

Department of Mathematics		قسم الرياضيات
Faculty of Science		كلية العلوم
امتحان الفصل الدراسي الثاني 2022/2021 م		
التاريخ: 2022 / 6 / 19 م	الزمن: 3 ساعات	مسمى المقرر: إحصاء حيوي (241 ر)

- اختر الإجابة الصحيحة لكلا مما يأتي: (لكل نقطة درجة واحدة)
- إذا كان A و B حدثان متنافيان وكان  $P(A) = 0.2$ ,  $P(B) = 0.4$  أجب عن الأسئلة (3 - 1)
  - (1) احتمال وقوع الحدثان A و B معاً يساوي
- |         |         |         |
|---------|---------|---------|
| a) 0    | b) 0.08 | c) 0.6  |
| a) 0.2  | b) 0.4  | c) 0.12 |
| a) 0.08 | b) 0.52 | c) 0.6  |
- (2) احتمال وقوع A وعدم وقوع B يساوي
- (3) احتمال وقوع أحد الحدثان A أو B يساوي
- (4) إذا كان A و B حدثان مستقلين فائي من الأحداث التالية يكون مستقل أيضاً
- |             |               |                |
|-------------|---------------|----------------|
| a) $A^c, B$ | b) $A^c, B^c$ | c) جميع ما سبق |
|-------------|---------------|----------------|
- (5) يصوب شخصان على هدف ما فإذا كان احتمال أن يصيّب الشخص الأول الهدف 0.6، واحتمال أن يصيّب الشخص الثاني الهدف 0.7، فإن احتمال أن يصيّب أحدهما على الأقل الهدف يساوي
- |        |         |         |
|--------|---------|---------|
| a) 0.6 | b) 0.42 | c) 0.88 |
|--------|---------|---------|
- (6) الدالة  $f(x)$  تكون دالة كثافة احتمالية إذا وفقط إذا كان
- |                             |  |                  |
|-----------------------------|--|------------------|
| a) $f(x) \geq 0, \forall x$ | b) $\int_{-\infty}^{\infty} f(x) dx = 1$ | c) (a), (b) معاً |
|-----------------------------|--|------------------|
- (7) إذا كان الانحراف المعياري للمجتمع الطبيعي (σ) مجهولاً، وكان حجم العينة أكبر من 30، فإن  $100\% (1 - \alpha)$  فترة ثقة لمتوسط المجتمع ( $\bar{X}$ ) تأخذ الصورة
- |  |   |   |
|--|---|---|
| a) $\bar{X} \pm Z_{(\frac{1-\alpha}{2})} \frac{s}{\sqrt{n}}$ | b) $\bar{X} \pm Z_{(\frac{1-\alpha}{2})} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$ | c) $\bar{X} \pm T_{(1-\frac{\alpha}{2}, v)} \frac{s}{\sqrt{n}}$ |
|--|---|---|
- (8) إذا كان لدينا مجتمعان يتبعان توزيعان طبيعيان مستقلان ببارامترات  $(\mu_1, \sigma_1^2)$  و  $(\mu_2, \sigma_2^2)$  وكان تباين التوزيعان معطومان ، فإن  $100\% (1 - \alpha)$  فترة ثقة لفارق بين متواسطي المجتمعين  $(\mu_2 - \mu_1)$  تعطى من العلاقة
- |  |  |  |
|--|--|--|
| a) $(\bar{X}_1 - \bar{X}_2) \pm Z_{(\frac{1-\alpha}{2})} \sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}$ | b) $(\bar{X}_1 - \bar{X}_2) \pm Z_{(\frac{1-\alpha}{2})} \sqrt{\frac{\sigma_1^2 + \sigma_2^2}{n_1 + n_2}}$ | c) $(\bar{X}_1 - \bar{X}_2) \pm Z_{(\frac{1-\alpha}{2})} \sqrt{\frac{\sigma_1^2 \sigma_2^2}{n_1 n_2}}$ |
|--|--|--|
- إذا كان أوزان مجموعة من الأطفال في أحد المدارس يتبع التوزيع الطبيعي بمتوسط 45 كجم وانحراف معياري مقداره 6 كجم. أجب عن الأسئلة (9 - 14)
- |  |  |  |
|--|--|--|
| $P(0 < z < 0.5) = 0.1915, P(0 < z < 1) = 0.3413, P(0 < z < 0.17) = 0.0675, \chi^2[0.9; 28] = 37.33,$ |  |  |
|--|--|--|
- (9) نسبة الأطفال الذين تقع أوزانهم بين 42 و 48 كجم تساوي
- |          |           |           |
|----------|-----------|-----------|
| a) 38.3% | b) 30.85% | c) 69.15% |
|----------|-----------|-----------|
- (10) إذا كان عدد الأطفال في المدرسة هو 150 طفل فإن عدد الأطفال الذين تقل أوزانهم عن 51 كجم يساوي تقريراً
- |       |           |        |
|-------|-----------|--------|
| a) 84 | b) 0.8413 | c) 126 |
|-------|-----------|--------|
- (11) احتمال أن يكون متوسط أوزان الأطفال لعينة حجمها 36 طفل أكبر من 46 كجم يساوي
- |           |           |           |
|-----------|-----------|-----------|
| a) 0.4325 | b) 0.8413 | c) 0.1587 |
|-----------|-----------|-----------|
- (12) احتمال أن يكون تباين أوزان الأطفال لعينة حجمها 29 طفل أكبر من 48 كجم يساوي
- |        |        |           |
|--------|--------|-----------|
| a) 0.9 | b) 0.1 | c) 0.3085 |
|--------|--------|-----------|
- (13) التوقع الرياضي لمتوسط أوزان عينة من الأطفال حجمها 36 يساوي
- |       |      |       |
|-------|------|-------|
| a) 45 | b) 6 | c) 36 |
|-------|------|-------|
- (14) الانحراف المعياري لمتوسط أوزان عينة من الأطفال حجمها 36 يساوي
- |       |      |      |
|-------|------|------|
| a) 45 | b) 6 | c) 1 |
|-------|------|------|

- اختبار بطريقة الاختيار من متعدد مكون من 4 أسئلة لكل سؤال 4 أجوبة واحد فقط منها صحيحة، فإذا أجاب طالب عن الأسئلة بطريقة عشوائية، أجب عن الأسئلة (15-18)
- (15) احتمال عدم إجابة أي سؤال بطريقة صحيحة يساوي
- a) 0.0004      b) 0.3164      c) 0
- (16) احتمال إجابة سؤالين على الأقل بطريقة صحيحة يساوي
- a) 0.7383      b) 0.2617      c) 0.2109
- (17) التوقع الرياضي لاختبار إجابة صحيحة يساوي
- a) 0.75      b) 0.25      c) 1
- (18) التباين لاختيار إجابة صحيحة يساوي
- a) 0.75      b) 0.25      c) 1

• أعطى 5 مرضى دواء عن طريق الحقن فكان ضغط دمهم قبل وبعد الحقن كالتالي

ضغط الدم قبل الحقن ( $X_1$ )	97	85	87	97	71
ضغط الدم بعد الحقن ( $X_2$ )	100	94	98	96	88

أجب عن الأسئلة (في أولاً وثانياً)

- أولاً: لحساب 99% فترة ثقة للفرق بين متوسطي ضغط الدم قبل وبعد الحقن، أجب عن الأسئلة (19-22)
- (19) متوسط ضغط الدم قبل وبعد الحقن يساوي
- a) 7.8      b) 49.14      c) 7.01
- (20) الانحراف المعياري لضغط الدم قبل وبعد الحقن يساوي
- a) 7.8      b) 7.01      c) 6.11
- (21) القيمة الجدولية المستخدمة لحساب فترة الثقة هي
- a)  $Z_{0.495} = 2.58$       b)  $t_{0.995,4} = 4.604$       c)  $t_{0.995,8} = 3.355$
- (22) فترة الثقة المناسبة هي
- a)  $(\bar{X}_2 - \bar{X}_1) \pm Z_{(1-\alpha)} \left( \sqrt{\frac{s_1^2}{n_1} + \frac{s_2^2}{n_2}} \right) = (-5.66, 21.26)$       b)  $\bar{D} \pm t_{(1-\alpha/2, n-1)} \left( \frac{s_D}{\sqrt{n}} \right) = (-6.63, 22.23)$
- c)  $(\bar{X}_2 - \bar{X}_1) \pm t_{(1-\alpha/2, n_1+n_2-2)} \left( S_p \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}} \right) = (-9.71, 25.31)$

ثانياً: لاختبار فرضية أن متوسط ضغط الدم بعد الحقن أكبر منه قبل الحقن عند مستوى معنوية 5%， أجب عن الأسئلة (23-26)

- (23) الفروض الإحصائية المستخدمة هي
- a)  $H_0: P_1 = P_2$ ,  $H_a: P_2 > P_1$       b)  $H_0: \mu_1 = \mu_2$ ,  $H_a: \mu_1 \neq \mu_2$       c)  $H_0: \mu_D = 0$ ,  $H_a: \mu_D > 0$
- (24) دالة الاختبار المستخدمة هي
- a)  $T = \frac{\bar{D} - \mu_0}{S_D/\sqrt{n}}$       b)  $T = \frac{\bar{x}_2 - \bar{x}_1}{S_p \sqrt{\left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)}}$       c)  $Z = \frac{\bar{x}_2 - \bar{x}_1}{\sqrt{\frac{s_1^2}{n_1} + \frac{s_2^2}{n_2}}}$
- (25) القيمة الجدولية المستخدمة لمقارنة قيمة دالة الاختبار بها هي
- a)  $T_{(0.95,8)} = 1.860$       b)  $T_{(0.95,4)} = 2.132$       c)  $Z_{0.45} = 1.65$
- (26) نتيجة الاختبار هي ضغط الدم بعد الحقن أكبر منه قبل الحقن (a) ضغط الدم قبل الحقن أكبر منه قبل الحقن (b) لا يوجد اختلاف في ضغط الدم قبل وبعد الحقن (c)

- سئل 300 رجل و 300 امرأة عن أحد البرامج الإذاعية فأجاب 240 رجل و 210 امرأة أنهم يفضلون هذا البرنامج.
- أجب عن الأسئلة (في أولاً وثانياً وثالثاً)
- أولاً: لحساب 99% فترة ثقة لنسبة الرجال الذين يفضلون البرنامج ( $p_1$ ), أجب عن الأسئلة (27-28)
- (27) القيمة الجدولية المستخدمة لحساب فترة الثقة هي
- a)  $Z_{0.495} = 2.58$       b)  $Z_{0.49} = 2.33$       c)  $t_{0.995,29} = 2.756$

(28) فتره الثقة المناسبة هي

a)  $\hat{p}_1 \pm T_{(1-\frac{\alpha}{2}, n_1-1)} \sqrt{\frac{\hat{p}_1 \hat{q}_1}{n_1}} = (0.7364, 0.8636)$

b)  $\hat{p}_1 \pm Z_{(\frac{1}{2}-\alpha)} \sqrt{\frac{\hat{p}_1 \hat{q}_1}{n_1}} = (0.746, 0.854)$

c)  $\hat{p}_1 \pm Z_{(\frac{1-\alpha}{2})} \sqrt{\frac{\hat{p}_1 \hat{q}_1}{n_1}} = (0.740, 0.860)$

ثانياً: لحساب 95% فتره ثقة للفرق بين النسبتين  $(p_2 - p_1)$ , أجب عن الأسئلة (29-30)  
 (29) القيمة الجدولية المستخدمة لحساب فتره الثقة هي

a)  $Z_{0.475} = 1.96$

b)  $Z_{0.45} = 1.65$

c)  $t_{0.975, 29} = 2.054$

(30) فتره الثقة المناسبة هي

a)  $(\hat{p}_1 - \hat{p}_2) \pm T_{(1-\frac{\alpha}{2}, v)} \sqrt{\frac{\hat{p}_1 \hat{q}_1}{n_1} + \frac{\hat{p}_2 \hat{q}_2}{n_2}} = (0.0279, 0.1721)$

b)  $(\hat{p}_1 - \hat{p}_2) \pm Z_{(\frac{1-\alpha}{2})} \sqrt{\frac{\hat{p}_1 \hat{q}_1}{n_1} + \frac{\hat{p}_2 \hat{q}_2}{n_2}} = (0.0312, 0.1688)$

c)  $(\hat{p}_1 - \hat{p}_2) \pm Z_{(\frac{1}{2}-\alpha)} \sqrt{\frac{\hat{p}_1 \hat{q}_1}{n_1} + \frac{\hat{p}_2 \hat{q}_2}{n_2}} = (0.0421, 0.1579)$

ثالثاً: لاختبار فرضية أن نسبة الرجال اللذين يفضلون مشاهدة البرنامج تختلف عن نسبة السيدات عند مستوى معنوية 10%, أجب عن الأسئلة (31-34)

(31) الفروض الإحصائية المستخدمة هي

a)  $H_0: P_1 = P_2,$   
 $H_a: P_2 > P_1$

b)  $H_0: \mu_1 = \mu_2,$   
 $H_a: \mu_1 \neq \mu_2$

c)  $H_0: P_1 = P_2,$   
 $H_a: P_1 \neq P_2$

(32) دالة الاختبار المستخدمة هي

a)  $Z = \frac{\hat{P}_1 - \hat{P}_2}{\sqrt{\hat{P}\hat{Q}\left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)}}$

b)  $Z = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{\sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}}$

c)  $T = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{s_p \sqrt{\left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)}}$

(33) القيمة الجدولية المستخدمة لمقارنة قيمة دالة الاختبار بها هي

a)  $Z_{0.4} = 1.28$

b)  $Z_{0.45} = 1.65$

c)  $t_{0.95, 588} = 1.648$

(34) نتائج الاختبار هي

نسبة الرجال لا تختلف عن نسبة السيدات (a)

نسبة الرجال لا تختلف عن نسبة السيدات (b)

لا يمكن التحديد (c)

في خلال فتره طويلة كان متوسط نسبة التقديرات اللي تمنع بواسطه مجموعة من المحاضرين في مقرر دراسي معين هي ضعيف 12%, مقبول 18%, جيد جدا 40%, جداً جيداً 18% ومتاز 12%. إذا أعطي محاضر جديد المقرر الدراسي خلال فصلين دراسيين وكانت النتائج كما يلي:

التقدير	ضعف	مقبول	جيد	جيد جداً	ممتاز
عدد الطلبة	12	16	66	34	22
النسب المتوقعة	E <sub>1</sub>	E <sub>2</sub>	E <sub>3</sub>	E <sub>4</sub>	E <sub>5</sub>

(35) أجب عن الأسئلة (35-39)

(35) النسب المتوقعة نظرياً E<sub>1</sub> و E<sub>2</sub> هي

a)  $E_1=18, E_2=27$

b)  $E_1=27, E_2=18$

c)  $E_1=27, E_2=60$

(36) النسب المتوقعة نظرياً E<sub>3</sub> و E<sub>5</sub> هي

a)  $E_3=18, E_4=27, E_5=60$

b)  $E_3=27, E_4=60, E_5=18$

c)  $E_3=60, E_4=27, E_5=18$

(37) قيمة مربع كاي المحسوبة ( $U^2$ ) تساوي

a) 9.785

b) 0.470

c) 13.276

(38) القيمة الجدولية لمربع كاي عند مستوى دلالة 5% هي

a)  $\chi^2[0.05, 4] = 0.711$

b)  $\chi^2[0.95, 4] = 9.488$

c)  $\chi^2[0.95, 9] = 16.919$

(39) عند مستوى دلالة 5% يمكن القول بأن المحاضر الجديد

يتابع نمط التقديرات السابقة (a)

لا يتابع نمط التقديرات السابقة (b)

لا يمكن التحديد (c)

• جربت 3 أنواع من الفيتامينات على 3 مجموعات من الفئران لمدة معينة فاستخدم كل نوع لمجموعة وكانت الزيادة في الوزن بعد هذه المدة كالتالي:

المجموعات	المشاهدات		
A	7	3	5
B	8	4	5
C	6	4	6

باستخدام تحليل التباين ولاختبار ما إذا كان هناك فروق معنوية في تأثير الفيتامينات عند مستوى معنوية 5%,

أجب عن الأسئلة (40-50)

(40) متوسط المشاهدات للمجموعة A يساوي

- a)  $\bar{X}_A = 5$       b)  $\bar{X}_A = 5.33$       c)  $\bar{X}_A = 5.67$   
 (41) متوسط المشاهدات للمجموعة B يساوي  
 a)  $\bar{X}_B = 5$       b)  $\bar{X}_B = 5.33$       c)  $\bar{X}_B = 5.67$   
 (42) متوسط المشاهدات للمجموعة C يساوي  
 a)  $\bar{X}_C = 5$       b)  $\bar{X}_C = 5.33$       c)  $\bar{X}_C = 5.67$   
 (43) مجموع المربيعات بين المجموعات ( $V_b$ ) يساوي  
 a) 20      b) 19.3266      c) 0.6734  
 (44) مجموع المربيعات داخل المجموعات ( $V_w$ ) يساوي  
 a) 20      b) 19.3266      c) 0.6734  
 (45) مجموع المربيعات الكلي للمفردات ( $V_T$ ) يساوي  
 a) 20      b) 19.3266      c) 0.6734  
 (46) درجات الحرية بين المجموعات  $v_1$  وداخل المجموعات  $v_2$  تساوي  
 a)  $v_1 = 2, v_2 = 8$       b)  $v_1 = 2, v_2 = 6$       c)  $v_1 = 6, v_2 = 8$   
 (47) متوسط مجموع المربيعات بين المجموعات ( $S_1^2$ ) وداخل المجموعات ( $S_2^2$ ) يساوي  
 a)  $S_1^2 = 0.1134, S_2^2 = 10.3755$       b)  $S_1^2 = 0.1122, S_2^2 = 2.4158$   
 c)  $S_1^2 = 0.3367, S_2^2 = 3.2211$   
 (48) قيمة F المحسوبة تساوي  
 a) 0.0109      b) 0.1045      c) 0.0464  
 (49) قيمة F الجدولية هي  
 a)  $F[0.95; 6, 2] = 19.3$       b)  $F[0.05; 2, 6] = 0.05$       c)  $F[0.95; 2, 6] = 5.14$   
 (50) نتيجة الاختبار هي  
 a) يوجد فرق معنوي      b) لا يوجد فرق معنوي      c) لا يمكن التحديد



## امتحان نهائي للفصل الدراسي الثاني

التاريخ: 2022-6-12

الدرجة الكلية: 50 درجة

الفرقـة : المستوى الثاني

الزمن : ساعتان

رقم المقرر ورمزه: 232

اسم المقرر: الميكانيكا التحليلية

## أجب عن الأسئلة التالية :-

(15 درجة)

السؤال الأول : أجب عن فقرة واحدة فقط :

- (ا) يتحرك جسيم على السطح الداخلي الأملس لقشرة كروية نصف قطرها  $a$  ومركزها  $O$  والممحور  $OZ$  رأسياً لأسفل قذف جسيم من نقطة  $P$  بحيث تكون الزاوية  $\angle POZ$  حادة وتساوي  $\alpha$  وبسرعة  $V_0$  مماسية للسطح وتساوي

حيث  $g$  عجلة الجانبية . أثبت أنه إذا أرتفع الجسيم فوق المستوى الأفقي المار بالمركز فان

(15 درجة)

$$\cos \alpha > \frac{\sqrt{5}-1}{2}$$

- (ب) - قذف جسيم بسرعة  $V_0$  ليتحرك داخل السطح الأملس الدوراني المتولد من دوران القطع المكافئ  $Z^2 = 4\rho$  حول

الممحور الرأسى  $OZ$  اوجد سرعة القذف  $V_0$  والتي تجعل الجسيم يتحرك بين المستويين  $h, \frac{h}{2}$  (15 درجة)

(10 درجات)

السؤال الثاني:

- أوجد عجلة مركز كرة متجانسة مصنوعة نصف قطرها  $a$  وكتلتها  $m$  تدرج تدريجاً تماماً على مستوى أفقي خشن خشونة كافية تمنع أي انزلاق تحت تأثير مجموعة من القوى الخارجية المعلومة تؤثر محصلتها عند مركزها

(10 درجات)

السؤال الثالث : أجب عن فقرتين فقط : (كل فقره 8 درجات)

- (ا) استنتاج معادلات هامiltonون لمجموعه ديناميكية هولونوميه محافظه

(ب) أوجد التحويل القانوني الذي دالته المولده هي  $G = -\frac{p^2}{2} \tan Q$  وأوجد  $\bar{H}$  إذا كانت

$$(i) H = \frac{p^2}{2m} + \frac{m\omega^2}{2} q^2, \quad (ii) H = mgq$$

- (ج) ربط جسيم كتلته  $m$  بواسطه خيط طوله  $a$  مثبت في النقطه  $0$  على محور  $z$  وتركه ليدور تحت تأثير الجاذبية الأرضيه كما موضح بالرسم فإذا علمت ان دالة لاجرانج له تعطي من

$$L = \frac{1}{2} ma^2 \left( \dot{\theta}^2 + \dot{\phi}^2 \sin^2 \theta \right) - mga \cos \theta$$

فأوجد دالله هاملتون

(9 درجات)

السؤال الرابع :

- في حركة المقذوفات في وسط غير مقاوم اكتب معادلات لاجرانج وهاملتون وراوثر



**Part1: True/ False (1/2 point for each)**

1. An array-based list automatically gives you an  $O(1)$  length operation, but in a linked implementation the length operation can be either  $O(1)$  or  $O(N)$  depending on the design decision.
2. Given only the external pointer to a linked list, it is slower to insert a node at the front of the list than at the back.
3. Recursion uses more memory compared to iteration.
4. Recursion is a method in which the solution of a problem depends on larger instances of different problems.
5. An algorithm that calls itself directly or indirectly is known as Sub algorithm.
6. In recursion, the condition for which the function will stop calling itself is best case.
7. The algorithm for deleting from an unsorted list has the last item replace the item being deleted.
8. Inserting into an unsorted list and deleting from an unsorted list are the same time complexity.
9. The complexity of linear search algorithm is  $O(\log n)$ .
10. Linked list search complexity is  $O(n)$ .
11. If there's no base criteria in a recursive program, the program will not be executed.
12. A linear list in which each node has pointers to point to the predecessor and successors nodes is called as Singly Linked List
13. A circular queue is a linear list in which insertions and deletions are made to from either end of the structure.
14. In a priority queue, insertion and deletion takes place at front, rear end
15. The number of comparisons done by sequential search is  $N/2+1$
16. Binary search is not used for searching in a sorted array.
17. The time complexity of binary search is  $O(n \log n)$ .
18. Using singly linked lists and circular list, it is not possible to traverse the list backwards.
19. To find the predecessor, it is required to traverse the list from the first node in case of singly linked list.
20. The left child is always lesser than its parent in a binary search tree
21. The right child is always greater than its parent in a binary search tree
22. The left and right sub-trees should also be binary search trees in a binary search tree
23. In order sequence gives decreasing order of elements in a binary search tree
24. Insertion sort algorithm uses divide and conquer approach.

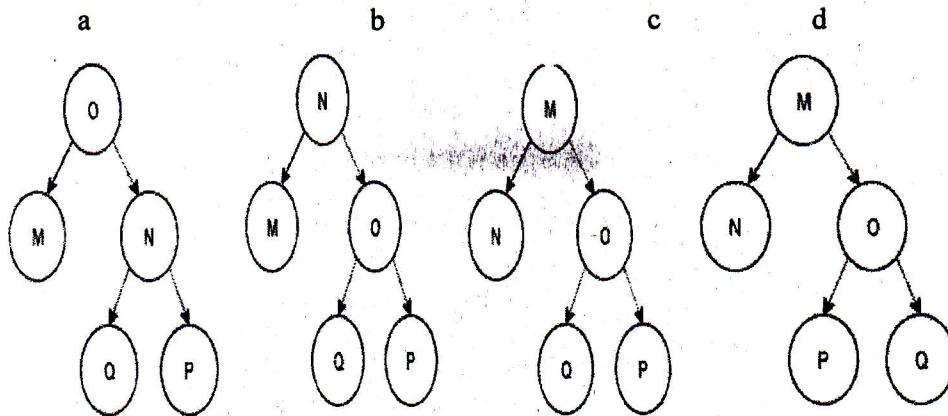
**Part2: Choose the correct answer (one point for each)**

25. In ..... search start at the beginning of the list and check every element in the list.
  - a. Linear search
  - b. Binary search
  - c. Hash Search
  - d. Binary Tree search
26. What will be the recurrence relation of the code of recursive selection sort?
  - a.  $t(n) = 2t(n/2) + n$
  - b.  $t(n) = 2t(n/2) + c$
  - c.  $t(n) = t(n-1) + n$
  - d.  $t(n) = t(n-1) + c$
27. Problems that can be solved in polynomial time are known as?
  - a. intractable
  - b. tractable
  - c. decision
  - d. complete
28. Which of the following data structure is non-linear type?
  - a. Strings
  - b. Lists
  - c. Stacks
  - d. None of above
29. The Worst case occur in linear search algorithm when

- a. Item is somewhere in the middle of the array
  - b. Item is not in the array at all
  - c. Item is the last element in the array
  - d. none of the above
30. The complexity of the average case of an algorithm is
- a. Much more complicated to analyze than that of worst case
  - b. Much more simpler to analyze than that of worst case
  - c. Sometimes more complicated and some other times simpler than that of worst case
  - d. None or above
31. Which data structure allows deleting data elements from front and inserting at rear?
- a. Stacks b. Queues c. Deques d. Binary search tree
32. Identify the data structure which allows deletions at both ends of the list but insertion at only one end.
- |   |  |
|---|--|
| <ul style="list-style-type: none"> <li>a. Input-restricted deque</li> <li>c. Priority queues</li> </ul> | <ul style="list-style-type: none"> <li>b. Output-restricted deque</li> <li>d. None of above</li> </ul> |
|---|--|
33. In doubly linked lists
- a - a pointer is maintained to store both next and previous nodes.
  - b - two pointers are maintained to store next and previous nodes.
  - c - a pointer to self is maintained for each node.
  - d - none of the above.
34. Two main measures for the efficiency of an algorithm are
- a. Processor and memory b. Complexity and capacity
  - c. Data and space d. none of the above
35. The time factor when determining the efficiency of algorithm is measured by
- a. Counting microseconds
  - b. Counting the number of key operations
  - c. Counting the number of statements
  - d. Counting the kilobytes of algorithm
36. For a binary search algorithm to work, it is necessary that the array (list) must be
- a. Sorted b. unsorted c. in a heap d. popped out of stack
37. What data structure can be used to check if a syntax has balanced parenthesis ?
- a. Queue b. tree c.List d. stack
38. Stack is used for
- a.CPU Resource Allocation b.Breadth First Traversal
  - c. Recursion d.None of the above
39. A circular linked list can be used for
- a.Stack b.Queue c. Both Stack & Queue d. Neither Stack or Queue
40. Which of the following is true about the characteristics of abstract data types?
- i) It exports a type.
  - ii) It exports a set of operations
- a. True, False b. False, True c. True, True d. False, False
41. .... is not the component of data structure.
- a. Operations b. Storage Structures c. Algorithms d. None of above
42. Inserting an item into the stack when stack is not full is called ..... Operation and deletion of item form the stack, when stack is not empty is called ..... operation.
- A. push, pop B. pop, push C. insert, delete D. delete, insert
43. .... Is a pile in which items are added at one end and removed from the other.
- A. Stack B. Queue C. List D. None of the above
44. .... is very useful in situation when data have to stored and then retrieved in reverse

order.

- A. Stack B. Queue C. List D. Link list
45. A ..... is a data structure that organizes data similar to a line in the supermarket, where the first one in line is the first one out.
- A. Queue linked list B. Stacks linked list C. Both of them D. Neither of them
46. What will be the value of top, if there is a size of stack STACK\_SIZE is 6
- A. 5 B. 6 C. 4 D. None
47. ..... is not the operation that can be performed on queue.
- A. Insertion B. Deletion C. Retrieval D. Traversal
48. In general, the binary search method needs no more than ..... comparisons.
- A.  $\lceil \log_2 n \rceil - 1$  B.  $\lceil \log n \rceil + 1$  C.  $\lceil \log_2 n \rceil$  D.  $\lceil \log_2 n \rceil + 1$
49. Which of the following is not the type of queue?
- A. Ordinary queue B. Single ended queue
  - C. Circular queue D. Priority queue
50. ..... is not an operation performed on linear list
- a) Insertion b. Deletion c. Retrieval d. Traversal
- A. only a,b and c B. only a and b C. All of the above D. None of the above
51. Which is/are the application(s) of stack
- A. Function calls B. Large number Arithmetic
  - C. Evaluation of arithmetic expressions D. All of the above
52. A data structure where elements can be added or removed at either end but not in the middle is called ...
- A. linked lists B. stacks C. queues D. dequeue
53. Which of the following statement is false?
- A. Arrays are dense lists and static data structure.
  - B. Data elements in linked list need not be stored in adjacent space in memory
  - C. Pointers store the next data element of a list.
  - D. Linked lists are collection of the nodes that contain information part and next pointer.
54. When does top value of the stack changes?
- A. Before deletion B. While checking underflow
  - C. At the time of deletion D. After deletion
55. Which of the following data structure is not linear data structure?
- A. Arrays B. Linked lists C. Both of the above D. None of the above
56. The disadvantage in using a circular linked list is .....
- A. It is possible to get into infinite loop.
  - B. Last node points to first node.
  - C. Time consuming
  - D. Requires more memory space
57. The number of edges from the root to the node is called \_\_\_\_\_ of the tree.
- a) Height b. Depth c. Length d. Width
58. What is a complete binary tree?
- a. Each node has exactly zero or two children
  - b. A binary tree, which is completely filled, with the possible exception of the bottom level, which is filled from right to left
  - c. A binary tree, which is completely filled, with the possible exception of the bottom level, which is filled from left to right
  - d. A tree In which all nodes have degree 2
59. Construct a binary tree by using the following postorder and inorder sequences:
- Inorder: N, M, P, O, Q Postorder: N, P, Q, O, M



60. What is the speciality about the inorder traversal of a binary search tree?

- a. It traverses in a non increasing order
- b. It traverses in an increasing order
- c. It traverses in a random fashion
- d. It traverses based on priority of the node

61. What does the following piece of code do?

```
public void func(Tree root)
{
    func(root.left());
    func(root.right());
    System.out.println(root.data());
}
```

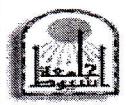
- a. Preorder traversal
- b. Inorder traversal
- c. Postorder traversal
- d. Level order traversal

62. What does the following piece of code do?

```
public void func(Tree root)
{
    System.out.println(root.data());
    func(root.left());
    func(root.right());
}
```

- a. Preorder traversal
- b. Inorder traversal
- c. Postorder traversal
- d. Level order traversal

*Prof. Marghny H. Mohamed*



"اسْتَعِنْ بِاللّٰهِ وَلَا تَعْجِزْ "

الامتحان سبع (٧) صفحات - الإجابة في نفس الصفحة

**Answer the following questions: (50 Marks)**

**Q1. Write in the space the expected output of the following sub code: (10 Marks)**

(a)

The output here

```
#include <iostream>
using namespace std;
void main()
{
    int A = 1;
    int B = 1;
    A++; B++;
    int X = ++A + ++B;
    cout<< A << endl;
    cout<< B << endl;
    cout<< X++ << endl;
}
```

(b)

The output here

```
#include <iostream>
using namespace std;
void main()
{
    int X,W;
    double Y,Z;
    X = 5./2;
    Y = X/4.;
    Z = Y + 50;
    W = Z + 50;
    cout<< Z << endl;
    cout<< W << endl;
}
```

(c)

The output here

```
#include <iostream>
using namespace std;
void main()
{
    int N = 8;
    int A = 4;
    int B = A % N;
    int C = ++B + 5;
    cout<< B << endl;
    cout<< C << endl;
}
```

(d)

The output here

```
#include <iostream>
using namespace std;
void main()
{
    for (int i=1; i<=50; i++)
    {
        int rem = i % 7;
        if (rem == 0)
            cout<<i<<endl;
    }
}
```

**Q2. Which of the following codes produce the following outputs**

(10 Marks)

**(1)**

```
*  
***  
*****  
*****  
*****
```

a

```
#include <iostream>  
using namespace std;  
void main(){  
    for (int i=1; i<=5; i++)  
    {  
        for (int j=1; j<=2*i+1; j++)  
            cout<<"*";  
        cout<<endl;}}
```

b

```
#include <iostream>  
using namespace std;  
void main(){  
    for (int i=1; i<=5; i++)  
    {  
        for (int j=1; j<=2*i-1; j++)  
            cout<<"*";  
        cout<<endl;}}
```

c

```
#include <iostream>  
using namespace std;  
void main(){  
    for (int i=1; i<=5; i++)  
    {  
        for (int j=1; j<=2*i; j++)  
            cout<<"*";  
        cout<<endl;}}
```

d

```
#include <iostream>  
using namespace std;  
void main(){  
    for (int i=1; i<=5; i++)  
    {  
        for (int j=1; j<=i; j++)  
            cout<<"*";  
        cout<<endl;}}
```

**(2)**

```
*  
**  
***  
****  
*****
```

a

```
#include <iostream>  
using namespace std;  
void main(){  
    for (int i=1; i<=5; i++)  
    {  
        for (int j=1; j<=2*i-1; j++)  
            cout<<"*";  
        cout<<endl;}}
```

b

```
#include <iostream>  
using namespace std;  
void main(){  
    for (int i=1; i<=5; i++)  
    {  
        for (int j=1; j<=i; j++)  
            cout<<"*";  
        cout<<endl;}}
```

c

```
#include <iostream>  
using namespace std;  
void main(){  
    for (int i=1; i<=5; i++)  
    {  
        for (int j=1; j<=2*i; j++)  
            cout<<"*";  
        cout<<endl;}}
```

d

```
#include <iostream>  
using namespace std;  
void main(){  
    for (int i=1; i<=5; i++)  
    {  
        for (int j=1; j<=2*i+1; j++)  
            cout<<"*";  
        cout<<endl;}}
```

(3)

```
*****
*****
*****
*****
*****
```

a

```
#include <iostream>
using namespace std;
void main(){
    for (int i=1; i<=5; i++)
    {
        for (int j=1; j<=5; j++)
            cout<<"*"  
cout<<endl;}}
```

b

```
#include <iostream>
using namespace std;
void main(){
    for (int i=1; i<=5; i++)
    {
        for (int j=1; j<=5; j++)
            cout<<"*";
        cout<<endl;}}
```

c

```
#include <iostream>
using namespace std;
void main(){
    for (int i=1; i<=5; i++)
    {
        for (int j=1; j<=5; j++){
            cout<<"*";
            cout<<endl;}}}
```

d

```
#include <iostream>
using namespace std;
void main(){
    for (int i=1; i<=5; i++)
    {
        for (int j=1; j<=i; j++)
            cout<<"*";
        cout<<endl;}}
```

(4)

```
1
12
123
1234
12345
```

a

```
#include <iostream>
using namespace std;
void main(){
    for (int i=1; i<=5; i++)
    {
        for (int j=1; j<=2*i-1; j++)
            cout<<i;
        cout<<endl;}}
```

b

```
#include <iostream>
using namespace std;
void main(){
    for (int i=1; i<=5; i++)
    {
        for (int j=1; j<=i; j++)
            cout<<j;
        cout<<endl;}}
```

c

```
#include <iostream>
using namespace std;
void main(){
    for (int i=1; i<=5; i++)
    {
        for (int j=1; j<=i; j++)
            cout<<i;
        cout<<endl;}}
```

d

```
#include <iostream>
using namespace std;
void main(){
    for (int i=1; i<=5; i++)
    {
        for (int j=1; j<=2*i+1; j++)
            cout<<j;
        cout<<endl;}}
```

**Q3.** Write a program to compute the value of Y which defined from the following rule

$$Y = \begin{cases} x^5 + 1; & x \leq 0 \\ 5x + 3; & x > 0 \end{cases}$$

**The program here:**

**(5 Marks)**

**Q4. Choose the correct output which appear when executing the following statements:  
(10 Marks)**

1. `cout << (11/5);`

- a) 2.5      b) 0.5      c) 0      d) 2

2. `cout << (11/5 + 0.5);`

- a) 2      b) 0.5      c) 0      d) 2.5

3. `cout << ((int)(11/5 + 0.5));`

- a) 2.5      b) 0.5      c) 0      d) 2

4. `cout << ((double)11/5);`

- a) 2      b) 0.2      c) 0      d) 2.2

5. `cout << ((double)(11/5.0));`

- a) 2      b) 0.2      c) 2.0      d) 2.2

6.

```
double num[] = {2.0, 3.0, 9.0}; double result = 0;  
for (int i = 0; i < 3; ++i)  
    result = result + num[i];  
cout << (result/3);
```

- a) 3.0      b) 0.0      c) 14.0      d) 4.66667

7.

```
int a = 3; cout << (a++ * 8);
```

- a) 32      b) 25      c) 23      d) 24

8.

```
double B = 2.5; cout << (++B);
```

- a) 3      b) 2.5      c) 4      d) 3.5

9.

```
double B = 2.5; cout << ((int)++B);
```

- a) 3.5      b) 2.5      c) 4      d) 3

Q5. Complete the missing parts in the following program to compute and print the sum of all elements in a matrix with dimension  $4 \times 4$  except the elements in the main diagonal.

(8 Marks)

```
#include <iostream>
using namespace std;
void main()
{
    double Arr [4][4];
    for (..... i=0; i<4; i++)
        for (..... j=0; j<4; j++)
            cin>>Arr[i][j];           //for reading the elements of Arr

    ..... sum = 0;                  //suitable type of variable sum
    for (..... i=0; i<4; i++)
    {
        for (..... j=0; j<4; j++)
            if (.....) sum = sum + .....; /*to
                                         get desired elements*/
    }
    cout<< ..... << endl;
}
```

**Q6.** Write a program include the following:

- structure named **point** contains two fields **Xcoord** and **Ycoord** with floating-point type.
- function named **dist()** takes two arguments from type **point**, and computes the distance between them

$\text{dist}(p1, p2) = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}$  if  $P_1(x_1, x_2)$ ,  $p_2(x_2, y_2)$ , use the built-in function **sqrt()** to compute the square root.

- In the **main()** function, create a two instances from the structure **point**, and assign to them a suitable values.
- Call the function **dist()** to compute the distance between these two instances and print the result in the **main()** function. **(7 Marks)**

---

*End of Exam, with my best wishes:*

*Dr- Abdel-Rahiem Ahmed Hashem Mohammed*

*د. عبد الرحيم أحمد هاشم محمد*

اجب عن ما يلى:  
السؤال الأول

- أ- تؤثر مجموعة القوى  $F_{1,2,3,2,1,6}$  في الاتجاهات  $F_1, F_2, F_3, F_4, F_5, F_6$  على  $AC, BD, AB, BC, CD, DA$  على الترتيب من المربع  $ABCD$ . اوجد قيم  $F_1$  و  $F_2$  اذا كانت المجموعة تكفى ازدواج فقط و اوجد عزمها .  
 ب- وضعت أسطوانة منتظمة نصف قطرها  $r$  و ارتفاعها  $h$  على مستوى مائل بزاوية  $\alpha$  و كانت قاعدتها على المستوى. في حالة زيادة ميل المستوى، اثبت ان الاسطوانة تقلب قبل ان تنزلق اذا كان  $\frac{2r}{h} \geq \mu$  .  
 (٥ درجات)

السؤال الثاني

- أ- تستقر ساق معدنية  $ABCD$  على حاملين عند  $B$  و  $C$ . فإذا علم ان الساق تكون على وشك الدوران اذا علق الوزن  $W_1$  عند  $A$  او اذا علق الوزن  $W_2$  عند  $D$ ; فاوجد وزن الساق و مركز ثقلها .  
 ب- نصف دائرة نصف قطرها  $a$  مثبتة مستوتها رأسيا و قاعدتها المستوية على المستوى الافقى. وضع قضيب منتظم طوله  $l$  ليسقر بطرفه على نقطة على النصف دائرة و الطرف الآخر على المستوى. فإذا كانت هي زاوية الاحتكاك النهائي بين القضيب وكل من الدائرة و الارض، اثبت في حالة الالتزان النهائي ان ميل القضيب على الافقى يتبع من  $\sin 2\theta = 2 \sin \lambda$  .  
 (٧ درجات)

السؤال الثالث

- أ- تسقط نقط من الماء من سطح نفق فتمر على نافذة قطار يسير تحته وتصنع زاوية  $\frac{1}{2} \tan^{-1} v$  مع الافقى. إذا علم ان  $v$  هي سرعة القطارات اوجد سرعة القطار.  
 ب- بدأ جسم حركة تواقيبة بسيطة من السكون وكان زمن الذبذبة الكاملة  $T$  اثبت انه يقطع ربع مسافة وصوله الى موضع السكون اللحظي الاخر في زمن  $\frac{T}{3}$ .  
 (٥ درجات)

السؤال الرابع

- أ- قاطرة كتلتها 30 طناً تجر قطاراً كتلته 135 طناً، وكان الإحتكاك يساوي  $1/50$  من وزن القطار كله. اوجد القوة اللازمة اذا زادت سرعة القطار كله في نهاية الميل الاول من بدء الحركة الى 45 ميل في الساعة. اوجد ايضاً ميل المستوى الذي يجعل القطار يتحرك الى اسفل بسرعة منتظمة بدون استخدام الفرامل.  
 ب- يطلق مدفع قذائفه بسرعة  $120 \text{ ft/sec}$  و يُراد لقذيفة ان تصيب هدفاً على ارتفاع  $72 \text{ ft}$  ويبعد  $360 \text{ ft}$  عن موضع المدفع. اوجد زاويتي التصويب والمدى الأفقي المناظر لكل منها.  
 (٨ درجات)

(٧ درجات)



قسم الرياضيات  
كلية العلوم  
2022/6/16

الفصل الدراسي الثاني

الامتحان النهائي  
المستوى الثاني علوم - رياضيات وحاسب  
الزمن: ساعتان احتمالات (1) 242 رأ

**ALL QUESTIONS ARE TO BE ATTEMPTED (10 points for every question)**

(1) (a) (i) Let  $P(A) = 0.4$  and  $P(A \cup B) = 0.6$ . For what value of  $P(B)$  are  $A$  and  $B$  independent?

(ii) Given that  $P(A \cup B) = 0.76$  and  $P(A \cup B^c) = 0.87$ , find  $P(A)$ .

(b) A factory has three production lines associated with the production of an item. The percentage of items produced in each of these three lines is 50% for the first, 30% for the second and 20% for the third. Assume further that 0.7% of the items produced in line A are defective, while the percentage of defective items in the second line is 0.9%, and in the third line it is 0.3%. A sample of the items produced is then examined and suppose it is found to be defective. Find the probability that it was produced in (i) the first line; (ii) the second line; (iii) the third line.

(2) (a) If the random variable  $X$  has the PDF

$$f_X(x) = \begin{cases} ck x^{c-1} (1 + x^c)^{-k-1}, & x > 0, \\ 0, & \text{o.w} \end{cases} \quad (k, c > 0)$$

Then find: (i) The CDF of  $X$ . (ii) The median of this PDF.

(b) (i) Let  $\mu_r = E(X - \beta_1)^r$  be the central moments of a random variable  $X$  and let  $\beta_r = E(X^r)$ ,  $r = 0, 1, 2, \dots$  be the non-central moments of  $X$ . Prove that, using the binomial expansion, the relation between the two moment types can be written as

$$\mu_r = \sum_{j=0}^r (-1)^j \binom{r}{j} (\beta_1)^j \beta_{r-j}, \quad r = 2, 3, \dots$$

(ii) Use the relation derived in part (i) above to derive: the variance  $\mu_2$ ,  $\mu_3$  and  $\mu_4$  in terms of  $\beta_1$ ,  $\beta_2$ ,  $\beta_3$  and  $\beta_4$ . What is the importance of these three central moments?

(3) (a) If  $X$  has the binomial distribution with PMF

$$f_X(x) = \begin{cases} \binom{n}{x} p^x q^{n-x}, & x = 0, 1, \dots, n, \\ 0, & \text{o.w} \end{cases} \quad (0 < p < 1, p + q = 1)$$

then prove that:

$$(i) M_X(t) = [q + pe^t]^n \quad (ii) V(X) = npq$$

(b) Find the constant  $k$  such that the function

$$f_X(x) = \begin{cases} k(2x+1), & x = 0, 1, 2, 3, 4, \\ 0, & o.w \end{cases}$$

represents a PMF of the random variable  $X$  and then find its CDF.

- (4) (a) If the moment generating function of the normal distribution with the parameters  $\mu$  and  $\sigma^2$  is given by  $M_X(t) = \exp [\mu t + \sigma^2 \frac{t^2}{2}]$ , then: (i) Find  $\beta_r = E(X^r)$ ,  $r = 1, 2$ , (ii) Show that  $\mu_2 = \sigma^2$

- (b) Let  $X$  have a Poisson distribution with PMF

$$f_X(x) = \frac{\lambda^x e^{-\lambda}}{x!}, \quad x = 0, 1, 2, \dots$$

- (i) Find  $V(X)$  (ii) If  $\lambda = 1$ , then prove that  $P(X > 1 | X \leq 2) = 1/5$ .

- (5) (a) If the random variables  $X$  and  $Y$  have the BPMF given by the table

$y \backslash x$	1	2	3	4
1	2/32	3/32	4/32	5/32
2	3/32	4/32	5/32	6/32

Find the following:

- (i)  $f_X(x)$  and  $f_Y(y)$ . (ii)  $f_{X|Y}(x|2)$ . (iii) BCDF of  $X$  and  $Y$ . (iv) marginal CDFs of  $X$  and  $Y$ .

- (b) Let  $X$  and  $Y$  be continuous random variables with BPDF

$$f_{X,Y}(x, y) = \begin{cases} xe^{-x(y+1)}, & x > 0, y > 0, \\ 0, & o.w \end{cases}$$

- Find: (i)  $f_Y(y)$  (ii)  $f_{X|Y}(x|y)$  (iii)  $F_{X|Y}(x|y)$

Note that, PDF=probability density function, PMF= probability mass function, CDF=cumulative distribution function, BCDF=bivariate cumulative distribution function, BPMF=bivariate probability mass function, and BPDF =bivariate probability density function.

Best wishes ,,

Prof. Abd EL-Basset A. Ahmad

أجب عن خمسة أسئلة فقط من الآتى:-(ا) اوجد قيمة نهاية الدالة الآتية اذا كانت موجودة عندما  $(x,y) \rightarrow (0,0)$   
 $f(x,y) = \frac{xy^3}{x^2 + y^2}$ 

$$f(x,y) = \begin{cases} \frac{1-\cos(x^2+y^2)}{(x^2+y^2)^2}, & (x,y) \neq (0,0) \\ \frac{1}{2}, & (x,y) = (0,0) \end{cases}$$

(٢) (ا) إذا كانت:  $x \frac{\partial f}{\partial x} - y \frac{\partial f}{\partial y} = \sqrt{x^2 - y^2}$  اثبت ان:  $f(x,y) = \sin^{-1}\left(\frac{y}{x}\right) + \sqrt{x^2 - y^2}$ (ب) حق نظرية اويلر للدالة المتجانسة الآتية:  $f(x,y) = x^2 y - xy^2 + y^3$ (٣) (ا) اختبر من حيث النهايات العظمى او الصغرى للدالة:  $f(x,y) = 4xy - x^4 - y^4$ (ب) اذا كانت:  $w = \tan^{-1}\left(\frac{xz}{y}\right)$  فاوجد:  $\frac{\partial w}{\partial x}, \frac{\partial w}{\partial y}, \frac{\partial w}{\partial z}$ (٤) اثبت ان الدالة:  $f(x,y) = e^x \sin y$  توافقية.(ب) باستخدام قاعدة السلسلة اوجد  $\frac{\partial z}{\partial u}, \frac{\partial z}{\partial v}$  للدالة:  $z = x^2 - y \tan x, x = u^2 v^2, y = \frac{u}{v}$ 

$$(5) \text{ اوجد قيمة التكامل: } \int_0^{\frac{\pi}{2}} \int_0^1 \int_0^{\sqrt{1-x^2}} x \cos z \, dy \, dx \, dz$$

(ب) عين المنطقة المأمور على التكامل:  $\int_0^2 \int_{\frac{y}{2}}^1 e^{x^2} \, dx \, dy$  وبتبديل ترتيب التكامل اوجد قيمته.(٦) (ا) باستخدام التكامل الثنائى اوجد مساحة الدائرة:  $x^2 + y^2 = a^2$ (ب) احسب قيمة:  $\iint_D dA$  حيث  $D$  هي المنطقة الواقعه بين القطع المكافئ  $y = x^2$  والمستقيم  $y = x$ 

انتهى الإسئلة - مع دعواتي لكم بالتوفيق والنجاح

د/ عبد الله الصقفي

Faculty of Science		كلية العلوم
Department of Mathematics		قسم الرياضيات
امتحان نهائي الفصل الدراسي الثاني للعام الجامعي ٢٠٢٢/٢٠٢١		
لغير طلاب الرياضيات	الدرجة: ٥٠ درجة	الفرقه الثانية
التاريخ: ٦/١١/٢٠٢٢ م	الزمن: ساعتان	معادلات تفاضلية (٢١٤)

اجب عن ثلاثة أسئلة فقط مما يلى على ان يكون الأول منهم:  
(ممنوع استخدام الالة الحاسبة نهائياً)

السؤال الأول: (اجبارى - ٢٠ درجة)

١. اوجد الحل العام والحل المفرد لمعادلة كليروت  $y = xp - p^2$  (٨ درجات)

٢. اوجد الحل العام للمعادلات التفاضلية الآتية:

(i)  $y'' - 5y' + 4y = 0$  (٦ درجات)

(ii)  $\cos x \frac{dy}{dx} + y \sin x + y^3 = 0$  (٦ درجات)

السؤال الثاني: (١٥ درجة)

١. حل مسالة القيمة الابتدائية  $y' = 3x^2 - 1, \quad y(1) = 2$  (٥ درجات)

٢. اوجد الحل العام لمعادلة التفاضلية

$$(D^2 + 3D + 2)y = 20e^{3x} + 12e^x, \quad D \equiv \frac{d}{dx}$$

السؤال الثالث: (١٥ درجة)

١. اوجد المعادلة التفاضلية التي حلها العام هو مجموعة القطاعات الناقصة الممثلة بالمعادلة

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 \quad (٨ درجات)$$

٣. اوجد الحل العام لمعادلة التفاضلية  $xy' = y - x \cos^2 \left(\frac{y}{x}\right)$  (٧ درجات)

السؤال الرابع: (١٥ درجة)

١. حل المعادلة التفاضلية  $p^2 + (2x - y)p - 2xy = 0$  (٨ درجات)

٢. اوجد الحل العام لمعادلة التفاضلية الآتية:

$$2e^x \tan y + y'(1 + e^x) \sec^2 y = 0$$

	<b>امتحان نهاية الفصل الدراسي الثاني</b> <b>لمادة المعادلات التفاضلية</b> <b>لطلاب الرياضيات</b> <b>التاريخ: 2022/6/8</b>	<b>جامعة اسيوط</b> <b>كلية العلوم</b> <b>قسم رياضيات</b>	
---	--	--	---

**اجب عن الاسئلة الآتية:** (50 درجة)

**السؤال الأول:** حل المعادلات التفاضلية الآتية

1.  $(x - x \ln x + x \ln y) dy + y (\ln x - \ln y) dx = 0$  (6 درجات)
2.  $y' = 1 + x^2 - y^2 - x^2 y^2$  (6 درجات)

**السؤال الثاني:** حل المعادلات التفاضلية الآتية

1.  $y - xy' = x^2 y'^2$  (6 درجات)
2.  $y'' + y' = 2x$  (7 درجات)

**السؤال الثالث:** اوجد الحل المكمل و الحل الخاص للمعادلات التفاضلية الآتية

1.  $y'' - 4y' + 3y = e^{4x}$  (6 درجات)
2.  $y''' + y''' = 12x$  (6 درجات)

**السؤال الرابع:** اوجد الحل المكمل و الحل الخاص للمعادلات التفاضلية الآتية

1.  $y'' + y = x \cos x$  (6 درجات)
2.  $x^3 y''' + 3x^2 y'' + xy' - 8y = 32x^2$  (7 درجات)

----- انتهت هذه الأسئلة مع تمنياتنا لكم بالتوفيق -----

د/ طارق عبد اللطيف

د.م/ جمال مختار



Important remarks

- No. of pages: 4 - No. of questions: 1

**Answer the following questions.**

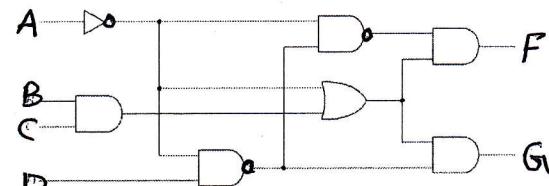
**Q.1) (50 points) Choose the correct from the given answers and put your selection in the table below.**

Statement	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Answer										
Statement	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
Answer										
Statement	21	22	23	24	25					
Answer										

**1. . The decimal equivalent of the binary number  $(1011.011)_2$  is (.....)<sub>10</sub>**

- (a) 9.23                          (b) 11.175                          (c) 10.123                          (d) 11.375

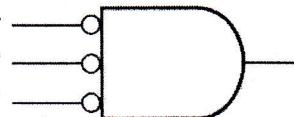
**2. Consider the circuit in below. The simplified Boolean expressions for output F in terms of the input variables in the circuit below is ....**



- (a)  $A'B' + AC$                           (b)  $A'D' + AD$                           (c)  $A'D + ABC$                           (d)  $AD + BC$

**3. (.....)<sub>10</sub> = (0001 1000 0101)<sub>BCD</sub>**

- (a) 105                                  (b) 185                                  (c) 105                                  (d) 85

**4.**  identifies the symbol of ..... gate.

- (a) NOR                                  (b) OR                                  (c) AND                                  (d) NAND

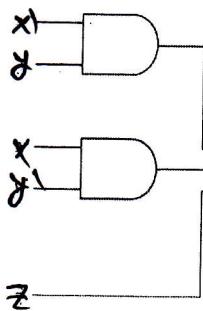
**5. Logic gates use .....to physically represent binary 0 and binary 1**

- (a) voltage levels                      (b) magnetic field                      (c) electrical charge                      (d) light

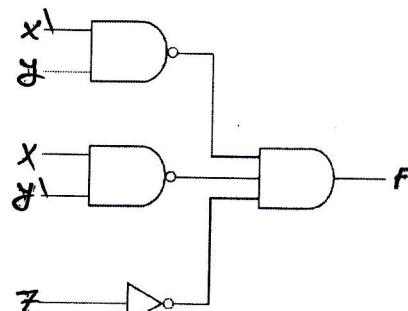
**6. Given a number N having n digits in a number system with base r, the  $(r - 1)$ 's complement of N is .....**

- (a)  $r^n - N$                                   (b)  $(r^n - 1) - N$                                   (c)  $r^{n-1} - N$                                   (d)  $(r^n + 1) - N$

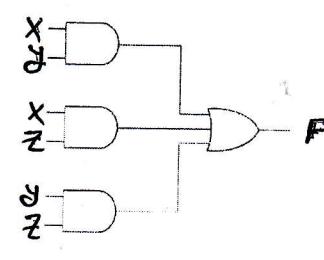
7. A majority circuit is a combinational circuit whose output is equal to 1 if the input variables have more 1's than 0's. Therefore, the logic diagram of a three-input majority circuit is given by



(a)



(b)



(c)

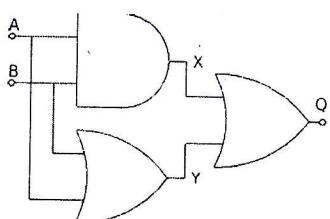
8. The Boolean function  $F(x, y, z) = \sum(1, 3, 6, 7)$  is simplified to .....

- (a)  $xy + x'z'$       (b)  $x'y' + x'z$       (c)  $xy' + xz'$       (d)  $F = xy + x'z$

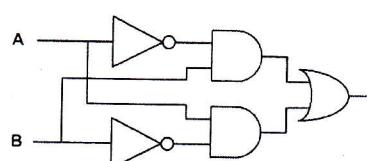
9.  $x \oplus 0 = \dots$

- (a) 1      (b) 0      (c)  $x'$       (d)  $x$

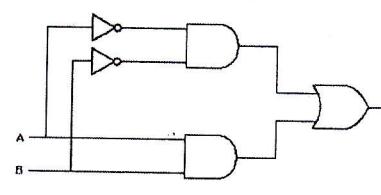
10. An equality comparator is a combinational circuit whose output is equal to 1 if the input variables are equal. Therefore, the logic diagram of a two-input equality comparator is given by .....



(a)



(b)



(c)

11.  $F(x, y, z) = \sum(1, 3, 6, 7) = \prod(\dots)$

- (a) 1,2,3,4      (b) 0,2,4,5      (c) 1,3,6,7      (d) 2,4,6,8

12. The complement of  $F_1 = x(y'z' + yz)$  is .....

- (a)  $x' + yz' + y'z$       (b)  $x'y + y + y'z$       (c)  $xy + y'z$       (d)  $xyz' + y'z$

13. The operator precedence for evaluating Boolean expressions is parentheses, .....

- (a) NOT, AND, and OR      (b) NOT, OR, and AND  
(c) AND, NOT, and OR      (d) OR, AND, and NOT

14. Reading the Karnaugh map, the logic expression is  $F = \dots$

		CD	
AB		1	1
			1
1	1		
1	1		1

- (a)  $B'D' + B'C' + A'D'$       (b)  $B'D' + B'C' + A'CD'$       (c)  $BD' + B'C' + A'CD'$       (d)  $B'D' + B'C + A'CD'$

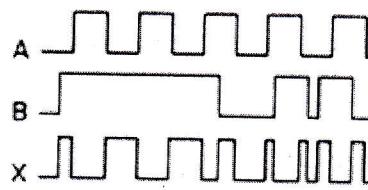
15. The Boolean function  $F(w, x, y, z) = \sum(1, 3, 7, 11, 15)$  which has the don't-care conditions  $d(w, x, y, z) = \sum(0, 2, 5)$  can be simplified to .....

- (a)  $yz + w'x'$       (b)  $yz + w'z$       (c) answers (a) and (b)      (d) none of the previous

16.  $(-9)_{10}$  is represented in a 8-bit signed binary system as

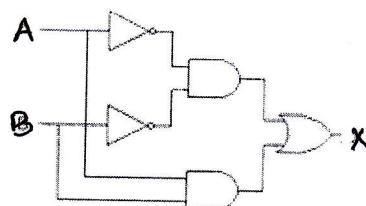
- (a) 10001001      (b) 11110110      (c) 11110111      (d) all the previous

17. The figure below describes the input (A and B), and output (X) waveforms of an ..... logic gate.



- (a) AND      (b) OR      (c) XNOR      (d) XOR

18. Which of the following logic expressions represents the logic diagram given below?



- (a)  $X = AB' + A'B'$       (b)  $X = (AB)' + AB$       (c)  $X = A'B' + AB$       (d)  $X = AB' + A'B$

19. The canonical sum of product form of the function  $y(A, B) = A + B$  is .....

- (a)  $AB + BB + A'A$       (b)  $AB + AB' + A'B$       (c)  $BA + BA' + A'B'$       (d)  $AB' + A'B + A'B'$

20. The decimal number 10 is represented in its BCD form as .....

- (a) 00010000      (b) 0000 1010      (c) 11110000      (d) 10000000

21. Simplifying the expression  $A'B'(A'+B)(B'+B)$  gives .....

- (a)  $A'B'$       (b)  $AB + A'B'$       (c)  $A+B$       (d) none of the previous

22. If x and y are two binary variables, then  $x + (y \cdot z) = \dots$

- (a) xyz      (b)  $(x + y) \cdot (x + z)$       (c)  $y+xz$       (d) x

23. The Boolean function  $F(A, B, C, D) = \sum(0, 1, 2, 5, 8, 9, 10)$  can be simplified to.....

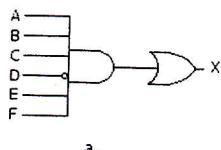
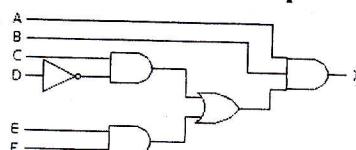
(a)  $B'D' + B'C' + A'C'D$

(b)  $(A' + B')(C' + D')(B' + D)$

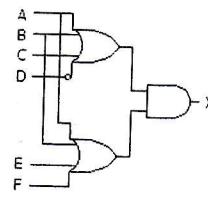
(c) answers (a) and (b)

(d) none of the previous

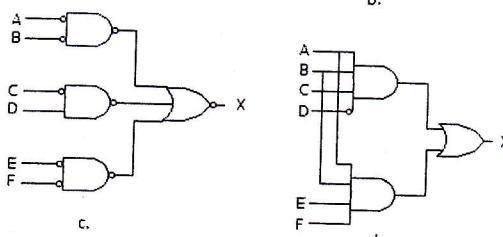
24. Which of the circuits in figure (a to d) is the sum-of-products implementation of the next figure?



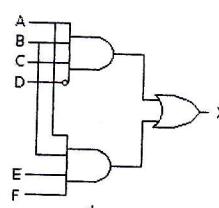
a.



b.



c.



(c) 111000

(d) 000111

25. Binary subtraction of  $100101 - 011110$  is?

(a) 101010

(b) 010101

عضو اللجنة الامتحانية / د. عبدالحى محمد

Best Wishes

د/ عبد الحى محمد

Dr. Diaaeldin Abdelfattah

القائم بالتدريس / د. ضياء الدين محمود ابراهيم

د/ ضياء الدين محمود ابراهيم