2 \leq 1.5$

(ii) Apply functional iteration to find $x^{(1)}$ and $x^{(2)}$ ($x^{(0)} = (1, 1)^t$)

(iii) How many iterations have to be carried out to find the roots to within 10^{-7} ?

4) Derive the recurrence relation of Chebyshev polynomial:

$$T_{n+1}(x) = 2xT_n(x) - T_{n-1}(x), \quad n = 1, 2, \dots,$$

Then prove that:

$$(i) \int_{-1}^1 \frac{[T_i(x)]^2}{\sqrt{1-x^2}} dx = \frac{\pi}{2}, \quad \forall i \geq 1$$

$$(ii) T_i(x)T_j(x) = \frac{1}{2} [T_{i+j}(x) + T_{i-j}(x)]$$

For any positive i and j with $i \geq j$.

5-a) Use the least squares method to find the approximate solution of the B.V. Problem:

$$y'' + y' + y = 2 \cos x, \quad y(0) = 0 \text{ and } y\left(\frac{\pi}{2}\right) = 1,$$

in the form $z(x) = c_0 + c_1 \sin x + c_2 \sin 2x$

b) From the following table :

x	0	1	3
y	1	3	7

Find the least squares equation having the form : $P(x) = c_0 T_0(x) + c_1 T_1(x)$
where $T_0(x)$ and $T_1(x)$ are Chebyshev polynomial.

6) Consider the problem of finding the Fixed - Point of :

$$g(x) = \cosh\left(\frac{x}{e}\right) - 1 \quad \text{on } [-1, 1]$$

- (i) Take $x_0 = 1$ and apply the fixed point method to find x_1 and x_2
- (ii) Show that the sequence generated by $x_n = g(x_{n-1})$, $n \geq 1$ converges to the unique Fixed Point of g on $[-1, 1]$.
- (iii) What is the maximum error after applying 16 iterations ?

Good Luck

Prof. A. El- SAFTY



Computer Science Department
Faculty of Computers and Information
Assiut University
Final Exam
2021/2022

Course: Compilers
Code:
4th level
Time: 2 Hours
Marks: 50



- No. of pages: 3 - No. of questions: 4 answer all questions

Question 1 (6 pts)

The lexical- (scanner), syntactic- (parser), and semantic-analysis are important phases of a compiler. Describe each phase shortly.

Question 2 (24 pts)

[1] Which one of the following regular expressions represents the language: the set of all binary strings having two consecutive 0s and two consecutive 1s?

- a) $(0|1)^*0011(0|1)^*|(0|1)^*1100(0|1)^*$
- b) $(0|1)^*(00(0|1)^*11|11(0|1)^*00)(0|1)^*$
- c) $(0|1)^*00(0|1)^*|(0|1)^*11(0|1)^*$
- d) $00(0|1)^*11|11(0|1)^*00$

[2] Consider the production of the grammar $S \rightarrow AA$ $A \rightarrow aa$ $A \rightarrow bb$ Describe the language specified by the production grammar.

- a) $L = \{aaaa, aabb, bbba, bbbb\}$
- b) $L = \{abab, abaa, aaab, baaa\}$
- c) $L = \{aaab, baba, bbba, bbbb\}$
- d) $L = \{aaaa, abab, bbba, aaab\}$

[3] The RE in which any number of 0's is followed by any number of 1's followed by any number of 2's is?

- a) $(0 | 1 | 2)^*$
- b) $0^*1^*2^*$
- c) $0^* | 1 | 2$
- d) $(0 | 1)^*2^*$

[4] Which of the following rules is NOT a correct context-free rule, where non-terminals are $\{A, B\}$, and terminals are $\{a, b\}$

- a) $A \rightarrow a | Ba$
- b) $AB \rightarrow a$
- c) $a \rightarrow Ba$
- d) Both b and c

[5] Context-Free Grammars (CFGs) Consists of

a) Rules

b) Terminals

c) Non-terminals

d) All of the above

[6] The set of all strings over $\Sigma = \{a, b\}$ in which strings consisting a's and b's and ending with in bb is

a) ab

b) a*bbb

c) (a|b)* bb

d) All of the mentioned

[7] The following grammar after removal of the left recursion will look like

$\text{expr} \rightarrow \text{expr addop term} | \text{term}$

$\text{addop} \rightarrow + | -$

$\text{term} \rightarrow \text{term mulop factor} | \text{factor}$

$\text{mulop} \rightarrow *$

$\text{factor} \rightarrow (\text{expr}) | \text{number}$

A)

$\text{exp} \rightarrow \text{term exp}'$

$\text{exp}' \rightarrow \text{addop term exp}' | \epsilon$

$\text{addop} \rightarrow + | -$

$\text{term} \rightarrow \text{factor term}'$

$\text{term}' \rightarrow \text{mulop factor}$

$\text{term}' | \epsilon$

$\text{mulop} \rightarrow *$

$\text{factor} \rightarrow (\text{expr}) | \text{number}$

B)

$\text{expr} \rightarrow \text{expr addop}$

$\text{term} | \text{term}$

$\text{addop} \rightarrow + | -$

$\text{term} \rightarrow \text{term mulop factor} |$

factor

$\text{mulop} \rightarrow *$

$\text{factor} \rightarrow (\text{expr}) | \text{number}$

C)

$\text{expr} \rightarrow \text{term expr} (+|-) \text{term}$

$\text{term} \rightarrow \text{term} * \text{factor} | \text{factor}$

$\text{factor} \rightarrow (\text{expr}) | \text{number}$

[8] Given the following table generate intermediate code (three address code) for this expression
 $"x=7+(5-2)"$ is

GRAMMAR RULES	SEMANTIC RULES
$S \rightarrow \text{id} := E$	$S.\text{name} = E.\text{name}; S.\text{code} := E.\text{code} ++ \text{id.str} ' := ' E.\text{name}$
$E1 \rightarrow E2 + F$	$E1.\text{name} := \text{newtemp}();$ $E1.\text{code} := E2.\text{code} ++ F.\text{code} ++ E1.\text{name} ' := ' E2.\text{name} ' + ' F.\text{name}$
$E1 \rightarrow E2 - F$	$E1.\text{name} := \text{newtemp}();$ $E1.\text{code} := E2.\text{code} ++ F.\text{code} ++ E1.\text{name} ' := ' E2.\text{name} ' - ' F.\text{name}$
$E \rightarrow F$	$E.\text{name} := F.\text{name}; E.\text{code} := F.\text{code}$
$F \rightarrow (E)$	$F.\text{name} := E.\text{name}; F.\text{code} := E.\text{code}$
$F \rightarrow \text{id}$	$F.\text{name} := \text{id.str}; E.\text{code} := ""$
$F \rightarrow \text{num}$	$F.\text{name} := \text{num.val}; E.\text{code} := ""$

$++$ means string concatenation with new line $||$ means concatenation with space

a) $t1 := 5-2$ $t2 := 7+t1$ $x := t2$	B) $x = 7+t1$ $t1 = 5-2$	C) $x := t1+t2$ $t1 := 7$ $t2 := 5-2$
--	--------------------------------	--

Consider the following grammar (questions 9, 10, 11, 12)

Statement $\rightarrow$ if-stmt | other

If-stmt $\rightarrow$ if (exp) statement else-part

Else-part $\rightarrow$ else statement | ϵ

Exp $\rightarrow$ 0 | 1

[9] According to the previous grammar the First(statement)=.....

a) {if }	b) {if,else}	c) {if,other, else}	d) {if,other}
----------	--------------	---------------------	---------------

[10] According to the previous grammar the First(else-part)=.....

a) {else}	b) { ϵ }	c) {else, ϵ }	d) {else,other, ϵ }
-----------	-------------------	------------------------	------------------------------

[11] According to the previous grammar the Follow(if-stmt)=.....

a) {else}	b) {\$,else}	c) {\$ }	d) {else, ϵ }
-----------	--------------	----------	------------------------

[12] According to the previous grammar the Follow(exp)=.....

a) {)}	b) {\$}	c) {\$,else}	d) {else}
--------	---------	--------------	-----------

Question 2 True/False (10 pts)

[1] The following grammar is ambiguous []

$E \rightarrow E+E \mid E \times E \mid (E) \mid a \mid b$

[2] The following grammar generates email addresses

Addr $\rightarrow$ Name @ Name . id

Name $\rightarrow$ id | id . Name

For example, this could generate the addresses

id@id.id

id.id@id.id.id.id

This grammar is not LL(1) (can not apply LL(1) algorithm using this grammar) []

[3] In the previous grammar there is no intersection between follow(Addr) and follow(Name) []

[4] A grammar is an LL(1) grammar if the associated LL(1) parsing table has at most on production in each table entry []

[5] The most basic instruction of three-address code is designed to represent the evaluation of arithmetic expressions and has the following general form: $X=y \text{ op } z$ []

Question 4 (10 pts)

a) Translate the regular expression

$(a \mid b \mid c)^* d (e^+)^f$

into a corresponding non-deterministic finite state machine.

b) Consider the following context-free grammar of expressions
List the LR(0) items for this grammar.

$E' \rightarrow E$

$E \rightarrow n \mid (E, E)$

where n ranges over integers.

"اسْتَعِزْ بِاللّٰهِ وَلَا تَفْجَرْ"

الامتحان سبع (٧) صفحات - الإجابة في نفس الصفحة

Answer the following questions (10 Marks for each)

Q1. Write in the space the expected output of the following sub code:

(a)

The output here

```
using System;
class Program
{
    static void Main(string[] args)
    {
        int a = 1;
        int b = 10;
        int c = (b>a)? (b-10):(a+10);
        Console.WriteLine(c);
    }
}
```

(b)

The output here

```
using System;
class Program
{
    static void Main(string[] args)
    {
        int a = 1;
        int b = 10;
        int c = (b>a)? (b>10)? b:a:(a+10);
        Console.WriteLine(c);
    }
}
```

(c)

The output here

```
using System;
class Program
{
    static void Main(string[] args)
    {
        int a = 1;
        int b = 2;
        int c = 3;
        Console.WriteLine("{1} {2} {0}", a, b, c);
    }
}
```

Q2: Write the class named ***fraction***, this class must contain the following:

- two fields named ***num*** (البسط) and ***dem*** (المقام) with ***integer*** type.
- constructor with two arguments to initialize the fields.
- the function named ***sum()*** with two arguments from the ***fraction*** type, and return the sum of two objects from the class ***fraction***, the return type of this function in floating point format

$$\text{sum}(f_1, f_2) = \frac{a_1}{b_1} + \frac{a_2}{b_2} = \frac{a_1 b_2 + a_2 b_1}{b_1 b_2} \text{ if } f_1(a_1, b_1), f_2(a_2, b_2)$$

- in the ***Main*** function, create the two objects ***f1*** and ***f2*** with initial values and call the function ***sum*** by class name to compute the sum of the two fractions.
- the required constructors, [do not write any constructor that is not required]

Q3: Write the output in the neighbour space if the code is correct, if NOT, only state the errors:

(1)

```
using System;
class Program
{
    static void Main(string[] args)
    {
        person p1 = new person("ASD",22);
        engineer eng1 = new engineer();
    }
}
class person
{
    string Name;
    int age;
    public person() { Console.WriteLine("From Base Class"); }
    public person(string nm, int ag) { Name = nm; age = ag; }
}
class engineer : person
{
    string workaddress;
    public engineer() { Console.WriteLine("From Derived Class"); }
    public engineer(string wkad) { workaddress = wkad; }
}
```

(2)

```
using System;
class Program
{
    static void Main(string[] args)
    {
        fath f1 = new fath();
        chl c1 = new chl();
        ch2 c2 = new ch2();
        f1.pnt();
        c1.pnt();
        c2.pnt();
    }
}
class fath {
    public void pnt() { Console.WriteLine("I am FATHER"); }
}
class chl : fath
{
    Public new void pnt() { Console.WriteLine("I am first CHILD"); }
}
class ch2 : fath
{
    Public new void pnt() { Console.WriteLine("I am second CHILD"); }
}
```

(3)

```
using System;
class Program
{
    static void Main(string[] args)
    {
        {
            teacher t1 = new teacher("ASSIUT");
        }
        t1.pnt();
    }
}
class person
{
    public string name;
    public int age;
    public person(string n, int ag) { name = n; age = ag; }
    public void pnt() { Console.WriteLine("{0}\t{1}", name, age); }
}
class teacher : person
{
    public string waddress;
    public teacher(string w) { waddress = w; }
    public void pnt() { Console.WriteLine("{0}", waddress); }
}
```

(4)

```
using System;
public delegate int mydel(int n1, int n2);
class Program
{
    static void Main(string[] args)
    {
        mydel del;
        del = new mydel(f1);
        Console.WriteLine(del(10, 20));
        del = Program.f2;
        Console.WriteLine(del(10, 20));
    }
    public static int f1(int a, int b) { return a * a + b * b; }
    public static int f2(int c, int d) { return 2 * c + 2 * d; }
}
```

Q4: State the errors in few words, with correction:

1.

```
using System;
class Program : I1, I2
{
    static void Main(string[] args)
    {
        Program p1 = new Program();
        p1.pnt1();
        p1.pnt2();
    }
}
interface I1 { void pnt1(); }
interface I2 { void pnt2(); }
```

2.

```
using System;
public delegate void mydel(int n1);
class Program
{
    static void Main(string[] args)
    {
        mydel del;
        del = new mydel(f1);
        Console.WriteLine(del(10));
        del = new mydel(f2);
        Console.WriteLine(del(10));
    }
    public static int f1(int a) { return a * a; }
    public static int f2(int c) { return 2 * c; }
}
```

3.

```
using System;
class Program
{
    static void Main(string[] args)
    {
        person p1 = new person();
    }
}
class person
{
    string Name;
    int age;
    public person(string st, int g) { Name = st; age = g; }
}
```

4.

```
using System;
class Program
{
    static void Main(string[] args)
    {
        A a = new A();
        a.pnt();
    }
}
class A:B,C
{
}
class B
{
}
class C
{
    public void pnt() { Console.WriteLine("Class C: "); }
}
```

Q5: Complete the missing parts in the following program which includes the class named **point**, this class contains

- two fields named **Xcoord** and **Ycoord**.
- constructor with two arguments to initialize the fields.
- the function named **dist()** with a single argument from the **point** type, and return the distance between two objects from the class **point**. $\text{dist}(p1, p2) = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}$ if $P_1(x_1, y_1), P_2(x_2, y_2)$
- in the **Main** function, create the two objects **P1** and **P2** with initial values and call the function **dist()** by the second object to compute the Euclidean distance between the two points and print the result.

Remark: use the functions **Math.sqrt()** to compute the square root, **Math.pow()** to compute the power 2.

```
using System;
class Program
{
    static void Main(string[] args)
    {
        point p1 = new point(2, 6);
        point p2 = new point(5, 10);
        Console.WriteLine(.....); //calling dist()
    }
}
class point
{
    double Xcoord;
    double Ycoord;
    public point(double X, double Y) //constructor to initialize feilds
    { ..... }
    public double dist(point S)
    {
        .....
        .....
        .....
        .....
    }
}
```

End of Exam, with my best wishes:

Dr- Abdel-Rahiem Ahmed Hashem Mohammed

د. عبد الرحيم أحمد هاشم محمد

	Assiut University Faculty of Science Mathematics Dept.	Final Exam Theory of Computation Code : MC457	4/6/2022 Level: 4 Time: 2 hours	
---	--	---	---------------------------------------	---

Answer the following questions:

(50 Marks)

Part I: True/False (T/F) question

Put true or false and fill in the bubble sheet

- 1) The set $\{011, 0, 1, 110\}$ is represented by $1 + 110 + 0 + 011$.
- 2) $1(0|1)^*$ is matched by any string that starts with a '1'.
- 3) The language $\{a, ab\}$ is regular.
- 4) The set $b \cdot \{\Lambda, ab\}$ is represented by $(\Lambda + ab)b$.
- 5) The language $0\Sigma \cup \Sigma 1$ consists of all string that either with a 0 or end with a 1.
- 6) The language $\{\omega \mid \omega \text{ is a string of even length}\}$ is described by the expression $\Sigma\Sigma$.
- 7) The language $\{\omega \mid \omega \text{ has at least one 1}\}$ is described by the expression $\Sigma^*1\Sigma^*$.
- 8) $0\Sigma^* \cup \Sigma^*1 = \{\text{all string that either begin with a 0 or end with a 1}\}$.
- 9) $L(a + cb^*)$ is $\{a, c, bc, b^2c, b^3c, \dots, b^nc, \dots\}$.
- 10) The language $0\Sigma^*00$ consists of all string ending in 00.
- 11) $L = \{a(bb)^*\}$ is string of a followed by the set of all strings consisting of some number of concatenations of b , with itself.
- 12) The language $\{\epsilon, a, b, aa, bb, \dots, a^n, b^n, \dots\}$ is regular.
- 13) The language $\{\omega \mid \omega \text{ contains a single 1}\}$ is described by the expression 0^*10^* .
- 14) The language L over $\{a, b\}$ that contains the ab or ba as substring is regular.
- 15) The set of all strings containing ab . $(a + b)^*ab(a + b)^*$.
- 16) The language $\{\omega \mid \omega \text{ ends with 11}\}$ is described by the expression $\Sigma^*11\Sigma^*$.
- 17) Concatenating 1 and elements of $\{1\}^*$ represent $\{11, 111, \dots\}$.
- 18) In DFA, the machine can exist in multiple states at the same time.
- 19) Concatenating 0, any string over $\{0, 1\}$ and 1, can be represented by $0(0 + 1)^+1$.
- 20) The language $\{\Lambda, a, b, ab, abb, abbb, \dots, ab^n, \dots\}$ is represented by $(\Lambda + b + ab^*)$.
- 21) If $x = 01, y = 101$ and $z = 011$, then $xyzy$ is 01101011101 .
- 22) If L is a regular language and F is a finite language, then $L \cup F$ must be a regular language.
- 23) The set of all strings containing ab is described by $(a + b)^+ab(a + b)^+$.
- 24) A language is regular if and only if accepted by DFA.
- 25) All strings which do not contain the substring ba is described by the expression a^*b^* .

Part II: Multiple Choice Question

Circle one of the letters as your answer and fill in the bubble sheet

1) Which of the following does not represent the given language? Language: $\{0,01\}$

- | | | | |
|----------------------------|-------------|------------------------|-------------------------|
| a) $\{0\} \cup \{0\}\{1\}$ | b) $0 + 01$ | c) $\{0\} \cup \{01\}$ | d) $\{0\} \cdot \{01\}$ |
|----------------------------|-------------|------------------------|-------------------------|

2) 00^* can be expressed in which of the forms

- | | | | |
|----------|----------|-------------------|--------|
| a) 0^+ | b) 0^* | c) $0^+ \cup 0^*$ | d) 0 |
|----------|----------|-------------------|--------|

3) An NFA's transition function returns

- | | | | |
|------------|--------------------|--------------------|------------|
| a) A state | b) A Boolean value | c) A set of states | d) An edge |
|------------|--------------------|--------------------|------------|

4) The language $\{\Lambda, 0, 1, 01, 011, 0111, \dots, 01^n, \dots\}$ is described by the expression

- | | | | |
|-------------------------|---------------|-------------------------|-------------------------|
| a) $\Lambda + 1 + 01^*$ | b) $1 + 01^*$ | c) $\Lambda + 0 + 10^*$ | d) $\Lambda + 1 + 01^*$ |
|-------------------------|---------------|-------------------------|-------------------------|

5) The language $\{\omega \mid \omega \text{ ends with } 00\}$ is described by the expression

- | | | | |
|-------------------------|----------------|-----------------|-----------------|
| a) $\Sigma^*00\Sigma^*$ | b) $\Sigma 00$ | c) Σ^*00 | d) Σ^+00 |
|-------------------------|----------------|-----------------|-----------------|

6) The regular expression of  is

- | | | | |
|--------------|-----------|--------|----------|
| a) Λ | b) Φ | c) 0 | d) 0^* |
|--------------|-----------|--------|----------|

7) The regular expression of $\{1, 11, 111, \dots, 0, 10, 110, 1110, \dots\}$ is

- | | | | |
|------------------------|----------------|------------------------|----------------|
| a) $(1 + 0) \cdot 1^*$ | b) $(1 + 0)^*$ | c) $1^* \cdot (1 + 0)$ | d) $0^*(01)^*$ |
|------------------------|----------------|------------------------|----------------|

8) The language $\{\omega \mid \omega \text{ starts with } 00\}$ is described by the expression

- | | | | |
|-------------------------|-----------------|-----------------|-----------------|
| a) $\Sigma^*00\Sigma^*$ | b) $00\Sigma^*$ | c) Σ^*00 | d) $00\Sigma^+$ |
|-------------------------|-----------------|-----------------|-----------------|

9) $(10)^*$, denotes

- | | | | |
|-----------------------------|-------------------------------|-------------------------------|-------------------------------|
| a) $\{10^n \mid n \geq 0\}$ | b) $\{(10)^n \mid n \geq 1\}$ | c) $\{(01)^n \mid n \geq 0\}$ | d) $\{(10)^n \mid n \geq 0\}$ |
|-----------------------------|-------------------------------|-------------------------------|-------------------------------|

10) The language $\{\omega \mid \omega \text{ has at least one } 1\}$ is described by the expression

- | | | | |
|------------------------|----------------|----------------|------------|
| a) $\Sigma^*1\Sigma^*$ | b) $1\Sigma^*$ | c) Σ^*1 | d) $\{1\}$ |
|------------------------|----------------|----------------|------------|

11) The language $\{w : w \text{ contains exactly two } 0s\}$ is described by the expression

- | | | | |
|--------------------|------------------|-------------------------|-------------------------|
| a) $1^+0^*1^*01^+$ | b) $1^*01^*01^*$ | c) $\Sigma^*00\Sigma^*$ | d) $\Sigma^+00\Sigma^+$ |
|--------------------|------------------|-------------------------|-------------------------|

12) The language $\{w : w \text{ contains at least two } 0s\}$ is described by the expression

- | | | | |
|-------------------------|---------------------------------|--------------------------|--------------------------|
| a) $\Sigma^*00\Sigma^*$ | b) $\Sigma^*0\Sigma^*0\Sigma^*$ | c) $0\Sigma^*00\Sigma^*$ | d) $\Sigma^*00\Sigma^*0$ |
|-------------------------|---------------------------------|--------------------------|--------------------------|

13) The language $\{w : \text{the length of } w \text{ is even}\}$ is described by the expression

- | | | | |
|-----------------------|-------------------|-----------------------|-----------------------|
| a) $(\Sigma\Sigma)^+$ | b) $\Sigma\Sigma$ | c) $(\Sigma\Sigma)^*$ | d) $\Sigma^*\Sigma^*$ |
|-----------------------|-------------------|-----------------------|-----------------------|

14) The language $\{1011, 0\}$ is described by the expression

- | | | | |
|---------------|------------|-----------------|-----------|
| a) $1011 + 0$ | b) 10110 | c) $1011^* + 0$ | d) 1011 |
|---------------|------------|-----------------|-----------|

15) The regular expression $(0 \cup \epsilon)(1 \cup \epsilon)$ describes the language

- | | | | |
|-----------------------------|-------------------|-------------------|-----------------------------|
| a) $\{0, 1, 10, \epsilon\}$ | b) $\{01, 0, 1\}$ | c) $\{0, 1, 10\}$ | d) $\{01, 0, 1, \epsilon\}$ |
|-----------------------------|-------------------|-------------------|-----------------------------|

16) The regular expression of 

- | | | | |
|---------|------------|---------|------------|
| a) ba | b) $b + a$ | c) ab | d) $a + b$ |
|---------|------------|---------|------------|

17) The regular expression of $\{0, 00, 000, \dots, 1, 01, 001, 0001, \dots\}$ is

a) $(0 + 1) \cdot 0^*$	b) $0^* \cdot (0 + 1)$	c) $(0 + 1)^*$	d) $0^*(01)^*$
------------------------	------------------------	----------------	----------------

18) The finite automata accept the -----

a) context free language	b) regular language	c) irregular language	d) None
--------------------------	---------------------	-----------------------	---------

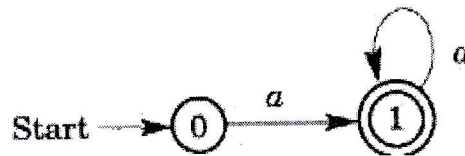
19) The regular expression for set notation $\{a, aa, aaa, \dots, b, ab, aab, aaab, \dots\}$

a) $\Sigma^*aab\Sigma^*$	b) $a^* \cdot (a + b)$	c) $(ab)^*(a + a + b)(ab)^*$	d) $\Sigma^*aab(a + b)$
--------------------------	------------------------	------------------------------	-------------------------

20) The regular expression $(0 \cup \epsilon)1^*$ describes

a) $1^*0 \cup 1^*$	b) $01^* \cup 1^*$	c) $01^* \cup 0^*$	d) $0^*\epsilon \cup 1^*$
--------------------	--------------------	--------------------	---------------------------

21) Which of the following is same as the given DFA?



a) a^*	b) aa^+	c) aa	d) aa^*
----------	-----------	---------	-----------

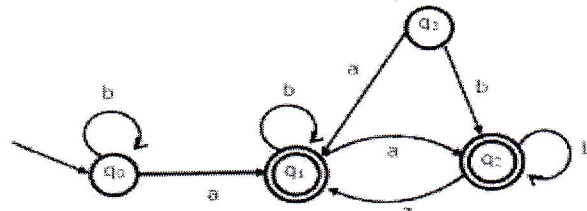
22) The regular expression of 

a) Λ	b) Φ	c) 0	d) 0^*
--------------	-----------	--------	----------

23) A DFA's transition function returns

a) A state	b) A Boolean value	c) A set of states	d) An edge
------------	--------------------	--------------------	------------

24) Which of the following is same as the given DFA?



a) $b^*ab^*ab^*ab^*$	b) $(a+b)^*$	c) $b^*a(a+b)^*$	d) $b^*ab^*ab^*$
----------------------	--------------	------------------	------------------

25) Given the language $L = \{ab, aa, baa\}$, which of the following strings are in L^* ?

1- abaabaaabaa 2- aaaabaaaa 3- baaaaabaaaab 4- baaaaabaa

a) 1, 2, 3	b) 2, 3, 4	c) 1, 2, 4	d) 1, 3, 4
------------	------------	------------	------------

Best Wishes
Dr. Mohamed Mostafa Darwish